

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»  
(ТУСУР)**



**УТВЕРЖДАЮ**

**Директор департамента науки и инноваций**

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1с6сfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Статистическая теория радиотехнических систем**

Уровень образования: **высшее образование - подготовка кадров высшей квалификации**

Направление подготовки / специальность: **11.06.01 Электроника, радиотехника и системы связи**

Направленность (профиль) / специализация: **Радиолокация и радионавигация**

Форма обучения: **очная**

Факультет: **РТФ, Радиотехнический факультет**

Кафедра: **РТС, Кафедра радиотехнических систем**

Курс: **2**

Семестр: **3, 4**

Учебный план набора 2015 года

**Распределение рабочего времени**

№	Виды учебной деятельности	3 семестр	4 семестр	Всего	Единицы
1	Лекции	18	18	36	часов
2	Практические занятия	18	18	36	часов
3	Всего аудиторных занятий	36	36	72	часов
4	Самостоятельная работа	72	36	108	часов
5	Всего (без экзамена)	108	72	180	часов
6	Общая трудоемкость	108	72	180	часов
		3.0	2.0	5.0	З.Е.

Зачет: 3 семестр

Дифференцированный зачет: 4 семестр

Томск 2018

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.06.01 Электроника, радиотехника и системы связи, утвержденного 30.07.2014 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры РТС «\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ года, протокол №\_\_\_\_\_.

Разработчик:

профессор кафедры каф. РТС \_\_\_\_\_ В. И. Тисленко

Заведующий обеспечивающей каф.  
РТС

\_\_\_\_\_ С. В. Мелихов

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан РТФ \_\_\_\_\_ К. Ю. Попова

Заведующий выпускающей каф.  
РТС

\_\_\_\_\_ С. В. Мелихов

Эксперты:

Заведующий аспирантурой \_\_\_\_\_ Т. Ю. Коротина

Доцент кафедры радиотехнических  
систем (РТС)

\_\_\_\_\_ В. А. Громов

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1. Цели дисциплины

Цель курса состоит

в изучении основ статистической теории синтеза оптимальных устройств обработки при решении задач различения, обнаружения и оценки параметров полезных сигналов при наличии помех в системах радиосвязи, радиолокации, радионавигации;

в изучении способов обработки сигналов и помех в устройствах обнаружения, различения и оценки неизвестных параметров сигналов при наличии помехи в виде собственного шума приемника.

### 1.2. Задачи дисциплины

- изучить статистическую методологию описания случайных сигналов;
- изучить статистические свойства и характеристики смеси регулярного сигнала и гауссовского шума;
- изучить взаимосвязь параметров регулярного сигнала и его частотно-временной корреляционной функции;
- изучить характеристики линейного согласованного фильтра и принципы его построения для типовых сигналов;
- изучить характеристики и устройства оптимального различения (обнаружения) сигнала на фоне шума;
- изучить способы построения и алгоритмы обработки сигналов в оптимальных устройствах оценки параметров сигнала

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Статистическая теория радиотехнических систем» (Б1.В.ДВ.1.1) относится к блоку 1 (вариативная часть).

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Статистическая теория радиотехнических систем, Основы организации научных исследований, Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности (педагогическая практика), Теория систем и системный анализ, Цифровая обработка радиолокационной информации.

Последующими дисциплинами являются: Статистическая теория радиотехнических систем, Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности (научная практика), Радиолокация и радионавигация.

## 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- ПК-4 способность к разработке и внедрению научно обоснованных методик эксплуатации и применения в народном хозяйстве систем и устройств радиолокации и радионавигации;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

- **знать** физический смысл статистических характеристик случайных сигналов; взаимосвязь параметров полезного сигнала и параметров его частотно-временной корреляционной функции; постановку и методологию решения задач статистического синтеза оптимальных систем различения, обнаружения и оценки параметров радиосистемах связи, локации и навигации; типовые структуры статистически оптимальных устройств различения, обнаружения и оценки параметров радиосигналов на фоне белого гауссовского шума;

- **уметь** изложить постановку задачи синтеза оптимальных устройств обнаружения, различения и оценки параметров сигналов на фоне шума в терминах статистической теории проверки гипотез и теории оценок; представить обобщенные структурные схемы обнаружителя и различителя детерминированных сигналов и пояснить их работу; оценить влияние параметров радиосигнала и гауссовской помехи на потенциальные помехоустойчивости и точности систем радиосвязи, локации и навигации.

- **владеть** существующей в среде специалистов терминологией для статистической описания свойств сигналов и помех на основе методов статистической радиотехники

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры	
		3 семестр	4 семестр
Аудиторные занятия (всего)	72	36	36
Лекции	36	18	18
Практические занятия	36	18	18
Самостоятельная работа (всего)	108	72	36
Проработка лекционного материала	36	24	12
Подготовка к практическим занятиям, семинарам	72	48	24
Всего (без экзамена)	180	108	72
Общая трудоемкость, ч	180	108	72
Зачетные Единицы	5.0	3.0	2.0

#### 5. Содержание дисциплины

##### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	Лек., ч	Прак. зан., ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
3 семестр					
1 Математические модели сигналов и помех в радиотехнических системах	6	8	36	50	ПК-4
2 Основы статистической теории обнаружения и различения сигналов на фоне помехи	12	10	36	58	ПК-4
Итого за семестр	18	18	72	108	
4 семестр					
3 Основы статистической теории оценок неизвестных параметров сигнала при наличии помех. Разрешение сигналов по параметрам.	18	18	36	72	ПК-4
Итого за семестр	18	18	36	72	
Итого	36	36	108	180	

##### 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Содержание разделов дисциплин (по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (по лекциям)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины (по лекциям)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции

## 3 семестр

1 Математические модели сигналов и помех в радиотехнических системах	Классификация сигналов и сообщений. Функция различия сигналов. Частотно-временная корреляционная функция узкополосного радиосигнала и ее структура. Функция неопределенности радиосигнала и связь ее параметров с параметрами радиосигнала. Принцип неопределенности. Примеры функций неопределенности простых и сложных импульсных сигналов. Стационарная гауссовская случайная помеха. Белый шум. Статистические свойства огибающей и фазы смеси регулярного сигнала и гауссовской помехи. Радиоканал и его свойства. Модель сигнала в однолучевом и многолучевом каналах. Пространственные частотные и временные искажения структуры электромагнитного поля в месте приема. Гауссовская модель полезного сигнала в многолучевом канале.	6	ПК-4
	Итого	6	
2 Основы статистической теории обнаружения и различения сигналов на фоне помехи	Общая характеристика задач статистической теории РТС. Согласованный линейный фильтр: импульсная реакция и комплексная частотная характеристика согласованного фильтра; форма сигнала на выходе и отношение уровней сигнала к шуму на выходе согласованного фильтра. Примеры построения согласованных фильтров: фильтр для прямоугольного радиоимпульса с прямоугольной огибающей; для прямоугольного радиоимпульса с фазокодовой манипуляцией (ФКМ), фильтр для пачки когерентных радиоимпульсов. Байесовская теория синтеза оптимального приемника - различителя (обнаружителя) сигнала при наличии помех: функция потерь; средний байесов риск; отношение правдоподобия. Структура оптимального приемника – различителя (обнаружителя) детерминированного сигнала на фоне белого гауссова шума: корреляционный приемник и приемник с согласованным фильтром. Статистические характеристика качества различения и обнаружения.	12	ПК-4
	Итого	12	
Итого за семестр		18	

4 семестр			
3 Основы статистической теории оценок неизвестных параметров сигнала при наличии помех. Разрешение сигналов по параметрам.	Оценки параметров сигналов и их свойства. Байесовская теория оценок: функция потерь; байесовский риск; оптимальные байесовские оценки. Функция правдоподобия и максимально правдоподобные оценки. Совместные оценки. Метод наименьших квадратов: оператор оценки в линейных моделях; статистические свойства оценок МНК. Примеры оценок неизвестных параметров. Общая структурная схема оптимального измерителя параметра сигнала известной формы. Статистические характеристики (среднее и дисперсия) максимально правдоподобной оценки параметра сигнала при большом отношении уровня сигнала к шуму. Оптимальная оценка амплитуды и начальной фазы регулярного сигнала. Информация по Фишеру. Неравенство Крамера – Рао.	18	ПК-4
	Итого	18	
Итого за семестр		18	
Итого		36	

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин		
	1	2	3
<b>Предшествующие дисциплины</b>			
1 Статистическая теория радиотехнических систем	+	+	+
2 Основы организации научных исследований	+	+	+
3 Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности (педагогическая практика)	+	+	+
4 Теория систем и системный анализ	+	+	+
5 Цифровая обработка радиолокационной информации	+	+	+
<b>Последующие дисциплины</b>			
1 Статистическая теория радиотехнических систем	+	+	+
2 Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности (научная	+	+	+

практика)			
3 Радиолокация и радионавигация	+	+	+

#### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	Лек.	Прак. зан.	Сам. раб.	
ПК-4	+	+	+	Домашнее задание, Конспект самоподготовки, Опрос на занятиях, Зачет, Тест, Дифференцированный зачет

#### 6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

#### 7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

#### 8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

Названия разделов	Наименование практических занятий (семинаров)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
3 семестр			
1 Математические модели сигналов и помех в радиотехнических системах	Функция различия сигналов. Частотно-временная корреляционная функция узкополосного сигнала. Функция неопределенности сигнала. Принцип неопределенности в радиолокации. Статистические свойства сигналов и помех. Распределение вероятностей огибающей и фазы смеси сигнала и гауссовского шума. Экспериментальная оценка характеристик случайных сигналов.	8	ПК-4
	Итого	8	
2 Основы статистической теории обнаружения и различения сигналов на фоне помехи	Согласованный линейный фильтр. Корреляционный приемник. Оптимальный байесовский различитель (обнаружитель) – структура и характеристики качества.	10	ПК-4
	Итого	10	
Итого за семестр		18	
4 семестр			
3 Основы статистической теории оценок неизвестных	Байесовская теория оценок. Оценки максимального правдоподобия. Оценки по методу наименьших квадратов. Свойства оценок.	18	ПК-4

параметров сигнала при наличии помех. Разрешение сигналов по параметрам.	Итого	18	
Итого за семестр		18	
Итого		36	

### 9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
<b>3 семестр</b>				
1 Математические модели сигналов и помех в радиотехнических системах	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	24	ПК-4	Домашнее задание, Зачет, Опрос на занятиях, Тест
	Проработка лекционного материала	12		
	Итого	36		
2 Основы статистической теории обнаружения и различения сигналов на фоне помехи	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	24	ПК-4	Домашнее задание, Зачет, Опрос на занятиях, Тест
	Проработка лекционного материала	12		
	Итого	36		
Итого за семестр		72		
<b>4 семестр</b>				
3 Основы статистической теории оценок неизвестных параметров сигнала при наличии помех. Разрешение сигналов по параметрам.	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	24	ПК-4	Дифференцированный зачет, Опрос на занятиях, Тест
	Проработка лекционного материала	12		
	Итого	36		
Итого за семестр		36		
Итого		108		

### 10. Курсовой проект / курсовая работа

Не предусмотрено РУП.

### 11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

Рейтинговая система не используется.

### 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 12.1. Основная литература

1. Статистические методы обработки сигналов в радиотехнических системах



[Электронный ресурс]: Учебное пособие / Тисленко В. И. - 2007. 245 с. — Режим доступа: <http://edu.tusur.ru/publications/2123> (дата обращения: 13.09.2018).

## **12.2. Дополнительная литература**

1. Перов А.И. Статистическая теория радиотехнических систем. Учебное пособие для вузов. – М.: Радиотехника, 2003. - 398 с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 21 экз.)
2. Липкин И.А. Основы статистической радиотехники. - М.: Сов. радио, 1978. – 235 с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 19 экз.)

## **12.3. Учебно-методические пособия**

### **12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия**

1. Статистическая теория радиотехнических систем [Электронный ресурс]: Учебно-методическое пособие по практическим занятиям и организации самостоятельной работы по курсу / Тисленко В. И. - 2011. 43 с. — Режим доступа: <http://edu.tusur.ru/publications/2120> (дата обращения: 13.09.2018).
2. О самостоятельной работе обучающихся в бакалавриате, специалитете, магистратуре, аспирантуре [Электронный ресурс]: Учебно-методическое пособие / Мелихов С. В., Кологривов В. А. - 2018. 9 с. — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7627> (дата обращения: 13.09.2018).

### **12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

#### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

#### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

## **12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется использовать базы данных, информационно-справочные и поисковые системы, к которым у ТУСУРа есть доступ <https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>

## **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение**

### **13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

#### **13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 22-24, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

#### **13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий**

Учебная лаборатория информационных технологий  
учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ)

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 423 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Доска магнитно-маркерная BRAUBERG;
  - LMC-100103 Экран с электроприводом Master Control Matte 203\*203 см White FiberGlass, черная кайма по периметру;
  - Проектор NEC «M361X»;
  - Системный блок (16 шт.);
  - Мониторы (16 шт.);
  - Компьютер;
  - Комплект специализированной учебной мебели;
  - Рабочее место преподавателя.
- Программное обеспечение:
- Microsoft Windows 7 Pro
  - OpenOffice
  - PTC Mathcad13, 14

### **13.1.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

### **13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для

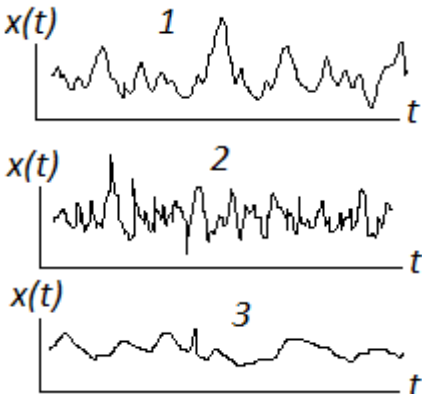
людей с инвалидностью.

## 14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

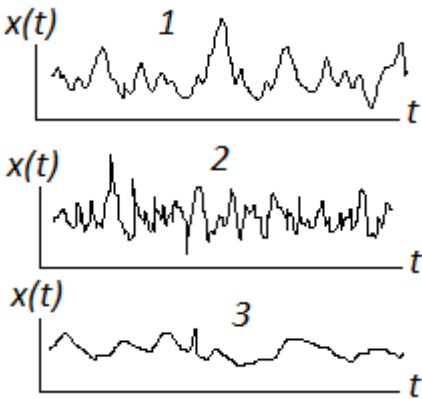
### 14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации

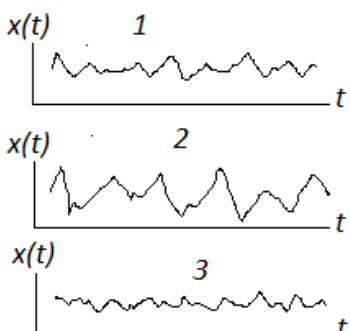
Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

#### 14.1.1. Тестовые задания

1	<p><math>X(t)</math> - случайный аналоговый сигнал; <math>X_k = X(t_k)</math> - случайная величина - значение сигнала в дискретный момент времени <math>t_k</math>. Какое из указанных соотношений определяет среднее значение случайного сигнала.</p> <p><math>W(x_k)</math> - плотность вероятностей сигнала в <math>k</math>-й момент времени.</p>		$\int_{-\infty}^{\infty} x_k \cdot W(x_k) dx_k$
			$\frac{1}{n} \sum_{k=1}^n x_k$ , где $n$ - число опытов
			$\sum_{k=0}^n x_k \cdot W(x_k)$
			$x_k \cdot W(x_k)$
2	<p><math>X(t_k)</math> - случайный дискретный во времени сигнал (напряжение на резисторе), принимающий в каждый дискретный момент времени два возможных значения: <math>x_1 = 2B</math> и <math>x_2 = 4B</math> с вероятностями <math>P_1 = 0.4</math> и <math>P_2 = 0.6</math>. Вычислить математическое ожидание <math>m_x</math> этого сигнала для произвольного дискретного момента времени значений.</p>		$m_x = 3B$
			$m_x = 3.2B$
			$m_x = 1.6B$
			$m_x = 0.5B$
3	 <p>Выше в одном масштабе показаны три типичных записи для трех стационарных случайных сигналов. Укажите правильное соотношение для ширины <math>\Delta\tau_i</math> нормированных временных автокорреляционных</p>		$\Delta\tau_1 > \Delta\tau_2 > \Delta\tau_3$
			$\Delta\tau_1 > \Delta\tau_3 > \Delta\tau_2$
			$\Delta\tau_3 > \Delta\tau_1 > \Delta\tau_2$
			$\Delta\tau_2 > \Delta\tau_1 > \Delta\tau_3$

	функций этих сигналов.		
--	------------------------	--	--

4	 <p>На осциллограммах в одном масштабе показаны три типичных записи для трех стационарных случайных сигналов. Укажите правильное соотношение для ширины спектральных функций (энергетических спектров) <math>\Delta\Omega_i</math> этих сигналов.</p>		$\Delta\Omega_1 > \Delta\Omega_2 > \Delta\Omega_3$
			$\Delta\tau_1 > \Delta\tau_3 > \Delta\tau_2$
			$\Delta\Omega_2 > \Delta\Omega_1 > \Delta\Omega_3$
			$\Delta\Omega_3 < \Delta\Omega_1 < \Delta\Omega_2$

5	 <p>Выше в одном масштабе показаны три типичных записи для трех стационарных случайных сигналов. Укажите правильное соотношение для дисперсий этих сигналов.</p>		$D_1 > D_3 > D_2$
			$D_1 > D_2 > D_3$
			$D_3 > D_2 > D_1$
			$D_2 > D_1 > D_3$

6	<p>Какое из указанных справа соотношений определяет временную автокорреляционную функцию детерминированного сигнала <math>s(t)</math> конечной длительности.</p>		$K_s(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t) \cdot s(t - \tau) d\tau$
			$K_s(t) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t) \cdot s(t - \tau) dt$
			$K_s(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t) \cdot s(t - \tau) dt$

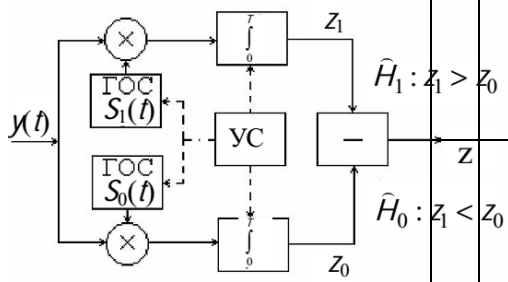
			$K_s(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} s(\tau) \cdot s(t - \tau) dt$
--	--	--	--

7	Что есть база радиосигнала?		Ширина огибающей временной автокорреляционной функции радиосигнала
			Эффективная протяженность сигнала
			Произведение ширины частотного спектра сигнала на его длительность во времени
			Ширина частотного спектра радиосигнала

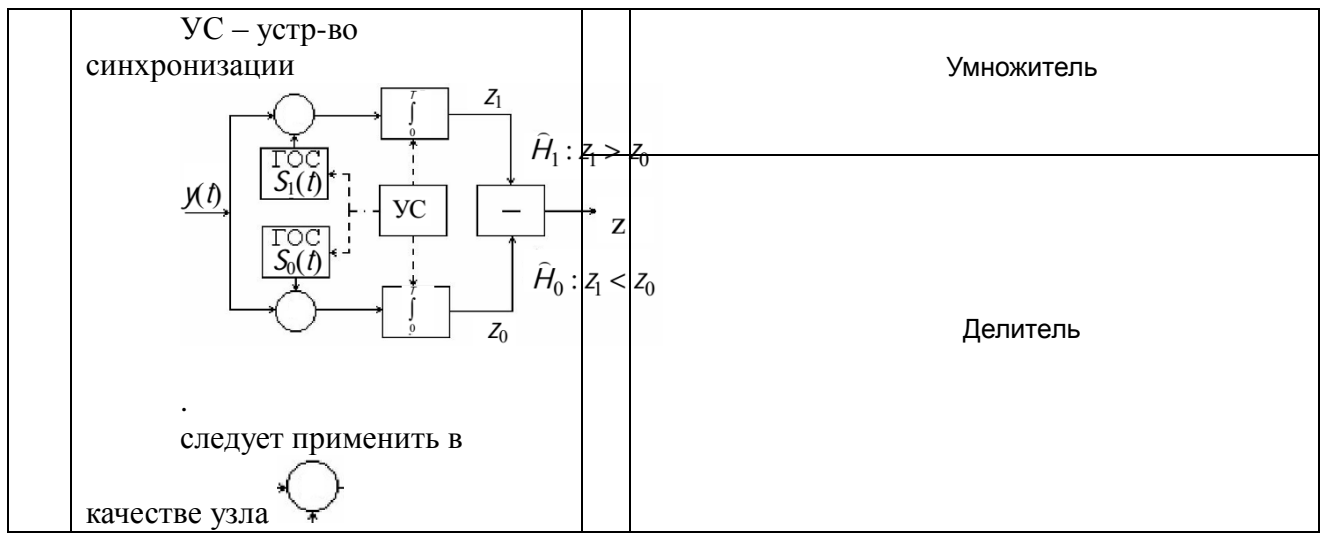
8	Имеем полностью известный детерминированный сигнал $s(t)$ , поступающий на вход линейного фильтра в сумме с белым шумом $n(t)$ . Какую задачу решает согласованный с сигналом линейный фильтр?		Обеспечивает наименьшее искажение полезного сигнала на своем выходе
			Максимально устраняет влияние шума на полезный сигнал
			Обеспечивает на своем выходе максимальное отношение уровня полезного сигнала к шуму
			Обеспечивает в некоторый момент времени наибольший уровень полезного сигнала на выходе.

9	Комплексная частотная характеристика $\dot{K}_{c\phi}(i\omega)$ согласованного линейного фильтра связана с комплексным спектром $\dot{S}(i\omega)$ полезного сигнала $s(t)$ длительностью $\tau_u$ следующим соотношением ( $k = const$ )		$\dot{K}_{c\phi}(i\omega) = k \cdot \dot{S}(i\omega) \cdot e^{-i\omega t_0}; t_0 \geq \tau_u$
			$\dot{K}_{c\phi}(i\omega) = k \cdot \dot{S}^*(i\omega) \cdot e^{i\omega t_0}; t_0 \geq \tau_u$
			$\dot{K}_{c\phi}(i\omega) = k \cdot \dot{S}^*(i\omega) \cdot e^{-i\omega t_0}; t_0 < \tau_u$
			$\dot{K}_{c\phi}(i\omega) = k \cdot \dot{S}^*(i\omega) \cdot e^{-i\omega t_0}; t_0 \geq \tau_u$

10	Импульсная реакция $h_{c\phi}(t)$ фильтра согласованного с сигналом $s(t)$ длительностью $\tau_u$ определена соотношением ( $k = const; t_0 = const$ )		$h_{c\phi}(t) = k \cdot s(t_0 + t); t_0 \geq \tau_u$
			$h_{c\phi}(t) = k \cdot s(t_0 - t); t_0 \geq \tau_u$
			$h_{c\phi}(t) = k \cdot s(t_0 - t); t_0 < \tau_u$
			$h_{c\phi}(t) = k \cdot s(t_0 - t); t_0 \geq \tau_u$

11	 <p>УС – устройство синхронизации.</p> <p>На рис. показана структура оптимального различителя двух полностью известных детерминированных сигналов <math>s_1(t)</math> и <math>s_2(t)</math> на фоне белого гауссовского шума. Для входного сигнала <math>y(t)</math> возможны две гипотезы <math>H_0: y(t) = s_0(t) + n(t)</math> или <math>H_1: y(t) = s_1(t) + n(t)</math>.</p> <p>Полезные сигналы: радиоимпульсы с простой модуляцией: длительность <math>\tau_u = 1 \text{ мс}</math> и амплитуда <math>A = 1 \text{ мВ}</math>. Уровень <i>сигнальной</i> компоненты в сигнале <math>z_{1s}</math>, если на входе реализовалась гипотеза <math>H_1</math>, имеет величину:</p>	<table border="1"> <tr> <td data-bbox="734 479 782 1639"></td> <td data-bbox="782 479 1468 667"><math>z_{1s} = 2 \cdot 10^{-9}</math></td> </tr> <tr> <td data-bbox="734 667 782 1639"></td> <td data-bbox="782 667 1468 913"><math>z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-4}</math></td> </tr> <tr> <td data-bbox="734 913 782 1639"></td> <td data-bbox="782 913 1468 1240"><math>z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-9}</math></td> </tr> <tr> <td data-bbox="734 1240 782 1639"></td> <td data-bbox="782 1240 1468 1639"><math>z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-6}</math></td> </tr> </table>		$z_{1s} = 2 \cdot 10^{-9}$		$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-4}$		$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-9}$		$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-6}$
	$z_{1s} = 2 \cdot 10^{-9}$									
	$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-4}$									
	$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-9}$									
	$z_{1s} = 0.5 \cdot 10^{-6}$									

12	<p>В схеме оптимального различителя двух полностью известных сигналов <math>s_1(t)</math> и <math>s_2(t)</math> на фоне гауссовского белого шума</p> <p>ГОС – генер-р опорн. сигнала;</p>	<table border="1"> <tr> <td data-bbox="715 1706 762 1872"></td> <td data-bbox="762 1706 1445 1872">Вычитающее устройство</td> </tr> <tr> <td data-bbox="715 1872 762 2011"></td> <td data-bbox="762 1872 1445 2011">Сумматор</td> </tr> </table>		Вычитающее устройство		Сумматор
	Вычитающее устройство					
	Сумматор					



13	Применение сложных радиосигналов с большой базой типа ЛЧМ и ФКМ позволяет при оптимальной обработке		не имеет преимуществ по сравнению с сигналами с простой модуляцией
			получить узкий по оси времени пик выходного сигнала по сравнению со случаем применения сигнала равной длительности и с простой модуляцией
			получить преимущества в разрешении сигналов по частоте и временной задержке только при большом отношении С/Ш
			увеличить длительность импульсного сигнала с одновременным расширением частотного спектра, что обеспечит формирование на выходе устройства обработки узкого пика выходного сигнала по частотной и временной оси, т.е.

14	Ширина главного сечения функции неопределенности радиосигнала по частотной оси		пропорциональна ширине частотного спектра радио сигнала
			обратно пропорциональна произведению длительности радиосигнала на ширину частотного спектра
			обратно пропорциональна длительности радиосигнала
			пропорциональна величине базы радиосигнала

15	Ширина главного сечения функции неопределенности радиосигнала по временной оси		пропорциональна величине базы радиосигнала
			обратно пропорциональна ширине частотного спектра радиосигнала

			обратно пропорциональна произведению длительности радиосигнала на ширину частотного спектра
			пропорциональна ширине частотного спектра радио сигнала

16	Какие <i>статистические</i> параметры оценки неизвестного параметра сигнала определяют качество этой оценки		Статистическое среднее значение разности между истинным значением параметра и оценкой этого параметра
			Дисперсия оценки
			Разность между истинным значением параметра и оценкой
			Средний квадрат погрешности (ошибки)

17	Метод наименьших квадратов используют для решения задач		Обнаружения полезного сигнала на фоне шума
			Сглаживания наблюдаемого случайного сигнала и оценки неизвестных параметров сглаженной функции (сигнала)
			Различения сигналов
			Разрешения сигналов

18	Для экспериментальной оценки среднего значения (математического ожидания) случайной величины используют выборочное среднее значение (среднее арифметическое последовательности наблюдений). При этом рассеяние оценки – ее среднее квадратическое отклонение (СКО) зависит		Только от объема выборки
			Только от СКО случайной величины
			Не зависит от объема выборки
			Пропорционально СКО случайной величины и обратно пропорционально квадратному корню из объема выборки

19	В приемнике обнаружения полезного сигнала на фоне шума вероятность события - ложная тревога зависит от		уровня полезного сигнала на входе порогового устройства
			уровня шума на входе порогового устройства
			Отношения мощности полезного сигнала к мощности шума
			отношения величины порога к среднеквадратичному значению шума на входе порогового устройства



20	<p>Сигнал на входе приемника</p> $y(t_k) = s(t_k; \lambda) + n(t_k) \quad s(t_k)$ <p>полезный сигнал; <math>n(t_k)</math> - гауссовский некоррелированный шум с нулевым средним значением и дисперсией <math>\sigma_n^2</math>; <math>\lambda</math> - неизвестный параметр полезного сигнала. На интервале обработки образована выборка</p> $\bar{y} = \{y_k; k = 1, \dots, N\}$ <p>из <math>N</math> отсчетов сигнала <math>y(t_k) \equiv y_k</math>.</p> <p>Укажите выражение для функции правдоподобия</p>	$W(\bar{y} / \lambda) = 1 / \left[ (2\pi)^{N/2} \cdot \sigma^N \right] \cdot \exp \left[ -\frac{1}{2\sigma_n^2} \sum_{k=1}^N (y_k - s_k(\lambda))^2 \right] \equiv L_{\bar{y}}(\lambda)$
		$W(\bar{y} / \lambda) = 1 / \left[ (2\pi)^{N/2} \cdot \sigma^N \right] \cdot \exp \left[ -\frac{1}{2\sigma_n^2} \sum_{k=1}^N (s_k(\lambda))^2 \right] \equiv L_{\bar{y}}(\lambda)$
		$W(\bar{y}, \lambda) = 1 / \left[ (2\pi)^{N/2} \cdot \sigma^N \right] \cdot \exp \left[ -\frac{1}{2\sigma_n^2} \sum_{k=1}^N (y_k^2) \right] \equiv L_{\bar{y}}(\lambda)$
		$L_{\bar{y}}(\lambda) = \exp \left[ -\frac{1}{2\sigma_n^2} \sum_{k=1}^N (-s_k^2(\lambda)) \right]$

### 14.1.2. Темы домашних заданий

Частотно-временная корреляционная функция (ЧВКФ) узкополосного радиосигнала. Взаимосвязь параметров радиосигнала и параметров огибающей ЧВКФ. Функция неопределенности и ее свойства. Типы сигналов с большой базой.

Постановка задачи оптимальной линейной фильтрации по критерию отношения С/Ш. Согласованный фильтр, его системные функции. Свойства сигнала на выходе фильтра.

Постановка задачи синтеза оптимального различителя 2-х сигналов на фоне помехи в статистической теории проверки гипотез. Понятие среднего риска. Решающее правило. Отношение правдоподобия. Структура оптимального различителя 2-х известных сигналов на фоне белого гауссовского шума. Характеристики качества приемника-различителя.

Постановка задачи синтеза оптимального измерителя неизвестного параметра полезного сигнала на фоне помехи в статистической теории оценок. Байесовский риск. Апостериорная плотность вероятностей и типы оптимальных оценок. Функция правдоподобия и МП оценки.

### 14.1.3. Зачёт

1. В чем принципиальное отличие сигнала и помехи?
2. Почему РТС извлечения информации относят к системам с внешней модуляцией, а РТС передачи информации к системам с внутренней модуляцией?
3. В чем отличие аддитивной помехи от мультипликативной?
4. В чем различие детерминированного и статистического подходов к решению задач анализа и синтеза РТС? Почему детерминированный подход не состоятелен?
5. Перечислите функции и параметры, задание которых связано с понятием «статистическое описание» случайной функции?
6. В чем отличие детерминированной, квазидетерминированной и случайной функций?
7. В чем отличие аналогового и цифрового сообщений?
8. Запишите общее выражение сигнала – переносчика сообщения
9. В чем отличие сигналов с одноступенчатой и двухступенчатой модуляцией? Приведите примеры осциллограмм.
10. Что есть функция различия сигналов и каков ее смысл?
11. Запишите выражение функции различия двух сигналов по одному информативному параметру  $x$ , когда он не является энергетическим. По двум параметрам?
12. Запишите в общем виде частотно – временную корреляционную функцию узкополосного радиосигнала.
13. Запишите выражение временной автокорреляционной функции (АКФ) узкополосного

радиосигнала в действительной и комплексной форме.

14. Запишите выражение комплексной огибающей временной АКФ узкополосного радиосигнала и обоснуйте тот факт, что это медленная ( в сравнении с гармонической несущей ) функция времени.

15. Что есть функция неопределенности (ФП) радиосигнала и каковы ее свойства?

16. В чем сущность принципа неопределенности в радиолокации?

17. Какие параметры радиосигнала определяют ширину ФП вдоль осей время – частота?

18. Что есть база радиосигнала и в чем различие сигналов с простой и сложной модуляцией?

19. Почему для сигнала с простой модуляцией уменьшение ширины пика ФН по оси времени непременно приводит (при постоянной мощности) к снижению энергии этого сигнала?

20. Почему для сигнала со сложной модуляцией уменьшение ширины пика ФН по оси времени не приводит (при постоянной мощности) к снижению энергии этого сигнала?

21. В каком случае ширина огибающей радиосигнала и ширина огибающей временной АКФ этого сигнала примерно одинаковы? Когда они могут различаться на несколько порядков?

22. Изобразите графически временную АКФ одиночного радиоимпульса с прямоугольной огибающей и простой модуляцией.

23. Изобразите графически временную АКФ одиночного ФКМ радиоимпульса с прямоугольной огибающей?

24. Почему для полноты вероятностного описания случайного сигнала необходимо привлечение плотностей распределения вероятностей более чем 1-го порядка ?

25. Какая функция определяет спектральные свойства случайного стационарного процесса, поясните ее вероятностный смысл и физическую единицу измерения?

26. Какой случайный процесс называют нормальным и каковы его особенности? Покажите взаимосвязь квадратурных составляющих узкополосного радиосигнала с его огибающей и фазой.

27. Что означает тот факт, что шум белый?

28. Что означает тот факт, что шум стационарный и гауссовский?

29. Запишите выражение для одномерной ПРВ огибающей и назовите параметры, которые определяют вид этой функции.

30. Какой параметр характеризует величину СКО огибающей (или фазы) смеси регулярного и случайного шума относительно их средних значений.

31. Сделайте эскиз ПРВ фазы смеси регулярного сигнала и случайного гауссовского шума для двух значений параметра когерентности  $a_1 > a_2$ .

1. Назовите основные задачи статистической теории радиосистем.

2. В чем суть задачи оптимизации РТС и каковы основные этапы ее решения?

3. Изложите постановку задачи оптимизации характеристик линейного фильтра, решением которой является согласованный фильтр.

4. Если есть комплексный частотный спектр полезного сигнала , то какой вид имеют комплексный коэффициент передачи согласованного фильтра и его импульсная реакция?

5. Объясните работу согласованного фильтра на физическом уровне?

6. Какие величины определяют максимальное отношение уровня сигнала к среднеквадратичному значению шума на выходе согласованного фильтра?

7. В какой момент времени на выходе согласованного фильтра можно получить наибольшее превышение полезного сигнала над шумом?

8. Какую форму имеет полезный сигнал на выходе согласованного фильтра, если входной сигнал есть: одиночный прямоугольный видеоимпульс; радиоимпульс с прямоугольной огибающей; одиночный радиоимпульс с ФКМ?

9. Изобразите структурную схему согласованного фильтра для радиоимпульса с ФКМ; для пачки радиоимпульсов с простой модуляцией.

10. Изложите постановку задачи в байесовской теории синтеза оптимального приемника - различителя (обнаружителя) 2 – х полезных сигналов на фоне помехи.

11. Каков смысл величин, определяющих платежную матрицу в задаче синтеза

оптимального приемника - различителя?

12. Что есть средний байесов риск в задаче синтеза оптимального приемника – различителя 2-х сигналов; приемника – обнаружителя полезного сигнала на фоне шума?

13. Запишите в общем виде оптимальное решающее правило приемника – различителя 2-х сигналов на фоне помехи.

14. Почему отношение 2 – х плотностей распределения вероятностей, участвующих при формировании решения на выходе оптимального приемника – различителя, называют отношением правдоподобия?

15. Дайте формулировку критерия «идеального наблюдателя»; критерия Неймана – Пирсона?

16. Изобразите структуру оптимального приемника – различителя для случая 2 – х полностью известных сигналов, поступающих на вход приемника вместе с белым гауссовым шумом.

17. Изобразите структуру оптимального приемника – обнаружителя полностью известного, поступающего на вход приемника вместе с белым гауссовым шумом.

18. Почему в структуре оптимального приемника – различителя (обнаружителя) полностью известных сигналов возможно применение согласованных фильтров?

19. В каких координатах представляют графики кривых, определяющих статистические характеристики качества бинарного приемника – различителя?

20. Какие из перечисленных четырех случайных событий в приемнике – обнаружителе являются противоположными: ложная тревога; пропуск сигнала; правильное обнаружение; неправильное обнаружение?

21. Изобразите графически ПРВ выходного сигнала оптимального приемника – различителя (обнаружителя) и укажите площади, определяющие вероятности принятия ошибочных решений.

#### **14.1.4. Вопросы на самоподготовку**

Статистические свойства огибающей и фазы аддитивной смеси регулярного сигнала и гауссовского шума: плотность распределения вероятностей, математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение. Методология статистического моделирования на ЦВМ с использованием типовых пакетов прикладных программ.

#### **14.1.5. Темы опросов на занятиях**

Классификация сигналов и сообщений. Функция различия сигналов. Частотно-временная корреляционная функция узкополосного радиосигнала и ее структура. Функция неопределенности радиосигнала и связь ее параметров с параметрами радиосигнала. Принцип неопределенности. Примеры функций неопределенности простых и сложных импульсных сигналов.

Стационарная гауссовская случайная помеха. Белый шум. Статистические свойства огибающей и фазы смеси регулярного сигнала и гауссовской помехи.

Радиоканал и его свойства. Модель сигнала в однолучевом и многолучевом каналах. Пространственные частотные и временные искажения структуры электромагнитного поля в месте приема. Гауссовская модель полезного сигнала в многолучевом канале.

Общая характеристика задач статистической теории РТС. Согласованный линейный фильтр: импульсная реакция и комплексная частотная характеристика согласованного фильтра; форма сигнала на выходе и отношение уровней сигнала к шуму на выходе согласованного фильтра. Примеры построения согласованных фильтров: фильтр для прямоугольного радиоимпульса с прямоугольной огибающей; для прямоугольного радиоимпульса с фазокодовой манипуляцией (ФКМ), фильтр для пачки когерентных радиоимпульсов.

Байесовская теория синтеза оптимального приемника - различителя (обнаружителя) сигнала при наличии помех: функция потерь; средний байесов риск; отношение правдоподобия.

Структура оптимального приемника – различителя (обнаружителя) детерминированного сигнала на фоне белого гауссова шума: корреляционный приемник и приемник с согласованным фильтром. Статистическая характеристика качества различения и обнаружения.

Оценки параметров сигналов и их свойства. Байесовская теория оценок: функция потерь; байесовский риск; оптимальные байесовские оценки. Функция правдо-подобия и максимально правдоподобные оценки. Совместные оценки.

Метод наименьших квадратов: оператор оценки в линейных моделях; статистические

свойства оценок МНК. Примеры оценок неизвестных параметров.

Общая структурная схема оптимального измерителя параметра сигнала известной формы. Статистические характеристики (среднее и дисперсия) максимально правдоподобной оценки параметра сигнала при большом отношении уровня сигнала к шуму. Оптимальная оценка амплитуды и начальной фазы регулярного сигнала.

Информация по Фишеру. Неравенство Крамера – Рао.

#### 14.1.6. Вопросы дифференцированного зачета

1. Изложите в общем виде постановку задачи в статистической теории оценивания.
2. Что есть смещение оценки неизвестного параметра сигнала?
3. Запишите выражение для среднеквадратической ошибки параметра сигнала.
4. Поясните свойство состоятельности оценок.
5. Изложите постановку задачи оценки параметра сигнала в байесовской теории оценивания.
6. Какой смысл имеет функция потерь в байесовской теории оценивания и каковы основные типы этих функций?
7. Что есть байесовский риск в теории оценивания?
8. Запишите в общей форме выражение байесовского риска.
9. Каков содержательный смысл априорной ПРВ и апостериорной ПРВ оцениваемого параметра ?
10. Запишите в общей форме выражение байесовской оценки при квадратичной функции потерь.
11. Как изменяется вид байесовской оценки при назначении простой функции потерь?.
12. Что есть функция правдоподобия и оценка параметра по максимуму правдоподобия?
13. Запишите выражение, связывающее апостериорную ПРВ оцениваемого параметра и функцию правдоподобия; запишите в общем виде уравнение правдоподобия.
14. Запишите в общей форме математическую модель наблюдаемого сигнала, которая содержит аддитивную помеху и является линейной по отношению к одному (двум, трем) неизвестным параметрам.
15. Каков смысл и вид целевой функции при определении оценок по методу наименьших квадратов (МНК) ?
16. В чем особенность оператора, определяющего оценку в случае линейной по параметрам модели наблюдаемого сигнала?
17. Выполните необходимые преобразования и получите выражение для оценки постоянного параметра методом наименьших квадратов.
18. Каково условие несмещенности оценок по МНК?
19. Какие величины определяют СКО оценки постоянного параметра , если выборка состоит из некоррелированных отсчетов наблюдаемого сигнала?
20. Изобразите в общем виде структуру оптимального измерителя неизвестного параметра сигнала и поясните функции отдельных элементов измерителя.
21. Запишите выражение для дисперсии оценки неизвестного параметра сигнала, поступающего в смеси с белым гауссовым шумом на вход приемника – измерителя и перечислите величины, которые определяют ее значение.
22. Запишите в общей форме функцию правдоподобия параметра для случая выборки, состоящей из  $n$  статистически независимых отсчетов наблюдаемого сигнала .
24. Как определяют вклад выборки и отдельного наблюдения , являющегося элементом статистически независимой выборки?
25. Как определяют количество информации по Фишеру о параметре , содержащееся в независимой выборке объема  $n$  ?
26. Какими свойствами обладают максимально правдоподобные оценки неизвестного параметра при выполнении условий регулярности для функции правдоподобия?
27. Запишите неравенство Крамера – Рао. Что определяет это неравенство?
28. В чем состоит особенность задачи разрешения сигналов по параметру в сравнении с задачей различения сигналов?
29. Что есть мера разрешения двух сигналов по параметру временной задержки?

30. Что определяет величину потенциальной разрешающей способности двух сигналов известной формы по времени задержки?

31. Как следует построить приемник – обнаружитель, чтобы реализовать предельную разрешающую способность сигналов известной формы по времени задержки?

32. Что дает применение сигналов с большой базой в плане их разрешения по времени задержки?

33. Каковы особенности разрешения сигналов одновременно по двум параметрам – времени задержки и частотному сдвигу?

34. Почему применение сигнала с простой модуляцией не позволяет одновременно повышать разрешение сигналов по временной задержке и частотному сдвигу?

35. В чем состоит преимущество применения сигналов с большой базой при достижении высокого разрешения сигналов по временной задержке и частотному сдвигу?

#### **14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

#### **14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.