

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования  
«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»  
(ТУСУР)



УТВЕРЖДАЮ  
Проректор по учебной работе

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: a1119608-cdff-4455-b54e-5235117c185c

Владелец: Семенко Павел Васильевич

Действителен: с 17.09.2019 по 16.09.2024

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИКА

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **20.03.01 Техносферная безопасность**

Направленность (профиль) / специализация: **Управление техносферной безопасностью**

Форма обучения: **очно-заочная**

Факультет: **Заочный и вечерний факультет (ЗиВФ)**

Кафедра: **Кафедра радиоэлектронных технологий и экологического мониторинга (РЭТЭМ)**

Курс: **1, 2**

Семестр: **1, 2, 3**

Учебный план набора 2022 года

Объем дисциплины и виды учебной деятельности

Виды учебной деятельности	1 семестр	2 семестр	3 семестр	Всего	Единицы
Лекционные занятия	18	18	10	46	часов
Практические занятия	36	36	18	90	часов
Самостоятельная работа	90	90	80	260	часов
Подготовка и сдача экзамена	36			36	часов
Общая трудоемкость	180	144	108	432	часов
(включая промежуточную аттестацию)	5	4	3	12	з.е.

Формы промежуточной аттестация	Семестр
Экзамен	1
Зачет с оценкой	2
Зачет с оценкой	3

## 1. Общие положения

### 1.1. Цели дисциплины

1. Изучение основных понятий и методов математики, используемых при решении профессиональных задач.

### 1.2. Задачи дисциплины

1. Развитие аналитического, алгоритмического и логического мышления студентов.
2. Выработка у студентов умения работать с математической литературой.
3. Овладение методами математики, применяемыми для решения профессиональных задач.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Блок дисциплин: Б1. Дисциплины (модули).

Часть блока дисциплин: Обязательная часть.

Модуль дисциплин: Модуль укрупненной группы специальностей и направлений (general hard skills – GHS).

Индекс дисциплины: Б1.О.02.04.

Реализуется с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий.

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и основной образовательной программой (таблица 3.1):

Таблица 3.1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Компетенция	Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
<b>Универсальные компетенции</b>		
-	-	-
<b>Общепрофессиональные компетенции</b>		
ОПК-4. Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и использовать их для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-4.1. Знает приемы, способы и методы применения вычислительной техники при выполнении функции сбора, хранения, обработки, передачи и использования данных	Знает основные понятия, объекты и методы математики, способствующие осуществлению обработки данных для решения поставленных задач
	ОПК-4.2. Умеет работать с информацией в глобальных компьютерных сетях	Умеет применять математические методы при работе с информацией
	ОПК-4.3. Владеет практическими навыками решения задач профессиональной деятельности с использованием информационных технологий	Владеет математическим аппаратом, используемым при решении задач профессиональной деятельности
<b>Профессиональные компетенции</b>		
-	-	-

## 4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов,

**выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем  
и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 12 зачетных единиц, 432 академических часов.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам учебной деятельности представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины по видам учебной деятельности

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры		
		1 семестр	2 семестр	3 семестр
<b>Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b>	136	54	54	28
Лекционные занятия	46	18	18	10
Практические занятия	90	36	36	18
<b>Самостоятельная работа обучающихся, в т.ч. контактная внеаудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b>	260	90	90	80
Подготовка к тестированию	68	24	24	20
Подготовка к контрольной работе	96	40	28	28
Написание конспекта самоподготовки	50	26	12	12
Подготовка к зачету с оценкой	46		26	20
<b>Подготовка и сдача экзамена</b>	36	36		
<b>Общая трудоемкость (в часах)</b>	432	180	144	108
<b>Общая трудоемкость (в з.е.)</b>	12	5	4	3

## 5. Структура и содержание дисциплины

### 5.1. Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

Структура дисциплины по разделам (темам) и видам учебной деятельности приведена в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

Названия разделов (тем) дисциплины	Лек. зан., ч	Прак. зан., ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
<b>1 семестр</b>					
1 Элементы теории множеств.	2	2	4	8	ОПК-4
2 Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений.	8	18	36	62	ОПК-4
3 Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии	4	8	28	40	ОПК-4
4 Введение в анализ	4	8	22	34	ОПК-4
Итого за семестр	18	36	90	144	
<b>2 семестр</b>					
5 Дифференциальное исчисление и его приложения.	4	10	18	32	ОПК-4
6 Интегральное исчисление.	6	12	32	50	ОПК-4
7 Дифференциальные уравнения.	4	8	22	34	ОПК-4
8 Элементы операционного исчисления.	4	6	18	28	ОПК-4
Итого за семестр	18	36	90	144	
<b>3 семестр</b>					

9 Элементы теории функций комплексного переменного.	2	4	26	32	ОПК-4
10 Элементы теории рядов.	4	8	28	40	ОПК-4
11 Элементы теории вероятностей.	4	6	26	36	ОПК-4
Итого за семестр	10	18	80	108	
Итого	46	90	260	396	

## 5.2. Содержание разделов (тем) дисциплины

Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям)

Названия разделов (тем) дисциплины	Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям)	Трудоемкость (лекционные занятия), ч	Формируемые компетенции
<b>1 семестр</b>			
1 Элементы теории множеств.	Множества. Действия над множествами. Числовые множества. Ограниченные и неограниченные множества.	2	ОПК-4
	Итого	2	
2 Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений.	Понятие числовой матрицы. Специальные виды матриц. Действия над матрицами и их свойства. Перестановки. Понятие определителя порядка $n$ . Свойства определителей. Минор и алгебраическое дополнение. Вычисление определителей. Обратная матрица. Решение матричных уравнений. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре и ее следствия. Основные задачи теории систем линейных уравнений. Различные формы записи системы линейных уравнений (полная, векторная, матричная). Классификация систем: совместная/несовместная, однородная/неоднородная, определенная/неопределенная. Теорема Кронекера - Капелли. Решение определенных систем. Матричный способ решения систем линейных уравнений. Метод Крамера, метод Гаусса. Исследование и решение произвольных систем линейных уравнений.	8	ОПК-4
	Итого	8	
3 Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии	Скалярное, векторное и смешанное произведения. Уравнение прямой на плоскости. Уравнение плоскости. Уравнения прямой в пространстве. Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка	4	ОПК-4
	Итого	4	

4 Введение в анализ	Системы окрестностей. Односторонние окрестности в $\mathbb{R}$ . Функция. 4 класса функций. Последовательность и ее предел. Предел функции. Теоремы о пределах. Неопределенные выражения. Непрерывность функции. Классификация точек разрыва функции одного действительного аргумента. Первый и второй замечательные пределы, и их следствия. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших.	4	ОПК-4
	Итого	4	
Итого за семестр		18	
<b>2 семестр</b>			
5 Дифференциальное исчисление и его приложения.	Техника дифференцирования функций скалярного аргумента. Производные высших порядков функций скалярного аргумента. Производные параметрически заданных функций. Дифференциал. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталья. Экстремумы. Выпуклость и вогнутость графика функции. Асимптоты графика функции. Исследование функций и построение графиков. Дифференцирование функций многих аргументов. Производная по направлению. Дифференцирование функций, заданных неявно.	4	ОПК-4
	Итого	4	
6 Интегральное исчисление.	Подведение под знак дифференциала. Простейшие преобразования подынтегрального выражения. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование простейших иррациональностей. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы первого рода. Несобственные интегралы второго рода. Вычисление двойных интегралов. Геометрические приложения кратных интегралов.	6	ОПК-4
	Итого	6	

7 Дифференциальные уравнения.	Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Линейные уравнения первого порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами. Системы линейных уравнений.	4	ОПК-4
	Итого	4	
8 Элементы операционного исчисления.	Преобразование Лапласа. Основные свойства преобразования Лапласа. Решение задачи Коши для линейных уравнений с постоянными коэффициентами. Интеграл Дюамеля.	4	ОПК-4
	Итого	4	
Итого за семестр		18	
<b>3 семестр</b>			
9 Элементы теории функций комплексного переменного.	Комплексные числа в алгебраической форме и действия над ними. Характеристика корней многочлена. Комплексные числа в тригонометрической и показательной формах, действия над ними. Функция комплексного переменного в алгебраической форме.	2	ОПК-4
	Итого	2	
10 Элементы теории рядов.	Числовые ряды. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора. Ряд Фурье.	4	ОПК-4
	Итого	4	
11 Элементы теории вероятностей.	Комбинаторика. Классическое определение вероятности. Условная вероятность. Основные теоремы теории вероятностей. Дискретная случайная величина. Закон и функция распределения дискретной случайной величины. Элементы математической статистики.	4	ОПК-4
	Итого	4	
Итого за семестр		10	
Итого		46	

### 5.3. Контрольные работы

Не предусмотрено учебным планом

### 5.4. Лабораторные занятия

Не предусмотрено учебным планом

### 5.5. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 5.5.

Таблица 5.5 – Наименование практических занятий (семинаров)

Названия разделов (тем) дисциплины	Наименование практических занятий (семинаров)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
<b>1 семестр</b>			

1 Элементы теории множеств.	Множества. Действия над множествами. Числовые множества. Свойства числовых множеств. Действия над числовыми множествами.	2	ОПК-4
	Итого	2	
2 Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений.	Действия над матрицами. Вычисление определителей. Обратная матрица. Решение матричных уравнений. Ранг матрицы. Решение определенных систем линейных уравнений. Решение неопределенных систем уравнений.	18	ОПК-4
	Итого	18	
3 Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии	Алгебра геометрических векторов. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов. Прямая на плоскости. Полярная система координат. Плоскость. Уравнение плоскости. Прямая в пространстве. Поверхности в пространстве.	8	ОПК-4
	Итого	8	
4 Введение в анализ	Окрестности. Последовательность. Предел последовательности. Отображения. Функции. Четыре класса функций. Предел функции. Вычисление пределов функций без неопределенностей. Раскрытие неопределенностей (0/0), (бесконечность/бесконечность). Первый замечательный предел и его следствия. Сравнение бесконечно больших и бесконечно малых функций. Второй замечательный предел. Следствия второго замечательного предела. Непрерывность функции. Классификация разрывов функции.	8	ОПК-4
	Итого	8	
Итого за семестр		36	
<b>2 семестр</b>			

5 Дифференциальное исчисление и его приложения.	Техника дифференцирования функций скалярного аргумента. Производные высших порядков функций скалярного аргумента. Производные параметрически заданных функций. Дифференциал. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталя. Экстремумы. Выпуклость и вогнутость графика функции. Асимптоты графика функции. Исследование функций и построение графиков. Дифференцирование функций многих аргументов. Производная по направлению. Дифференцирование функций, заданных неявно.	10	ОПК-4
	Итого	10	
6 Интегральное исчисление.	Подведение под знак дифференциала. Простейшие преобразования подынтегрального выражения. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование простейших иррациональностей. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы первого рода. Несобственные интегралы второго рода. Вычисление двойных интегралов. Геометрические приложения кратных интегралов.	12	ОПК-4
	Итого	12	
7 Дифференциальные уравнения.	Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Линейные уравнения первого порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами. Системы линейных уравнений.	8	ОПК-4
	Итого	8	
8 Элементы операционного исчисления.	Преобразование Лапласа. Основные свойства преобразования Лапласа. Решение задачи Коши для систем линейных уравнений с постоянными коэффициентами.	6	ОПК-4
	Итого	6	
Итого за семестр		36	
<b>3 семестр</b>			



9 Элементы теории функций комплексного переменного.	Комплексные числа в алгебраической форме и действия над ними. Характеристика корней многочлена. Комплексные числа в тригонометрической и показательной формах, действия над ними. Функция комплексного переменного в алгебраической форме.	4	ОПК-4
	Итого	4	
10 Элементы теории рядов.	Числовые ряды. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора. Ряд Фурье.	8	ОПК-4
	Итого	8	
11 Элементы теории вероятностей.	Комбинаторика. Классическое определение вероятности. Условная вероятность. Основные теоремы теории вероятностей. Дискретная случайная величина. Закон и функция распределения дискретной случайной величины. Элементы математической статистики.	6	ОПК-4
	Итого	6	
Итого за семестр		18	
Итого		90	

### 5.6. Курсовой проект / курсовая работа

Не предусмотрено учебным планом

### 5.7. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 5.7.

Таблица 5.7 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов (тем) дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
<b>1 семестр</b>				
1 Элементы теории множеств.	Подготовка к тестированию	2	ОПК-4	Тестирование
	Подготовка к контрольной работе	2	ОПК-4	Контрольная работа
	Итого	4		
2 Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений.	Написание конспекта самоподготовки	10	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	18	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	8	ОПК-4	Тестирование
	Итого	36		

3 Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии	Написание конспекта самоподготовки	10	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	10	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	8	ОПК-4	Тестирование
	Итого	28		
4 Введение в анализ	Написание конспекта самоподготовки	6	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	10	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	6	ОПК-4	Тестирование
	Итого	22		
Итого за семестр		90		
	Подготовка и сдача экзамена	36		Экзамен
<b>2 семестр</b>				
5 Дифференциальное исчисление и его приложения.	Подготовка к зачету с оценкой	6	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Написание конспекта самоподготовки	2	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	6	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	4	ОПК-4	Тестирование
	Итого	18		
6 Интегральное исчисление.	Подготовка к зачету с оценкой	8	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Написание конспекта самоподготовки	6	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	10	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	8	ОПК-4	Тестирование
	Итого	32		
7 Дифференциальные уравнения.	Подготовка к зачету с оценкой	6	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Написание конспекта самоподготовки	4	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	6	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	6	ОПК-4	Тестирование
	Итого	22		

8 Элементы операционного исчисления.	Подготовка к зачету с оценкой	6	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Подготовка к контрольной работе	6	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	6	ОПК-4	Тестирование
	Итого	18		
Итого за семестр		90		
<b>3 семестр</b>				
9 Элементы теории функций комплексного переменного.	Подготовка к зачету с оценкой	6	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Написание конспекта самоподготовки	6	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	8	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	6	ОПК-4	Тестирование
	Итого	26		
10 Элементы теории рядов.	Подготовка к зачету с оценкой	6	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Написание конспекта самоподготовки	6	ОПК-4	Конспект самоподготовки
	Подготовка к контрольной работе	10	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	6	ОПК-4	Тестирование
	Итого	28		
11 Элементы теории вероятностей.	Подготовка к зачету с оценкой	8	ОПК-4	Зачёт с оценкой
	Подготовка к контрольной работе	10	ОПК-4	Контрольная работа
	Подготовка к тестированию	8	ОПК-4	Тестирование
	Итого	26		
Итого за семестр		80		
Итого		296		

### **5.8. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности**

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности представлено в таблице 5.8.

Таблица 5.8 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Формируемые компетенции	Виды учебной деятельности			Формы контроля
	Лек. зан.	Прак. зан.	Сам. раб.	
ОПК-4	+	+	+	Зачёт с оценкой, Конспект самоподготовки, Контрольная работа, Тестирование, Экзамен

### **6. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся**

Рейтинговая система не используется

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 7.1. Основная литература

1. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: Учебное пособие /Магазинникова А. Л., Магазинников Л. И. - 2010. 176 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2244>.
2. Высшая математика. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинников А. Л. - 2017. 188 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/6861>.
3. Интегральное исчисление [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2013. 138 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/6063>.
4. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2013. 104 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/6062>.
5. Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И. - 2012. 206 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2258>.

### 7.2. Дополнительная литература

1. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинников А. Л. - 2007. 191 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2246>.
2. Элементарные функции и их графики [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Гриншпон И. Э. - 2017. 91 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7037>.
3. Интегральное исчисление и дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2003. 235 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2259>.

### 7.3. Учебно-методические пособия

#### 7.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Высшая математика I. Практикум по линейной алгебре и аналитической геометрии [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинникова А. Л. - 2007. 162 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/37>.
2. Практикум по дифференциальному исчислению [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников А. Л., Магазинников Л. И. - 2017. 211 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7085>.
3. Практикум по интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2005. 204 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/39>.
4. Практикум по теории функций комплексного переменного, теории рядов, операционному исчислению [Электронный ресурс]: Учебно-методическое пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2018. 194 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7377>.

#### 7.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **7.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к современным базам данных, информационно-справочным и поисковым системам, к которым у ТУСУРа открыт доступ: <https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>.

### **8. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины**

#### **8.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с достаточным количеством посадочных мест для учебной группы, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются мультимедийное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

#### **8.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий**

Учебная аудитория: учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации; 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 238 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Проектор;
- Проекционный экран;
- Камера;
- Микрофон;
- Тумба для докладчика;
- Магнитно-маркерная доска - 2 шт.;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Adobe Reader;
- Far Manager 3;
- Kaspersky Endpoint Security для Windows;
- Microsoft Office Standard 2013;
- Microsoft Windows;

#### **8.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 209 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду ТУСУРа.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

#### **8.4. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрения** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

### **9. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

#### **9.1. Содержание оценочных материалов для текущего контроля и промежуточной аттестации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы, представленные в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Формы контроля и оценочные материалы

Названия разделов (тем) дисциплины	Формируемые компетенции	Формы контроля	Оценочные материалы (ОМ)
1 Элементы теории множеств.	ОПК-4	Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
		Экзамен	Перечень экзаменационных вопросов
2 Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений.	ОПК-4	Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
		Экзамен	Перечень экзаменационных вопросов

3 Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии	ОПК-4	Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
		Экзамен	Перечень экзаменационных вопросов
4 Введение в анализ	ОПК-4	Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
		Экзамен	Перечень экзаменационных вопросов
5 Дифференциальное исчисление и его приложения.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
6 Интегральное исчисление.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий

7 Дифференциальные уравнения.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
8 Элементы операционного исчисления.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
9 Элементы теории функций комплексного переменного.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
10 Элементы теории рядов.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Конспект самоподготовки	Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
11 Элементы теории вероятностей.	ОПК-4	Зачёт с оценкой	Перечень вопросов для зачета с оценкой
		Контрольная работа	Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий

Шкала оценки сформированности отдельных планируемых результатов обучения по дисциплине приведена в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Шкала оценки сформированности планируемых результатов обучения по дисциплине



Оценка	Баллы за ОМ	Формулировка требований к степени сформированности планируемых результатов обучения		
		знать	уметь	владеть
2 (неудовлетворительно)	< 60% от максимальной суммы баллов	отсутствие знаний или фрагментарные знания	отсутствие умений или частично освоенное умение	отсутствие навыков или фрагментарные применение навыков
3 (удовлетворительно)	от 60% до 69% от максимальной суммы баллов	общие, но не структурированные знания	в целом успешно, но не систематически осуществляемое умение	в целом успешное, но не систематическое применение навыков
4 (хорошо)	от 70% до 89% от максимальной суммы баллов	сформированные, но содержащие отдельные проблемы знания	в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы умение	в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы применение навыков
5 (отлично)	≥ 90% от максимальной суммы баллов	сформированные систематические знания	сформированное умение	успешное и систематическое применение навыков

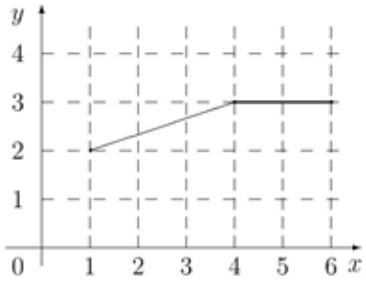
Шкала комплексной оценки сформированности компетенций приведена в таблице 9.3.

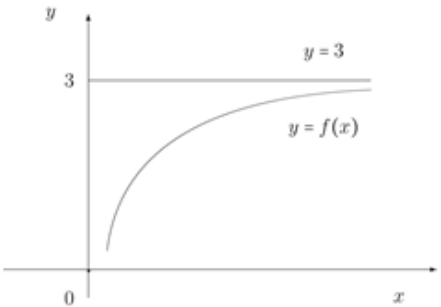
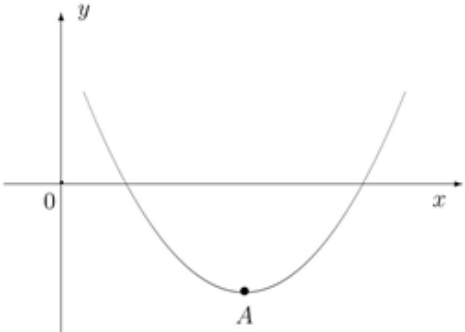
Таблица 9.3 – Шкала комплексной оценки сформированности компетенций

Оценка	Формулировка требований к степени компетенции
2 (неудовлетворительно)	Не имеет необходимых представлений о проверяемом материале или Знать на уровне <b>ориентирования</b> , представлений. Обучающийся знает основные признаки или термины изучаемого элемента содержания, их отнесенность к определенной науке, отрасли или объектам, узнает в текстах, изображениях или схемах и знает, к каким источникам нужно обращаться для более детального его усвоения.
3 (удовлетворительно)	Знать и уметь на <b>репродуктивном</b> уровне. Обучающихся знает изученный элемент содержания репродуктивно: произвольно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях.
4 (хорошо)	Знать, уметь, владеть на <b>аналитическом</b> уровне. Зная на репродуктивном уровне, указывать на особенности и взаимосвязи изученных объектов, на их достоинства, ограничения, историю и перспективы развития и особенности для разных объектов усвоения.
5 (отлично)	Знать, уметь, владеть на <b>системном</b> уровне. Обучающийся знает изученный элемент содержания системно, произвольно и доказательно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях, учитывая и указывая связи и зависимости между этим элементом и другими элементами содержания дисциплины, его значимость в содержании дисциплины.

### 9.1.1. Примерный перечень тестовых заданий

1.	Найти $C = A + B$ , если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 6 \\ 4 & 5 & 0 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 \\ 5 & 6 & 7 \end{pmatrix}$ .	а) $C = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 12 \\ 20 & 30 & 0 \end{pmatrix}$
		б) $C = \begin{pmatrix} 3 & 3 & 8 \\ 9 & 11 & 7 \end{pmatrix}$
		в) $C = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 8 \\ 9 & 11 & 7 \end{pmatrix}$
		г) $C = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 6 \\ 4 & 5 & 0 \end{pmatrix}$
2.	Выберите матрицу, определитель которой равен 0:	а) $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$
		б) $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -3 & 6 \end{pmatrix}$
		в) $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$
		г) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
3.	Дана матрица $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ . Выберите $A^T$ .	а) $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$
		б) $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$
		в) $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
		г) $\begin{pmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$
4.	Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 5 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ 7 & -3 & -1 \end{vmatrix}$	а) 0
		б) 6
		в) -10
		г) -2
5.	Дан вектор $\mathbf{a} = 3\mathbf{i} + 4\mathbf{j} - 7\mathbf{k}$ . Найти сумму координат вектора $\mathbf{a}$ .	а) 14
		б) 84
		в) -14
		г) 0
6.	Найти скалярное произведение векторов $\mathbf{a} = (8, 4, 1)$ и $\mathbf{b} = (2, -2, 1)$ .	а) -3
		б) 5
		в) 9
		г) 3

7.	<p>На отрезке <math>[1;6]</math> задана функция, график которой приведен на рисунке. Укажите аналитическое задание этой функции.</p> 	<p>а) <math>y = \begin{cases} \frac{x+5}{3}, &amp; 1 \leq x &lt; 4 \\ 3, &amp; 4 \leq x \leq 6 \end{cases}</math></p> <p>б) <math>y = \begin{cases} -\frac{x+5}{3}, &amp; 1 \leq x &lt; 4 \\ 3, &amp; 4 \leq x \leq 6 \end{cases}</math></p> <p>в) <math>y = \begin{cases} x^2, &amp; 1 \leq x &lt; 4 \\ 3, &amp; 4 \leq x \leq 6 \end{cases}</math></p> <p>г) <math>y = \begin{cases} -x^2, &amp; 1 \leq x &lt; 4 \\ 3, &amp; 4 \leq x \leq 6 \end{cases}</math></p>
8.	<p>Какой геометрический образ определяет уравнение <math>(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 4</math> на плоскости?</p>	<p>а) Парабола</p> <p>б) Прямая</p> <p>в) Окружность</p> <p>г) Квадрат</p>
9.	<p>Выберите общее уравнение прямой</p>	<p>а) <math>5x - 4y + 3 = 0</math></p> <p>б) <math>y = 3x - 4</math></p> <p>в) <math>\frac{x-5}{3} = \frac{y-4}{7}</math></p> <p>г) <math>\begin{cases} x = 2t + 3 \\ y = -t + 1 \end{cases}</math></p>
10.	<p>Укажите функцию, предел которой равен 0 при <math>x \rightarrow 2</math>.</p>	<p>а) <math>f(x) = (x + 2)x</math></p> <p>б) <math>f(x) = (x - 2)(x + 3)</math></p> <p>в) <math>f(x) = (x - 1)^2</math></p> <p>г) <math>f(x) = x(x + 1)(x - 3)</math></p>
11.	<p>Укажите предел, в котором присутствует неопределенность <math>\frac{0}{0}</math></p>	<p>а) <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{x^2-4}</math></p> <p>б) <math>\lim_{x \rightarrow 0} (x^2 - 2)</math></p> <p>в) <math>\lim_{x \rightarrow 4} (x - 2)(x + 4)</math></p> <p>г) <math>\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 - 4)</math></p>

12.	<p>На рисунке прямая <math>y = 3</math> является для графика функции <math>y = f(x)</math>...</p> 	<p>а) касательной</p> <p>б) секущей</p> <p>в) асимптотой</p> <p>г) нормалью</p>
13.	 <p>На рисунке функция <math>y = f(x)</math> имеет в точке <math>A</math>...</p>	<p>а) Ноль</p> <p>б) Максимум</p> <p>в) Минимум</p> <p>г) Разрыв</p>
14.	<p>Частная производная по переменной <math>y</math> от функции <math>u=f(x,y)</math> обозначается ...</p>	<p>а) <math>u'_x</math></p> <p>б) <math>u'_y</math></p> <p>в) <math>u'_z</math></p> <p>г) <math>u'_u</math></p>
15.	<p>Дана функция</p> $u = x^2 + y^3.$ <p>Тогда</p> $\frac{\partial u}{\partial x} = \dots$	<p>а) <math>2x</math></p> <p>б) <math>3y^2</math></p> <p>в) <math>2x + 3y</math></p> <p>г) <math>0</math></p>
16.	<p>Дана функция <math>y = 3x^4 - 5</math>. Найти <math>y''</math> в точке <math>x = -1</math></p>	<p>а) <math>-2</math></p> <p>б) <math>1</math></p> <p>в) <math>-8</math></p> <p>г) <math>36</math></p>
17.	<p>При исследовании функции на монотонность...</p>	<p>а) Необходимо найти <math>y''</math></p> <p>б) Необходимо найти <math>y'</math></p> <p>в) Необходимо найти <math>y'''</math></p> <p>г) Производную находить не надо</p>
18.	<p>Среди приведенных рядов укажите числовой ряд</p>	<p>а) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}</math></p> <p>б) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n+1}</math></p> <p>в) <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n)!}</math></p> <p>г) <math>\sum_{k=-\infty}^{+\infty} \frac{ie^{2in\pi x}}{\pi(2n-1)}</math></p>

19.	Вероятность появления случайного события...	а) любое положительное число
		б) больше нуля и меньше единицы
		в) отрицательное число
		г) целое число
20.	Найдите угловой коэффициент прямой, если известно её уравнение: $y = \frac{4}{3}x - 2$	а) 4
		б) $\frac{4}{3}$
		в) $\frac{3}{4}$
		г) $\frac{1}{4}$

### 9.1.2. Перечень экзаменационных вопросов

1. Понятие множества. Примеры множеств. Что значит «множество задано»? Конечные и бесконечные множества. Примеры. Пустое множество.
2. Способы задания множества. Равные множества. Подмножества. Примеры.
3. Числовые множества (натуральные, целые, рациональные, иррациональные, действительные, комплексные числа).
4. Ограниченные и неограниченные множества. Примеры.
5. Действия над множествами (пересечение, объединение, разность, прямое произведение).
6. Понятие комплексного числа. Алгебраическая форма комплексного числа. Геометрическое представление комплексного числа. Модуль, аргумент. Сложение, вычитание, умножение, деление комплексных чисел в алгебраической форме.
7. Тригонометрическая и показательная форма комплексного числа. Геометрическое представление комплексного числа. Модуль, аргумент. Умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня степени  $n$  из комплексных чисел в тригонометрической форме.
8. Понятие матрицы. Виды матриц. Примеры. Равные матрицы.
9. Действия над матрицами: сложение, вычитание, умножение на число, транспонирование. Согласованные матрицы. Умножение матриц. Примеры.
10. Определитель порядка  $n$  квадратной матрицы. Минор элемента квадратной матрицы.
11. Алгебраическое дополнение элемента квадратной матрицы. Теорема о связи минора и алгебраического дополнения.
12. Определитель 2-го порядка. Вычислительная формула. Способы вычисления определителя 3-го порядка. Примеры.
13. Свойства определителей.
14. Формулы Крамера. Пример.
15. Ранг матрицы. Преобразования, не меняющие ранга матрицы. Как найти ранг матрицы?
16. Обратная матрица. Определение. Способы нахождения обратной матрицы.
17. Системы линейных алгебраических уравнений. Классификация СЛАУ: по виду правой части, по количеству решений.
18. Понятие решения системы (в смысле «корня», а не процесса). Определения ,совместной/несовместной, определенной неопределенной СЛАУ.
19. Теорема Кронекера-Капелли (признак совместности системы), следствия из нее.
20. Матричный метод и метод Гаусса решения определенной системы.
21. Метод Гаусса решения неопределенной СЛАУ. Прямой и обратный ход. Зависимые и свободные переменные. Базисный минор.
22. Понятие вектора. Равные векторы. Умножение вектора на число. Коллинеарные векторы. Признак коллинеарности векторов.

23. Компланарные векторы. Признак компланарности векторов. Ортогональные векторы.
24. Проекция точки на прямую на плоскости. Проекция точки на прямую в пространстве. Проекция вектора на ось. Иллюстрация.
25. Скалярное произведение векторов, его свойства. Что можно вычислить с помощью скалярного произведения?
26. Векторное произведение векторов, его свойства. Что можно вычислить с помощью векторного произведения?
27. Смешанное произведение векторов, его свойства. Что можно вычислить с помощью смешанного произведения?
28. Прямая на плоскости. Направляющий вектор. Общее уравнение. Каноническое уравнение. Параметрические уравнения. Частные случаи. Примеры, иллюстрации.
29. Расстояние от точки до прямой на плоскости. Расстояние между параллельными прямыми на плоскости. Вычисление угла между пересекающимися прямыми на плоскости.
30. Определение окружности. Каноническое уравнение окружности. Чертеж. Как определить без построения уравнение окружности? Как привести уравнение окружности к каноническому виду? Приведите пример.
31. Определение эллипса. Каноническое уравнение эллипса. Чертеж. Как определить без построения уравнение эллипса? Как привести уравнение эллипса к каноническому виду? Приведите пример.
32. Определение гиперболы. Каноническое уравнение гиперболы. Чертеж. Как определить без построения уравнение гиперболы? Как привести уравнение гиперболы к каноническому виду? Приведите пример.
33. Определение параболы. Каноническое уравнение параболы. Чертеж. Как определить без построения уравнение параболы? Как привести уравнение параболы к каноническому виду? Приведите пример.
34. Полярная система координат. Полус, полярная ось. Полярный угол, полярный радиус. Формулы перехода. Примеры. Как построить кривую, заданную полярными координатами?
35. Прямая в пространстве. Направляющий вектор. Способы задания прямой в пространстве. Примеры.
36. Взаимное расположение двух прямых в пространстве.
37. Поверхности 2-го порядка. Эллипсоид, сфера: уравнение и чертеж.
38. Цилиндрическая поверхность. Коническая поверхность.
39. Поверхность вращения. Определение. Виды поверхностей вращения. Примеры.
40. Поверхности 2-го порядка. Эллипсоид, сфера: уравнение и чертеж. Что является сечениями?
41. Однополостный и двуполостный гиперболоиды: уравнения, чертежи. Что является сечениями?
42. Эллиптический параболоид, гиперболический параболоид: уравнения, чертежи. Что является сечениями?
43. Конусы 2-го порядка: уравнения, чертежи. Что является сечениями?
44. Цилиндры 2-го порядка: уравнения, чертежи. Что является сечениями?

### 9.1.3. Перечень вопросов для зачета с оценкой

#### 2 Семестр

1. Отображение множеств. Понятие функции. Область определения и область значений. График функции.
2. Способы задания функции. Примеры.
3. Алгебраические и трансцендентные функции. Явно и неявно заданные функции. Примеры.
4. Простейшие элементарные функции. Элементарные функции и функции, не являющиеся элементарными. Примеры.
5. Четыре класса функций. Примеры. Что является областью определения в каждом случае? Что является областью определения в каждом случае?
6. Окрестность точки. Разные типы окрестностей.
7. Внутренние и граничные точки. Открытое и замкнутое множество.
8. Последовательность (числовая). Определение, примеры. Общий член.

9. Ограниченные и неограниченные последовательности. Ограниченная сверху/снизу последовательность. Примеры.
10. Предел последовательности. Определение и примеры.
11. Понятие сходящейся и расходящейся последовательности. Теорема Вейерштрасса.
12. Бесконечно малая и бесконечно большая последовательность. Примеры.
13. Определение предела функции (на языке окрестностей и на языке последовательностей).
14. Односторонние пределы. Примеры.
15. Теоремы о пределах.
16. Виды неопределенностей и методы их раскрытия. Примеры.
17. Бесконечно большая и бесконечно малая функции. Их свойства.
18. 1-й замечательный предел. Следствия из него. Примеры.
19. Эквивалентные бесконечно малые функции. Таблица эквивалентных бесконечно малых. Примеры.
20. 2-й замечательный предел. Следствия из него. Примеры.
21. Непрерывная функция. Определение. Критерий непрерывности функции. Примеры.
22. Понятие точки разрыва. Типы точек разрыва. Примеры.
23. Асимптоты графика функции. Виды. Способы нахождения. Примеры. Чертежи.
24. Сравнение бесконечно больших и бесконечно малых функций.
25. Схема исследования функции без привлечения производных.
26. Понятие дифференцируемой функции. Производная и дифференциал функций скалярного аргумента.
27. Таблица производных. Свойства производных.
28. Дифференцирование скалярной функции векторного аргумента.
29. Геометрический смысл производной.
30. Производные высших порядков.
31. Производная функции заданной параметрически.
32. Производная функции, заданной неявно.
33. Геометрические приложения производной. Касательная и нормаль к кривой. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
34. Дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Дифференциалы высших порядков. Применение дифференциала в приближенных вычислениях.
35. Основные теоремы дифференциального исчисления.
36. Достаточные условия дифференцируемости.
37. Раскрытие неопределенностей. Теорема Лопиталья.
38. Монотонные функции. Необходимые условия монотонности. Достаточные условия монотонности.
39. Экстремумы. Необходимые условия экстремума. Достаточные условия экстремума для функции одной переменной.
40. Условные экстремумы. Глобальные экстремумы. Нахождение наибольших и наименьших значений.
41. Выпуклые и вогнутые функции. Достаточные условия выпуклости (вогнутости) функции.
42. Схема полного исследования функции.
43. Градиент. Производная по направлению. Вычислительные формулы. Геометрический смысл.
44. Первообразная. Неопределенный интеграл. Основные свойства.
45. Замена переменных в неопределенном интеграле, подведение под знак дифференциала интегрирование по частям.
46. Вычисление определенного интеграла. Интеграл как функция верхнего предела. Формула Ньютона - Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменных в определенном интеграле.
47. Несобственные интегралы 1-го рода (на неограниченном промежутке). Теоремы сравнения.
48. Несобственные интегралы 2-го рода (от неограниченных функций). Теоремы сравнения.
49. Приложения определённого интеграла.
50. Кратные интегралы, повторные интегралы, вычисление кратных интегралов сведением к повторным.
51. Криволинейные интегралы.

52. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
53. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными и сводящиеся к ним.
54. Однородные дифференциальные уравнения и сводящиеся к ним.
55. Линейные дифференциальные уравнения.
56. Теорема о виде общего решения линейного однородного дифференциального уравнения.
57. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.
58. Системы дифференциальных уравнений.

### 3 Семестр

1. Комплексное число в алгебраической форме. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
2. Комплексное число в тригонометрической и показательной формах. Действия над комплексными числами в тригонометрической и показательной формах.
3. Функция комплексного переменного в алгебраической форме.
4. Числовые ряды. Сходимость числовых рядов. Абсолютная и условная сходимости числовых рядов.
5. Признаки сходимости абсолютной сходимости числовых рядов.
6. Признаки Даламбера абсолютной сходимости числовых рядов.
7. Признаки Коши абсолютной сходимости числовых рядов.
8. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница сходимости знакопередающихся рядов.
9. Функциональный ряд. Область сходимости.
10. Степенной ряд. Теорема Абеля.
11. Ряды Тейлора.
12. Тригонометрический ряд Фурье.
13. Комплексная форма тригонометрического ряда Фурье.
14. Разложение в ряд Фурье по косинусам и синусам.
15. Случайное событие. Достоверное и невозможное событие. Совместные и несовместные события.
16. Элементарный исход. Элементарный исход, благоприятствующий данному событию.
17. Понятие вероятности события. Вероятность достоверного и невозможного события. Свойства вероятности.
18. Классическое определение вероятности.
19. Выборки. Типы выборок.
20. Сумма двух событий. Вероятность суммы двух событий.
21. Произведение двух событий. Вероятность произведения двух событий.
22. Случайная величина. Дискретная и непрерывная случайная величина.
23. Закон распределения дискретной случайной величины. Многоугольник распределения.
24. Функция распределения случайной величины  $X$ . Свойства и график функции распределения случайной величины.

#### **9.1.4. Примерный перечень вариантов (заданий) контрольных работ**

1. Действия над множествами.
2. Системы линейных алгебраических уравнений.
3. Элементы векторной алгебры.
4. Введение в анализ.
5. Производная сложной функций.
6. Интегральное исчисление
7. Дифференциальные уравнения.
8. Комплексные числа и операции над ними.
9. Теория рядов.
10. Случайные события и основные понятия теории вероятностей.

#### **9.1.5. Примерный перечень тем для конспектов самоподготовки**

1. Свойства определителей.
2. Алгебра геометрических векторов.
3. Прямая на плоскости.
4. Плоскость.
5. Прямая в пространстве.



6. Бесконечно малые и бесконечно большие величины
7. Асимптоты.
8. Производная по направлению.
9. Геометрический и механический смысл производной
10. Геометрические приложения производной
11. Формула Тейлора
12. Выпуклые и вогнутые функции
13. Полное исследование функции и построение графика
14. Приложения определенного интеграла
15. Приложения кратных интегралов.
16. Однородные уравнения.
17. Комплексная форма тригонометрического ряда Фурье.
18. Последовательности с комплексными членами.
19. Круг, интервал и радиус сходимости степенного ряда.

## **9.2. Методические рекомендации**

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

- чтение или просмотр материала осуществляйте со скоростью, достаточной для индивидуального понимания и освоения материала, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

- если в тексте встречаются незнакомые или малознакомые термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

- осмысливайте прочитанное и изученное, отвечайте на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации, в т.ч. с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия, в т.ч. в форме вебинаров. Расписание вебинаров и записи вебинаров публикуются в электронном курсе / электронном журнале по дисциплине.

## **9.3. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка

С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами, определяющимися исходя из состояния обучающегося на момент проверки

#### **9.4. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Математики  
протокол № 7 от « 7 » 2 2022 г.

### СОГЛАСОВАНО:

Должность	Инициалы, фамилия	Подпись
Заведующий выпускающей каф. РЭТЭМ	В.И. Туев	Согласовано, a755e75e-6728-43c8- b7c9-755f5cd688d8
Заведующий обеспечивающей каф. Математики	А.Л. Магазинникова	Согласовано, bdedf668-c745-4280- b6e8-d43a86b681a7
Начальник учебного управления	Е.В. Саврук	Согласовано, fa63922b-1fce-4а6а- 845d-9ce7670b004c
Декан ЗиВФ	И.В. Осипов	Согласовано, 126832c4-9aa6-45bd- 8e71-e9e09d25d010

### ЭКСПЕРТЫ:

Доцент, каф. РЭТЭМ	Н.Н. Несмелова	Согласовано, eebb9cff-fbf0-4a31- a395-8ca66c97e745
Доцент, каф. математики	Т.А. Ельцова	Согласовано, 878bcb22-7d6b-48a8- 8c58-9511234cdbea

### РАЗРАБОТАНО:

Старший преподаватель, каф. математики	О.А. Пугачева	Разработано, b03f925d-c99e-4f55- 92da-744fd65f430e
--	---------------	--