

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»  
(ТУСУР)**



УТВЕРЖДАЮ

Директор департамента образования

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1с6сfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Основы функционального анализа**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **11.03.02 Инфокоммуникационные технологии и системы связи**

Направленность (профиль) / специализация: **Системы радиосвязи и радиодоступа**

Форма обучения: **заочная (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий)**

Факультет: **ФДО, Факультет дистанционного обучения**

Кафедра: **ТОР, Кафедра телекоммуникаций и основ радиотехники**

Курс: **2**

Семестр: **3**

Учебный план набора 2014 года

**Распределение рабочего времени**

№	Виды учебной деятельности	3 семестр	Всего	Единицы
1	Самостоятельная работа под руководством преподавателя	8	8	часов
2	Контроль самостоятельной работы	4	4	часов
3	Всего контактной работы	12	12	часов
4	Самостоятельная работа	87	87	часов
5	Всего (без экзамена)	99	99	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	9	9	часов
7	Общая трудоемкость	108	108	часов
			3.0	З.Е.

Контрольные работы: 3 семестр - 2

Экзамен: 3 семестр

Томск 2018

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.03.02 Инфокоммуникационные технологии и системы связи, утвержденного 06.03.2015 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ТЭО «\_\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ года, протокол № \_\_\_\_\_.

Разработчик:

ст. преподаватель каф. ТЭО \_\_\_\_\_ П. С. Мещеряков

Заведующий обеспечивающей каф.  
ТЭО

\_\_\_\_\_ В. В. Кручинин

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФДО \_\_\_\_\_ И. П. Черкашина

Заведующий выпускающей каф.  
ТОР

\_\_\_\_\_ А. А. Гельцер

Эксперты:

Доцент кафедры технологий  
электронного обучения (ТЭО)

\_\_\_\_\_ Ю. В. Морозова

Доцент кафедры  
телекоммуникаций и основ  
радиотехники (ТОР)

\_\_\_\_\_ С. И. Богомолов

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1. Цели дисциплины

Изучение основных математических понятий, их взаимосвязи и развития, а также отвечающих им методов расчёта, используемых для анализа, моделирования и решения прикладных задач

с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований

информационной безопасности.

### 1.2. Задачи дисциплины

– Развитие алгоритмического и логического мышления.  
– Овладение методами исследования и решения математических задач.  
– Выработка умения проводить математический анализ стандартных задач профессиональной деятельности с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом

основных требований информационной безопасности.

– Выработка умения обосновывать принимаемые проектные решения.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Основы функционального анализа» (Б1.Б.7) относится к блоку 1 (базовая часть).

Последующими дисциплинами являются: Программно-аппаратные средства систем связи, Радиопередающие устройства систем радиосвязи и радиодоступа, Радиоприемные устройства систем радиосвязи и радиодоступа, Радиотехнические системы мониторинга, Радиотехнические системы передачи данных, Распространение радиоволн и антенно-фидерные устройства, Электромагнитная совместимость и управление радиочастотным спектром, Электромагнитные поля и волны, Электропитание устройств и систем телекоммуникаций.

## 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

– ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

– **знать** Основные понятия и методы теорий функций комплексного переменного, рядов, вычетов и интегральных преобразований, использующиеся при изучении специальных дисциплин, при решении профессиональных задач с применением информационно-коммуникационных технологий и при обосновании принимаемых проектных решений.

– **уметь** Применять математические методы и вычислительные алгоритмы при решении профессиональных задач на основе информационной и библиографической культуры с учетом информационной безопасности и при выполнении экспериментов по проверке корректности и эффективности проектных решений.

– **владеть** методами анализа и алгоритмизации математических задач, используемых при решении профессиональных задач с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности и необходимых в дальнейшем при обосновании принимаемых проектных решений и проверке их корректности и эффективности.

## 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры
		3 семестр
Контактная работа (всего)	12	12
Самостоятельная работа под руководством преподавателя (СРП)	8	8

Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	4
Самостоятельная работа (всего)	87	87
Подготовка к контрольным работам	13	13
Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	74	74
Всего (без экзамена)	99	99
Подготовка и сдача экзамена	9	9
Общая трудоемкость, ч	108	108
Зачетные Единицы	3.0	

## 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	СРП, ч	КСР, ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
3 семестр					
1 Основные понятия комплексного анализа	1	4	10	11	ОК-7
2 Интегральное представление аналитических функций	1		10	11	ОК-7
3 Представление функций рядами	1		13	14	ОК-7
4 Особые точки. Вычеты и их приложения	1		11	12	ОК-7
5 Интегралы, зависящие от параметра Г- и В-функции. Функции Бесселя	1		11	12	ОК-7
6 Ряды Фурье	1		12	13	ОК-7
7 Интеграл Фурье. Преобразование Фурье	1		12	13	ОК-7
8 Преобразование Лапласа	1		8	9	ОК-7
Итого за семестр	8	4	87	99	
Итого	8	4	87	99	

### 5.2. Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
3 семестр			
1 Основные понятия комплексного анализа	Комплексные числа и действия над ними. Последовательности комплексных чисел.	1	ОК-7

	Понятие бесконечности. Функции комплексного переменного. Предел. Непрерывность. Дифференцируемые функции комплексного переменного. Понятие аналитической функции		
	Итого	1	
2 Интегральное представление аналитических функций	Интеграл от функции комплексного переменного. Интеграл от аналитических функций. Интегральная формула Коши. Производные высших порядков от аналитической функции.	1	ОК-7
	Итого	1	
3 Представление функций рядами	Числовые ряды. Функциональные ряды. Степенные ряды. Ряды Тейлора. Нули аналитической функции. Теорема естественности. Приложение степенных рядов. Ряды Лорана.	1	ОК-7
	Итого	1	
4 Особые точки. Вычеты и их приложения	Изолированные особые точки. Вычеты. Приложение вычетов к вычислению интегралов.	1	ОК-7
	Итого	1	
5 Интегралы, зависящие от параметра Г- и В-функции. Функции Бесселя	Свойства функций, заданных собственными интегралами, зависящими от параметра. Несобственные интегралы 1-го и 2-го рода, зависящие от параметра. Эйлеровы интегралы. Функции Бесселя.	1	ОК-7
	Итого	1	
6 Ряды Фурье	Ортогональные системы функций. Ряды Фурье по произвольной системе ортогональных функций. Тригонометрический ряд Фурье.	1	ОК-7
	Итого	1	
7 Интеграл Фурье. Преобразование Фурье	Понятие интеграла Фурье. Комплексная форма записи интеграла Фурье. Достаточные условия представимости функции интегралом Фурье. Действительные формы записи интеграла Фурье. Интеграл Фурье для чётных и нечётных функций. Преобразование Фурье. Косинус-преобразование и синус-преобразование Фурье	1	ОК-7
	Итого	1	
8 Преобразование Лапласа	Понятие оригинала и его изображения. Теорема обращения. Свойства преобразования Лапласа. Теорема разложения. Некоторые приложения операционного исчисления.	1	ОК-7

	Итого	1	
Итого за семестр		8	

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин							
	1	2	3	4	5	6	7	8
Последующие дисциплины								
1 Программно-аппаратные средства систем связи	+	+	+	+	+	+	+	+
2 Радиопередающие устройства систем радиосвязи и радиодоступа	+	+	+	+	+	+	+	+
3 Радиоприемные устройства систем радиосвязи и радиодоступа	+	+	+	+	+	+	+	+
4 Радиотехнические системы мониторинга	+	+	+	+	+	+	+	+
5 Радиотехнические системы передачи данных	+	+	+	+	+	+	+	+
6 Распространение радиоволн и антенно-фидерные устройства	+		+	+	+	+	+	+
7 Электромагнитная совместимость и управление радиочастотным спектром	+	+	+	+	+	+	+	+
8 Электромагнитные поля и волны	+	+	+	+	+	+	+	+
9 Электропитание устройств и систем телекоммуникаций	+	+	+	+	+	+	+	+

### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	СРП	КСР	Сам. раб.	
ОК-7	+	+	+	Контрольная работа, Экзамен, Тест

### 6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

### 7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

## 8. Контроль самостоятельной работы

Виды контроля самостоятельной работы приведены в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Виды контроля самостоятельной работы

№	Вид контроля самостоятельной работы	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции
3 семестр			
1	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОК-7
2	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОК-7
Итого		4	

## 9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
3 семестр				
1 Основные понятия комплексного анализа	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	9	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	1		
	Итого	10		
2 Интегральное представление аналитических функций	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	10	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Итого	10		
3 Представление функций рядами	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	11	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	13		
4 Особые точки. Вычеты и их приложения	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	9	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	11		
5 Интегралы, зависящие от	Самостоятельное изучение тем (вопросов)	9	ОК-7	Контрольная работа, Тест,

параметра Г- и В-функции. Функции Бесселя	теоретической части курса			Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	11		
6 Ряды Фурье	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	10	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	12		
7 Интеграл Фурье. Преобразование Фурье	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	10	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	12		
8 Преобразование Лапласа	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	6	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	2		
	Итого	8		
	Выполнение контрольной работы	4	ОК-7	Контрольная работа
Итого за семестр		87		
	Подготовка и сдача экзамена	9		Экзамен
Итого		96		

**10. Контроль самостоятельной работы (курсовой проект / курсовая работа)**  
Не предусмотрено РУП.

**11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся**  
Рейтинговая система не используется.

## **12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **12.1. Основная литература**

1. Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.И.Магазинников, А. Л.Магазинников. — Томск ТУСУР, 2002. — 206 с. Доступ из личного кабинета студента. - Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 10.08.2018).

### **12.2. Дополнительная литература**

1. Петрушко, И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие / И.М. Петрушко, А.Г. Елисеев, В.И. Качалов, С.Ф. Кудин. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург Лань, 2010. — 368 с. — Режим доступа



### **12.3. Учебно-методические пособия**

#### **12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия**

1. Артёмов И.Л. Теория функции комплексного переменного [Электронный ресурс]: Учебное методическое пособие. — Томск Факультет дистанционного обучения, ТУСУР, 2012. — 108 с. Доступ из личного кабинета студента. - Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 10.08.2018).

2. Магазинников Л.И.. Теория функции комплексного переменного : электронный курс / Л.И. Магазинников. – Томск ТУСУР, ФДО, 2018. Доступ из личного кабинета студента.

#### **12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

##### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

##### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

##### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### **12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к базам данных, информационно-справочным и поисковым системам:

2. Крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования.

3. [www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)

4. zbMATH – математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

5. [zbmath.org](http://zbmath.org)

6. ЭБС «Лань»: [www.e.lanbook.com](http://www.e.lanbook.com) (доступ из личного кабинета студента по ссылке <http://lanbook.fdo.tusur.ru>).

## **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение**

### **13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

#### **13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины**

Кабинет для самостоятельной работы студентов

учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Коммутатор MicroTeak;
- Компьютер PENTIUM D 945 (3 шт.);
- Компьютер GELERON D 331 (2 шт.);
- Комплект специализированной учебной мебели;

- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- 7-zip
- Google Chrome (с возможностью удаленного доступа)
- Maxima (с возможностью удаленного доступа)
- Microsoft Windows (с возможностью удаленного доступа)
- OpenOffice

### **13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

### **13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с нарушениями слуха предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с нарушениями зрениями предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с нарушениями опорно-двигательного аппарата используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

### **14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

### 14.1.1. Тестовые задания

1.

Установите соответствие между интегралом и его названием:

$$\iint_D e^x \sin y \, dx dy, \quad D \text{ — плоская область}$$

Двойной интеграл

Поверхностный интеграл первого рода

Поверхностный интеграл второго рода

Неопределенный интеграл

2.

Среди приведенных уравнений кажите линейное неоднородное уравнение первого порядка

---

$$2xy' + x^2 + y^2 = 0$$

---

$$(1 + y^2)dx + xydy = 0$$

---

$$y' + y \cos x = \sin x$$

---

$$y''' - y'' + y = x$$

3.

Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка имеет вид

$$y'' + 4y' + 8y = 0.$$

Характеристическое уравнение...

Имеет два вещественных корня

Имеет два комплексно сопряженных корня

Имеет один вещественный корень

Не имеет корней

4.

Частное решение уравнения  $y''' + 2y'' = x^2 + 3x$  имеет

вид

---

$$y_{\text{чн}} = ax^2 + bx + c$$

---

$$y_{\text{чн}} = (ax^2 + bx)x$$

---

$$y_{\text{чн}} = (ax^2 + bx + c)x$$

---

$$y_{\text{чн}} = (ax^2 + bx + c)x^2$$

5.

При вычислении несобственных интегралов получены результаты:

$$\begin{array}{ll} \text{а) } \int_{-\infty}^1 f_1(x) dx = \infty & \text{б) } \int_0^{+\infty} f_2(x) dx = \infty \\ \text{в) } \int_{-\infty}^{+\infty} f_3(x) dx = 5 & \text{г) } \int_{-\infty}^{+\infty} f_4(x) dx = 0 \end{array}$$

Какие из данных интегралов сходятся?

- а) и г)
- в) и г)
- а) и б)
- б) и в)

6.

---

Уравнение  $y \cdot \ln^3 y + y' \cdot \sqrt{x+1} = 0$  является

- а. Уравнением с разделяющимися переменными
- б. Однородным уравнением
- с. Линейным уравнением
- д. Уравнением Бернулли

7.

Решить задачу Коши  $(x+5)dy - (y+1)dx = 0$   $y(0) = 9$

- $y=2x+9$
- $y=2x-9$
- $y=5x-1$
- $y=x+9$

8. Какие два множества называются равными.

- а. которые включают в себя одни и те же элементы
- б. которые имеют одинаковый радиус
- с. которые состоят из одинакового числа элементов
- д. которые являются подмножеством одного и того же множества

9. Предел числовой последовательности, это:

- а. Число
- б. Вектор
- с. Отрезок
- д. Нет правильного ответа

10. Первый замечательный предел равен

- а. Единице
- б. Нулю

c. Экспоненте

d. Числу  $\pi$

11. Второй замечательный предел равен

a. Единице

b. Нулю

c. Экспоненте

d. Числу  $\pi$

12. Если предел функции слева и предел справа в точке конечны и не равны между собой, то эта точка является точкой:

a. Неустраняемого разрыва первого рода

b. Неустраняемого разрыва второго рода

c. Устраняемого разрыва первого рода

d. Устраняемого разрыва второго рода

13. Две бесконечно малые функции называются эквивалентными, если на бесконечности равен единице предел их:

a. Отношения

b. Разности

c. Суммы

d. Произведения

14. Производная функции одной переменной в точке, есть предел при приращении аргумента стремящегося к нулю:

a. Частного приращения функции к приращению аргумента

b. Произведения приращения функции на приращение аргумента

c. Дифференциальных сумм

d. Не имеет ни какого отношения к пределам

15. Дифференциал функции одного аргумента, это:

a. Главная часть приращения функции

b. Главная часть приращения аргумента

c. Полное приращение функции

d. Производная функции

16. Неопределенный интеграл это:

a. Совокупность всех первообразных подынтегральной функции

b. Совокупность всех производных подынтегральной функции

c. Число, по модулю равное площади криволинейной трапеции ограниченной подынтегральной функцией

d. Предел интегральных сумм

17. Интеграл по бесконечному интервалу от непрерывной функции либо по конечному интервалу от функции имеющей разрыв на этом интервале, называется:

a. Несобственный

b. Определенный

c. Расходящийся

d. Сходящийся

18. Обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка — это уравнение:

a. Которое связывает воедино независимую переменную, неизвестную функцию и ее производную.

b. При решении которого надо вычислять дифференциал

c. Таких уравнений не существует

d. Которое не содержит независимую переменную.

19. Порядок дифференциального уравнения  $\tau$  это:

a. Наивысший порядок производной неизвестной функции, входящей в это уравнение.

b. Наивысшая степень неизвестной функции, входящей в это уравнение.

c. Сумма порядков производных неизвестной функции в уравнении.

d. Наивысшая степень независимого аргумента в уравнении.

20. Особое решение дифференциального уравнения:

a. Не может быть получено из общего решения

b. Может быть получено из общего решения фиксированием констант.

c. Является суммой общего и частного решения.

d. Находится как предел отношения частного решения к общему.

#### 14.1.2. Экзаменационные тесты

1.

Укажите функцию, бесконечно большую при  $x \rightarrow 0$

$$f(x) = e^{3x}$$

---

$$f(x) = \frac{1}{2x^2 + x}$$

---

$$f(x) = 3x^2 + 2x$$

---

$$f(x) = \sin x$$

2.

Найти предел

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{6n^4 - n + 5}{2n^4 + 5n - 1}.$$

3.

Дана функция  $y = 3x^4 - 5$ . Найти  $y''$  в точке  $x = -1$

4.

Площадь фигуры, ограниченной линиями

$$y = x, y = 0, x = 1, x = 2,$$

можно найти с помощью интеграла....

$$\int_1^2 x dx$$

---

$$\int_1^2 x^2 dx$$

---

$$\int x dx$$

---

$$\int_1^2 (x + 3) dx$$

5.

Если общий член ряда стремится к нулю, то, по виду сходимости, ряд можно отнести к:

- a. Этому условия недостаточно для выяснения сходимости
- b. Сходящимся абсолютно
- c. Сходящимся условно
- d. Расходящимся

6.

Степенной ряд, при фиксировании значения аргумента, становится:

- a. Числовым рядом
- b. Числом
- c. Числовой последовательностью
- d. Такую операцию нельзя выполнять с данным видом рядов.

7.

Среди приведенных рядов укажите числовой

$$\frac{\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}}{\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n+1}}$$

$$\frac{\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n)!}}{\sum_{n=1}^{\infty} \frac{ie^{2i\pi nx}}{\pi(2n-1)}}$$

8. Линейная комбинация решений однородного дифференциального уравнения, порядка выше первого, образующих фундаментальную систему решений:

- a. Обращается в ноль только когда все коэффициенты комбинации равны нулю
- b. Никогда не обращается в ноль.
- c. Обращается в ноль не только когда все коэффициенты комбинации равны нулю
- d. Построить такую линейную комбинацию невозможно.

9.

d. Операция умножения для таких чисел не определена.

10. Решить уравнение  $y'' - 4y' + 3y = 0$

$$y = c_1 * e^x + c_2 * e^{3x}$$

$$y = c_1 * e^x + c_2 * e^{-3x}$$

$$y = c_1 * e^{-x} + c_2 * e^{3x}$$

$$y = c_1 * e^{-x} + c_2 * e^{-3x}$$

11.

12. вычислить предел при  $x \rightarrow 0$  выражения  $(\sin 5x) / (\sin 2x)$

2

5

2/5

5/2

13. найти предел при  $x \rightarrow 0$  выражения  $(\sin 2x / x)^{(1+x)}$

e

e<sup>2</sup>

2

0

14. функция  $\cos(3/x)$  в точке  $x=0$  имеет разрыв:

первого рода устранимый

первого рода неустранимый

второго рода

непрерывна в данной точке

15. производная функции  $y = x^{(1/3)}$  в точке  $x=0$  равна

0

1



бесконечности

не существует

16. производная функции  $(\sin x)^x$  равна

$$((\sin x)^x) * (\ln(\sin x) + x * \operatorname{ctg} x)$$

$$((\sin x)^x) + (\ln(\sin x) + x * \operatorname{ctg} x)$$

$$((\sin x)^x) * (\ln(\sin x) + x * \operatorname{tg} x)$$

не существует

17. Производная второго порядка от функции  $\ln(1-x)$  равна

$$-1/(1-x)^2$$

$$1/(1-x)^2$$

$$-1/(1-x)$$

$$1/(1-x)$$

18. Неопределенный интеграл от выражения  $1/(5x-2)^{1/2}$  по переменной  $x$  равен

$$(2/5) + (5x-2)^{1/2} + C$$

$$(2/5) * (5x-2)^{1/2} + C$$

$$(2/5) + (5x-2)^2 + C$$

$$(2/5) * (5x+2)^{1/2} + C$$

19. Если в определенном интеграле поменять местами пределы интегрирования то ни чего не произойдет

это недопустимая операция

значение результата поменяет знак

значение интеграла обратится в ноль

20. что произойдет если при вычислении второй смешанной производной от функции двух аргументов поменять порядок дифференцирования по переменным?

результат поменяет знак

ни чего не произойдет

производная обратится в 0

это недопустимая операция

### 14.1.3. Темы контрольных работ

Математический анализ

1.

Укажите функцию бесконечно малую при  $x \rightarrow 0$

$$f(x) = \frac{1}{e^x - 1}$$

---

$$f(x) = \frac{1}{2x^2 + x}$$

---

$$f(x) = 3x^2 + 2x$$

---

$$f(x) = 2 + e^x$$

2.

Дана функция

$$u = \cos y + (y - x) \sin y.$$

Тогда

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \dots$$

$$-\sin y$$

---

$$-\sin y - \cos y$$

---

$$-x \sin y$$

---

$$-x \cos y$$

3.

Дана функция  $y = 3x^4 - 5$ . Найти  $y''$  в точке  $x = -1$

-8

-2

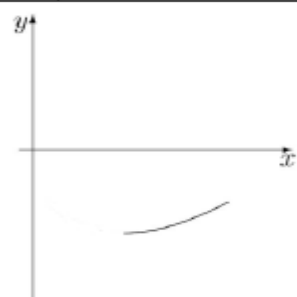
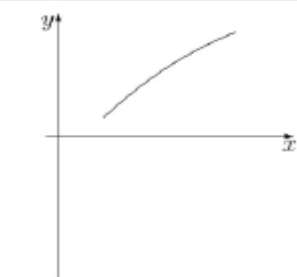
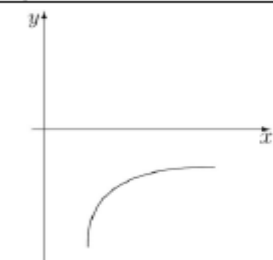
1

36

4.

Выберите график, удовлетворяющий двум условиям

$$f(x) > 0, \quad f'(x) > 0:$$



5.

Пользуясь правилом Лопиталья, найти предел

$$\lim_{x \rightarrow 1\infty} \frac{e^{3x} + 4}{x}.$$

- 0  
3  
4  
 $\infty$

6.

Неопределенный интеграл  $\int \frac{dx}{4+x^2}$  равен...

$$\frac{1}{2} \operatorname{arctg} \frac{x}{2} + C$$

$$\operatorname{arctg} x + C$$

$$\frac{1}{4} \operatorname{arctg} \frac{x}{4} + C$$

$$\frac{1}{2} \ln |4+x^2| + C$$

7.

$$\int_1^e \ln^2 x dx;$$

Вычислить интеграл

8.

Вычислить объём тела, ограниченного поверхностями

$$x=0, z=0, y=4x, z=\sqrt{y}, y=2.$$

9.

Вычислить  $\iint_D (3x+2y) dx dy$ , если  $D$  — внутренность тре-

угольника с вершинами в точках  $A(0,2), B(2,0), C(3,3)$ .

10.

Найти работу силы  $f(x,y) = (x^2 - 2y)\mathbf{i} - (2x - y)\mathbf{j}$  по перемещению точки вдоль участка кривой  $x = 2 \cos t, y = 2 \sin t,$

$$0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}.$$

#### 14.1.4. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах;

пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

- чтение или просмотр материала необходимо осуществлять медленно, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

- если в тексте встречаются термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

- необходимо осмысливать прочитанное и изученное, отвечать на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия в форме вебинаров. Расписание вебинаров публикуется в кабинете студента на сайте Университета. Запись вебинара публикуется в электронном курсе по дисциплине.

#### **14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

#### **14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;

- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.