

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**  
**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ**  
**УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»**  
**(ТУСУР)**



УТВЕРЖДАЮ  
Директор департамента образования

Документ подписан электронной подписью  
Сертификат: 1с6сfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820  
Владелец: Троян Павел Ефимович  
Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Методы математической физики**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **11.03.04 Электроника и наноэлектроника**

Направленность (профиль) / специализация: **Микроэлектроника и твердотельная электроника**

Форма обучения: **очная**

Факультет: **ФЭТ, Факультет электронной техники**

Кафедра: **ФЭ, Кафедра физической электроники**

Курс: **1**

Семестр: **2**

Учебный план набора 2016 года

**Распределение рабочего времени**

| № | Виды учебной деятельности    | 2 семестр | Всего | Единицы |
|---|------------------------------|-----------|-------|---------|
| 1 | Лекции                       | 18        | 18    | часов   |
| 2 | Практические занятия         | 18        | 18    | часов   |
| 3 | Всего аудиторных занятий     | 36        | 36    | часов   |
| 4 | Из них в интерактивной форме | 12        | 12    | часов   |
| 5 | Самостоятельная работа       | 36        | 36    | часов   |
| 6 | Всего (без экзамена)         | 72        | 72    | часов   |
| 7 | Общая трудоемкость           | 72        | 72    | часов   |
|   |                              | 2.0       | 2.0   | З.Е.    |

Зачет: 2 семестр

Томск 2018

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.03.04 Электроника и наноэлектроника, утвержденного 12.03.2015 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ЭП «\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ года, протокол № \_\_\_\_\_.

Разработчик:

профессор каф. ЭП

\_\_\_\_\_ Е. Е. Слядников

Заведующий обеспечивающей каф.  
ЭП

\_\_\_\_\_ С. М. Шандаров

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФЭТ

\_\_\_\_\_ А. И. Воронин

Заведующий выпускающей каф.  
ФЭ

\_\_\_\_\_ П. Е. Троян

Эксперты:

Профессор кафедры электронных  
приборов (ЭП)

\_\_\_\_\_ Л. Н. Орликов

Доцент кафедры физической  
электроники (ФЭ)

\_\_\_\_\_ И. А. Чистоедова

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1. Цели дисциплины

формирование у студентов представлений об основах математического аппарата изучения физических полей – одного из центральных объектов современной физики и техники, находящего широкое применение при изучении математических моделей в научных и прикладных задачах.

### 1.2. Задачи дисциплины

– в результате изучения данной дисциплины студенты должны получить навыки математического моделирования реальных (в первую очередь физических) процессов на основе краевых задач для уравнений в частных производных.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Методы математической физики» (ФТД.1) относится к блоку ФТД.1.

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Физика.

Последующими дисциплинами являются: Квантовая и оптическая электроника, Квантовая механика, Математика, Нанoeлектроника, Научно-исследовательская работа, Прикладная информатика, Твердотельная электроника, Физика пленочных наноструктур, Физика полупроводников.

## 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

– ПК-1 способностью строить простейшие физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и нанoeлектроники различного функционального назначения, а также использовать стандартные программные средства их компьютерного моделирования;

– ПСК-1 способностью владеть современными методами расчета и проектирования изделий микроэлектроники и твердотельной электроники, способностью к восприятию, разработке и критической оценке новых способов их проектирования;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

– **знать** естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат; знать простейшие физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и нанoeлектроники

– **уметь** выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат; уметь строить физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и нанoeлектроники

– **владеть** способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем; использует физико-математический аппарат для решения возникающих проблем; владеть методами построения математических моделей приборов, схем, устройств с использованием средств компьютерного моделирования

## 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

| Виды учебной деятельности      | Всего часов | Семестры  |
|--------------------------------|-------------|-----------|
|                                |             | 2 семестр |
| Аудиторные занятия (всего)     | 36          | 36        |
| Лекции                         | 18          | 18        |
| Практические занятия           | 18          | 18        |
| Из них в интерактивной форме   | 12          | 12        |
| Самостоятельная работа (всего) | 36          | 36        |

|   |     |     |
|---|-----|-----|
| Подготовка к контрольным работам                                  | 6   | 6   |
| Проработка лекционного материала                                  | 7   | 7   |
| Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса | 7   | 7   |
| Написание рефератов   | 4   | 4   |
| Подготовка к практическим занятиям, семинарам                     | 12  | 12  |
| Всего (без экзамена)  | 72  | 72  |
| Общая трудоемкость, ч   | 72  | 72  |
| Зачетные Единицы  | 2.0 | 2.0 |

## 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

| Названия разделов дисциплины  | Ле<br>к.,<br>ч | ра<br>к.<br>за<br>н. | м.<br>ра<br>б., | в<br>(б<br>ез<br>пр<br>уе<br>м<br>ы<br>е<br>ко<br>м<br>п. |             |
|---|----------------|----------------------|-----------------|---|-------------|
| 2 семестр   |                |                      |                 |   |             |
| 1 Краевые задачи для линейных дифференциальных операторов второго порядка   | 4              | 4                    | 6               | 14  | ПК-1, ПСК-1 |
| 2 Уравнение теплопроводности  | 6              | 4                    | 11              | 21  | ПК-1, ПСК-1 |
| 3 Волновое уравнение  | 4              | 4                    | 10              | 18  | ПК-1, ПСК-1 |
| 4 Уравнения Лапласа и Пуассона. Уравнения в частных производных второго порядка. Решение уравнений математической физики с помощью метода сеток. Метод конечных элементов | 4              | 6                    | 9               | 19  | ПК-1, ПСК-1 |
| Итого за семестр  | 18             | 18                   | 36              | 72  |             |
| Итого   | 18             | 18                   | 36              | 72  |             |

### 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Содержание разделов дисциплин (по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (по лекциям)

| Названия разделов   | Содержание разделов дисциплины (по лекциям)  | се<br>м<br>е<br>с<br>т | м<br>ы<br>е<br>ко |
|---|--|------------------------|-------------------|
| 2 семестр   |  |                        |                   |
| 1 Краевые задачи для линейных дифференциальных операторов второго порядка | Основные сведения об уравнениях с частными производными (УЧП). Определение УЧП. Порядок уравнения. Особенности решения УЧП. Понятие о полной и неполной системе уравнений в частных производных. Линейные и квазилинейные уравнения. Понятие о краевых задачах математической физики. Основные уравнения математической физики. Моделирование физических процессов уравнениями в частных производных. Законы сохранения как основа модельного описания физического процесса. | 4                      | ПК-1, ПСК-1       |
|   | Итого  | 4                      |                   |
| 2 Уравнение   | Вывод одномерной математической модели   | 6                      | ПК-1,             |

|   |  |    |                |
|---|--|----|----------------|
| теплопроводности  | теплопроводности на основе закона сохранения энергии и закона Фурье. Необходимость граничных условий (ГУ) и начальных условий (НУ). Собственные значения и собственные функции. Задача Штурма-Лиувилля. Метод интегральных преобразований. Понятие интегрального преобразования. Ядро преобразования. Схема алгоритма решения задачи методом интегральных преобразований. Прямое и обратное преобразование. Виды интегральных преобразований. Интегральное преобразование как разложение функции в некоторый спектр компонент  |    | ПСК-1          |
|   | Итого  | 6  |                |
| 3 Волновое уравнение  | Уравнения гидродинамики: уравнение движения жидкости, уравнение неразрывности, уравнение состояния. Волновое уравнение. Формула Кирхгофа. Принцип Гюйгенса. Акустическая интерпретация, Граничные условия для акустических волн. Уравнение Гельмгольца. Уравнения теории упругости. Уравнения упругих колебаний.   | 4  | ПК-1,<br>ПСК-1 |
|   | Итого  | 4  |                |
| 4 Уравнения Лапласа и Пуассона. Уравнения в частных производных второго порядка<br>Решение уравнений математической физики с помощью метода сеток. Метод конечных элементов | Уравнения Максвелла. Уравнения электростатики. Уравнения Лапласа и Пуассона. Обобщенные функции и их свойства. Сингулярные обобщенные функции, дельта-функция Дирака. Фундаментальные решения для уравнений математической физики. Метод функции Грина. Построение функций Грина. Нелинейные волновые уравнения. Уравнение Кортевега-де Фриза. Солитоны. Численные и приближенные методы решения УЧП. Сравнение аналитических решений с численными решениями. Понятия аналитического и численного решений. Преимущества численных решений. Метод конечных разностей. | 4  | ПК-1,<br>ПСК-1 |
|   | Итого  | 4  |                |
| Итого за семестр  |  | 18 |                |

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

| Наименование дисциплин    | № разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин |   |   |   |
|---------------------------|---|---|---|---|
|                           | 1   | 2 | 3 | 4 |
| Предшествующие дисциплины |   |   |   |   |
| 1 Физика                  | +   | + | + | + |

| Последующие дисциплины               |   |   |   |   |
|--------------------------------------|---|---|---|---|
| 1 Квантовая и оптическая электроника | + | + | + | + |
| 2 Квантовая механика                 | + | + | + | + |
| 3 Математика                         | + | + | + | + |
| 4 Наноэлектроника                    | + | + | + | + |
| 5 Научно-исследовательская работа    | + | + | + | + |
| 6 Прикладная информатика             | + | + | + | + |
| 7 Твердотельная электроника          | + | + | + | + |
| 8 Физика пленочных наноструктур      | + | + | + | + |
| 9 Физика полупроводников             | + | + | + | + |

#### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

| Компетенции | Виды занятий |             |           | Формы контроля  |
|-------------|--------------|-------------|-----------|---|
|             | Лек.         | Практ. зан. | Сам. раб. |   |
| ПК-1        | +            | +           | +         | Контрольная работа, Конспект самоподготовки, Опрос на занятиях, Тест, Реферат |
| ПСК-1       | +            | +           | +         | Контрольная работа, Конспект самоподготовки, Опрос на занятиях, Тест, Реферат |

#### 6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Технологии интерактивного обучения при разных формах занятий приведены в таблице 6.1.

Таблица 6.1 – Технологии интерактивного обучения при разных формах занятий

| Методы   | Интерактивные практические занятия, ч | Интерактивные лекции, ч | Всего, ч |
|--|---------------------------------------|-------------------------|----------|
| 2 семестр  |                                       |                         |          |
| Презентации с использованием слайдов с обсуждением |                                       | 4                       | 4        |
| Решение ситуационных задач                         | 8                                     |                         | 8        |
| Итого за семестр:                                  | 8                                     | 4                       | 12       |
| Итого  | 8                                     | 4                       | 12       |

#### 7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

#### 8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

| Названия разделов             | Наименование практических занятий (семинаров)                                 | ОЕ | МК | ОС | М | БС | КО          |
|-------------------------------|---|----|----|----|---|----|-------------|
| 2 семестр                     |   |    |    |    |   |    |             |
| 1 Краевые задачи для линейных | Классификация уравнений с частными производными второго порядка. Канонические |    | 4  |    |   |    | ПК-1, ПСК-1 |

|   |   |    |             |
|---|---|----|-------------|
| дифференциальных операторов второго порядка   | формы линейных уравнений в частных производных второго порядка с постоянными коэффициентами. Преобразования линейных уравнений в частных производных. Приведение к каноническому виду |    |             |
|   | Итого   | 4  |             |
| 2 Уравнение теплопроводности  | Семинар по теме «Однородное уравнение теплопроводности». Плоская задача Дирихле. Метод Фурье.   | 4  | ПК-1, ПСК-1 |
|   | Итого   | 4  |             |
| 3 Волновое уравнение  | Краевые задачи для однородного и неоднородного волновых уравнений..   | 4  | ПК-1, ПСК-1 |
|   | Итого   | 4  |             |
| 4 Уравнения Лапласа и Пуассона. Уравнения в частных производных второго порядка<br>Решение уравнений математической физики с помощью метода сеток. Метод конечных элементов | Особенности численного моделирования задач математической физики. Метод сеток для решения нелинейного волнового уравнения. Солитоны.  | 6  | ПК-1, ПСК-1 |
|   | Итого   | 6  |             |
| Итого за семестр  |   | 18 |             |

### 9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

| Названия разделов   | Виды самостоятельной работы                                       | трудоемкость, часы | формируемые компетенции | Формы контроля  |
|---|---|--------------------|-------------------------|---|
| 2 семестр   |   |                    |                         |   |
| 1 Краевые задачи для линейных дифференциальных операторов второго порядка | Подготовка к практическим занятиям, семинарам                     | 2                  | ПК-1, ПСК-1             | Конспект самоподготовки, Опрос на занятиях, Реферат, Тест                     |
|   | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса | 2                  |                         |   |
|   | Проработка лекционного материала                                  | 2                  |                         |   |
|   | Итого   | 6                  |                         |   |
| 2 Уравнение теплопроводности  | Подготовка к практическим занятиям, семинарам                     | 3                  | ПК-1, ПСК-1             | Конспект самоподготовки, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Реферат, Тест |
|   | Написание рефератов   | 4                  |                         |   |
|   | Проработка лекционного материала                                  | 2                  |                         |   |
|   | Подготовка к  | 2                  |                         |   |

|   |   |    |             |   |
|---|---|----|-------------|---|
|   | контрольным работам   |    |             |   |
|   | Итого   | 11 |             |   |
| 3 Волновое уравнение  | Подготовка к практическим занятиям, семинарам                     | 4  | ПК-1, ПСК-1 | Конспект самоподготовки, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Реферат, Тест |
|   | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса | 2  |             |   |
|   | Проработка лекционного материала                                  | 2  |             |   |
|   | Подготовка к контрольным работам                                  | 2  |             |   |
|   | Итого   | 10 |             |   |
| 4 Уравнения Лапласа и Пуассона. Уравнения в частных производных второго порядка<br>Решение уравнений математической физики с помощью метода сеток. Метод конечных элементов | Подготовка к практическим занятиям, семинарам                     | 3  | ПК-1, ПСК-1 | Конспект самоподготовки, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Реферат, Тест |
|   | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса | 3  |             |   |
|   | Проработка лекционного материала                                  | 1  |             |   |
|   | Подготовка к контрольным работам                                  | 2  |             |   |
|   | Итого   | 9  |             |   |
| Итого за семестр  |   | 36 |             |   |
| Итого   |   | 36 |             |   |

### 10. Курсовой проект / курсовая работа

Не предусмотрено РУП.

### 11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

#### 11.1. Балльные оценки для элементов контроля

Таблица 11.1 – Балльные оценки для элементов контроля

| Элементы учебной деятельности | Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра | Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ | Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра | Всего за семестр |
|-------------------------------|--|---|---|------------------|
| 2 семестр                     |  |   |   |                  |
| Конспект самоподготовки       | 3  | 3   | 3   | 9                |
| Контрольная работа            | 15   | 15  | 15  | 45               |
| Опрос на занятиях             | 10   | 10  | 10  | 30               |
| Реферат                       | 4  | 4   | 8   | 16               |
| Итого максимум за период      | 32   | 32  | 36  | 100              |



|                    |    |    |     |     |
|--------------------|----|----|-----|-----|
| Нарастающим итогом | 32 | 64 | 100 | 100 |
|--------------------|----|----|-----|-----|

### 11.2. Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Пересчет баллов в оценки за контрольные точки представлен в таблице 11.2.

Таблица 11.2 – Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

| Баллы на дату контрольной точки                       | Оценка |
|---|--------|
| ≥ 90% от максимальной суммы баллов на дату КТ         | 5      |
| От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ | 4      |
| От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ | 3      |
| < 60% от максимальной суммы баллов на дату КТ         | 2      |

### 11.3. Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку представлен в таблице 11.3.

Таблица 11.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

| Оценка (ГОС)                         | Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен | Оценка (ECTS)           |
|--------------------------------------|--|-------------------------|
| 5 (отлично) (зачтено)                | 90 - 100   | A (отлично)             |
| 4 (хорошо) (зачтено)                 | 85 - 89  | B (очень хорошо)        |
|                                      | 75 - 84  | C (хорошо)              |
|                                      | 70 - 74  | D (удовлетворительно)   |
| 65 - 69                              |  |                         |
| 3 (удовлетворительно) (зачтено)      | 60 - 64  | E (посредственно)       |
| 2 (неудовлетворительно) (не зачтено) | Ниже 60 баллов   | F (неудовлетворительно) |

## 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 12.1. Основная литература

1. Конспект лекций по высшей математике : в 2 ч. / Д. Т. Письменный. - М. : Айрис-Пресс, 2007. - . - ISBN 978-5-8112-1687-1. Ч. 2 : Тридцать пять лекций. - 5-е изд. - М. : Айрис-Пресс, 2007. - 251, [5] с. : ил., табл. - ISBN 978-5-8112-2315-2 (наличие в библиотеке ТУСУР - 60 экз.)
2. Методы математической физики [Электронный ресурс]: Учебное пособие предназначено для студентов факультета дистанционного обучения ТУСУРа / Гриняев Ю. В., Ушаков В. М., Миньков Л. Л., Тимченко С. В. - 2012. 148 с. - Режим доступа: <http://edu.tusur.ru/publications/3379> (дата обращения: 08.07.2018).

### 12.2. Дополнительная литература

1. Математические методы физики. Избранные вопросы : Учебник для вузов / Е. А. Краснопецев. - Новосибирск : НГТУ, 2003. - 242 с (наличие в библиотеке ТУСУР - 50 экз.)
2. Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И. - 2012. 206 с. - Режим доступа: <http://edu.tusur.ru/publications/2258> (дата обращения: 08.07.2018).

### 12.3. Учебно-методические пособия

#### 12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Методы математической физики : Руководство к организации самостоятельной работы для студентов специальности 210106 "Промышленная электроника" / Ю. В. Гриняев, Л. Л. Миньков ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, Кафедра промышленной электроники. - Томск : ТУСУР, 2007. - 116 с. : (наличие в библиотеке ТУСУР - 94 экз.)

2. Методы математической физики [Электронный ресурс]: Методические указания к практическим занятиям / Гейко П. П. - 2012. 31 с. - Режим доступа: <http://edu.tusur.ru/publications/2351> (дата обращения: 08.07.2018).

### **12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

#### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

#### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### **12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется использовать базы данных, информационно-справочные и поисковые системы, к которым у ТУСУРа есть доступ <https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>.

## **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение**

### **13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

#### **13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 22-24, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

#### **13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий**

##### **Учебная аудитория**

учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 304 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение не требуется.

#### **13.1.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

### **13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с нарушениями слуха предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с нарушениями зрениями предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с нарушениями опорно-двигательного аппарата используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

### **14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

#### **14.1.1. Тестовые задания**

1. Какие физические процессы описывает параболическое уравнение?
  - а) колебания
  - б) движущиеся волны
  - в) стационарные процессы
  - г) диффузию
2. Какие физические процессы описывает гиперболическое уравнение?
  - а) колебания
  - б) волны
  - в) стационарные процессы
  - г) диффузию
3. Какие физические процессы описывает эллиптическое уравнение?
  - а) колебания
  - б) движущиеся волны
  - в) стационарные процессы
  - г) диффузию
4. Что описывают граничные условия?

- а) взаимосвязь физических переменных  
 б) физическую переменную в начальный момент времени  
 в) физическую переменную на границе  
 г) производную физической переменной в начальный момент времени
5. Что описывают начальные условия?  
 а) взаимосвязь физических переменных  
 б) физическую переменную в начальный момент времени  
 в) физическую переменную на границе  
 г) производную физической переменной в начальный момент времени
6. Что описывает уравнение?  
 а) взаимосвязь физических переменных  
 б) физическую переменную в начальный момент времени  
 в) физическую переменную на границе  
 г) производную физической переменной в начальный момент времени

7. Функция  $f_{\xi}(x, t) = \frac{1}{2a\sqrt{\pi t}} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{4a^2 t}}$  при всех значениях  $\xi$  является решением уравнения теплопроводности  $U_t = a^2 U_{xx}$  в области  $\{(x, t) : x \in (-\infty, \infty), t \in (0, \infty)\}$ .  
 Данная функция называется ..... решением уравнения теплопроводности

- а) элементарным  
 б) стационарным  
 в) неоднородным  
 г) фундаментальным
8. Решение задачи  $y'' + 4y = 0, y(0) = y(4\pi) = 0$  имеет вид

а)  $y = \sin \frac{1}{2} x$ ; б)  $y = \sin \frac{\pi}{2} x$ ; в)  $y = \cos \frac{1}{2} x$ ; г)  $y = \sin \frac{1}{4} x$

9. Функция  $U$  является решением уравнения  $U_{xx} + U_{yy} = \cos x \times \cos y$ . Тогда решением соответствующего однородного уравнения будет функция

- а)  $U - \frac{1}{2} \cos x \times \cos y$ ; б)  $U + x^2 + y^2$ ; в)  $U + \frac{1}{2} \cos x \times \cos y$ ; г)  $U + 2xy$
10. Решение задачи  $y'' + p^2 y = 0, y(0) = y'(\frac{1}{2}) = 0$  имеет вид  
 а)  $y = \sin x$ ; б)  $y = \cos x$ ; в)  $y = \cos px$ ; г)  $y = \sin px$

11. Укажите тип дифференциального уравнения

$$3 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 2 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} - 5 \sin 4x = 0$$

Варианты ответа:

- 1) эллиптический;  
 2) гиперболический;  
 4) круговой;  
 3) параболический;

12. Укажите собственные функции краевой задачи

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 9 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0; \quad u(0;y)=u(l;y)=0.$$

Варианты ответа:

а)  $\frac{\sin \frac{n\pi x}{3}}$ ; б)  $\frac{\sin \frac{n\pi x}{l}}$ ; в)  $\sin 3nx$ ; г)  $\frac{\cos \frac{n\pi x}{l}}$

13. Укажите собственные числа краевой задачи

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - 25 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0; \quad u(0;y)=u(7;y)=0.$$

Варианты ответа:

а)  $\frac{n\pi}{5}$ ; б)  $\frac{n\pi}{25}$ ; в)  $\frac{n\pi}{7}$ ; г)  $\frac{n\pi}{49}$

14. Функция  $y = \cos \frac{2}{3}x$  является собственной функцией задачи Штурма-Лиувилля  $y'' + ly = 0, y'(0) = y'(3\pi) = 0$  с собственным значением

а)  $l = -\frac{4}{9}$ ; б)  $l = -\frac{2}{3}$ ; в)  $l = \frac{4}{9}$ ; г)  $l = \frac{2}{3}$ .

15. Какому начальному условию удовлетворяет функция

$$u(x;t) = 6x^2 + 4tx - 8t \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 4} \sin \frac{2nx}{5} e^{-3nt}$$

Варианты ответа:

а)  $u(x;0) = 0$ ; б)  $u(x;0) = 6x^2$ ; в)  $u(x;0) = 8t$ ; г)  $u(x;0) = 4$ ;

16. Какое из уравнений является уравнением теплопроводности стержня с источниками тепла внутри

Варианты ответа:

а)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - 25 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$ ; б)  $\frac{\partial u}{\partial t} + 5 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 8e^{-3t}$ ;  
 в)  $\frac{\partial u}{\partial t} - 30 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 4xe^{-3t}$ ; г)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 8e^{-3t} \sin 5x$ ;

17. Укажите, какое из данных уравнений является уравнением Пуассона

Варианты ответа:

а)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$ ; б)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 8e^{-3t} \sin 5x$ ;  
 в)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 2$ ; г)  $\frac{\partial u}{\partial t} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 7x^2(t+4)$ ;

18. Какая из краевых задач является задачей о теплопроводности стержня конечной длины без источников тепла внутри и с нулевой температурой на концах

Варианты ответа:

а)  $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - 25 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(7;t) = 0; \quad u(x;0) = x.$

$$\text{б) } \frac{\partial u}{\partial t} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 7x^2(t+4); \quad u(0;t)=t; u(7;t)=0; u(x;0)=0.$$

$$\text{в) } \frac{\partial u}{\partial t} - 9 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(4;t)=0; u(x;0)=x(4-x).$$

$$\text{г) } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + 16 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(5;t)=3; u(x;0)=0.$$

19. Какая из краевых задач является задачей о вынужденных колебаниях конечной струны, закрепленной только на левом конце

Варианты ответа:

$$\text{а) } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - 25 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(7;t)=0; u(x;0)=x.$$

$$\text{б) } \frac{\partial u}{\partial t} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 7x^2(t+4); \quad u(0;t)=t; u(7;t)=0; u(x;0)=0.$$

$$\text{в) } \frac{\partial u}{\partial t} - 9 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(4;t)=0; u(x;0)=x(4-x).$$

$$\text{г) } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + 4 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad u(0;t) = u(5;t)=3; u(x;0)=0.$$

20. Решением какого уравнения является функция

$$u(x;t) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} \sin \frac{2nx}{5} \cos \frac{8n\pi t}{5}$$

Варианты ответа:

$$\text{а) } \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - 16 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad \text{б) } \pi \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - 16 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 5x \sin 4t;$$

$$\text{в) } \frac{1}{16} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - \pi^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0; \quad \text{г) } \frac{\partial u}{\partial t} - 16 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 5;$$

#### 14.1.2. Темы опросов на занятиях

Вывод уравнений. Постановка краевых задач.

Уравнения теплопроводности и колебаний в ограниченной области (однородные граничные условия).

Уравнения теплопроводности и колебаний в ограниченной области (неоднородные граничные условия)

Уравнение теплопроводности на бесконечной прямой, в неограниченном пространстве, на полубесконечной прямой

Задача Штурма-Лиувилля (отрезок, прямоугольник, параллелепипед)

Вычисление квадрата нормы. Задача Штурма-Лиувилля (круг, сектор, кольцо).

Уравнение Лапласа в прямоугольнике и параллелепипеде

Уравнение Лапласа в круге, вне круга, в кольце, в секторе

Уравнение Лапласа в цилиндре и его частях

#### 14.1.3. Темы рефератов

Виды интегральных преобразований. Интегральное преобразование как разложение

функции в некоторый спектр компонент

Основные сведения об уравнениях с частными производными (УЧП) Определение УЧП. Порядок уравнения. Особенности решения УЧП

#### **14.1.4. Вопросы на самоподготовку**

Акустическая интерпретация. Граничные условия для акустических волн.

Дифракция плоской акустической волны на шаре.

Объемный потенциал, его свойства

Виды интегральных преобразований. Интегральное преобразование как разложение функции в некоторый спектр компонент.

Физическая интерпретация решения. Проявление принципа суперпозиции.

#### **14.1.5. Темы контрольных работ**

Уравнение теплопроводности

Волновые уравнения

Уравнения Лапласа и Пуассона.

#### **14.1.6. Зачёт**

1. Основные сведения об уравнениях с частными производными (УЧП)
2. Моделирование физических процессов уравнениями в частных производных.
3. Классификация и приведение к каноническому виду линейных УЧП второго порядка.
4. Решение УЧП методом разделения переменных (метод Фурье).
5. Собственные значения и собственные функции.
6. Задача Штурма- Лиувилля
7. Метод интегральных преобразований.
8. Понятие интегрального преобразования.
9. Численные и приближенные методы решения УЧП.
10. Уравнения гидродинамики: уравнение движения жидкости, уравнение неразрывности, уравнение состояния.
11. Математическое моделирование электрических процессов.
12. Нелинейные волновые уравнения.
13. Линейные однородные ГУ.
14. Самосопряженное уравнение Штурма-Лиувилля.
15. Интегральное преобразование как разложение функции в некоторый спектр компонент.
16. Интегральное преобразование – путь к уменьшению числа независимых переменных в УЧП.
17. Сравнение аналитических решений с численными решениями. Понятия аналитического и численного решений.
18. Вывод уравнений акустики.
19. Принцип Гюйгенса.
20. Дифракция плоской акустической волны на шаре.

#### **14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

| Категории обучающихся                         | Виды дополнительных оценочных материалов  | Формы контроля и оценки результатов обучения  |
|---|---|---|
| С нарушениями слуха                           | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы                        | Преимущественно письменная проверка   |
| С нарушениями зрения                          | Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам   | Преимущественно устная проверка (индивидуально)                                       |
| С нарушениями опорно-двигательного аппарата   | Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету | Преимущественно дистанционными методами   |
| С ограничениями по общемедицинским показаниям | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы         | Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки |

### **14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

#### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

#### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.