

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»  
(ТУСУР)**

УТВЕРЖДАЮ

Директор департамента образования

\_\_\_\_\_ П. Е. Троян

«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **11.03.01 Радиотехника**

Направленность (профиль) / специализация: **Радиотехнические средства передачи, приема и обработки сигналов**

Форма обучения: **очная**

Факультет: **РТФ, Радиотехнический факультет**

Кафедра: **РСС, Кафедра радиоэлектроники и систем связи**

Курс: **1**

Семестр: **1**

Учебный план набора 2015 года

**Распределение рабочего времени**

№	Виды учебной деятельности	1 семестр	Всего	Единицы
1	Лекции	36	36	часов
2	Практические занятия	64	64	часов
3	Всего аудиторных занятий	100	100	часов
4	Самостоятельная работа	80	80	часов
5	Всего (без экзамена)	180	180	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	36	36	часов
7	Общая трудоемкость	216	216	часов
		6.0	6.0	З.Е.

Экзамен: 1 семестр

Томск 2018

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.03.01 Радиотехника, утвержденного 06.03.2015 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры математики « \_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ года, протокол № \_\_\_\_.

Разработчик:

заведующий кафедрой математики \_\_\_\_\_ А. Л. Магазинникова

Заведующий обеспечивающей каф.  
математики \_\_\_\_\_ А. Л. Магазинникова

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан РТФ \_\_\_\_\_ К. Ю. Попова

Заведующий выпускающей каф.  
РСС \_\_\_\_\_ А. В. Фатеев

Эксперты:

профессор кафедры математики \_\_\_\_\_ А. А. Ельцов

Старший преподаватель кафедры  
радиоэлектроники и систем связи  
(РСС) \_\_\_\_\_ Ю. В. Зеленецкая

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1. Цели дисциплины

Изучение основных понятий и методов решения задач линейной алгебры и аналитической геометрии.

Формирование способности привлекать для решения проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, математический аппарат линейной алгебры и аналитической геометрии.

### 1.2. Задачи дисциплины

- Овладение методами исследования задач линейной алгебры и аналитической геометрии, соответствующим математическим аппаратом.
- Развитие логического и алгоритмического мышления студентов.
- Выработка у студентов умения работать с математической литературой.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» (Б1.Б.5.1) относится к блоку 1 (базовая часть).

Последующими дисциплинами являются: Дискретная математика, Инженерная и компьютерная графика, Информатика, Информационные технологии, Космические системы связи, Математический анализ, Методы автоматизированного проектирования радиоэлектронных систем (ГПО-4), Методы моделирования и оптимизации радиоэлектронных систем (ГПО-3), Методы расчёта радиоэлектронных систем и устройств (ГПО-2), Метрология и радиоизмерения, Научно-исследовательская работа, Общая теория радиосвязи, Оптические устройства в радиотехнике, Основы компьютерного проектирования РЭС, Основы конструирования и технологии производства РЭС, Основы микроэлектроники, Основы микроэлектроники СВЧ, Основы научно-исследовательской работы студентов в семестре (ГПО-1), Основы статистической радиотехники, Основы телевидения и видеотехника, Основы теории цепей, Основы функционального анализа, Практика по получению первичных профессиональных умений и навыков, в том числе первичных умений и навыков научно-исследовательской деятельности, Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности, Преддипломная практика, Прикладные математические методы в радиотехнике, Проектирование аналоговых электронных устройств, Проектирование радиотехнических систем, Проектирование устройств приема и обработки сигналов, Радиоавтоматика, Радиоматериалы и радиокомпоненты, Радиотехнические системы, Радиотехнические цепи и сигналы, Статистическая теория радиотехнических систем, Схемотехника аналоговых электронных устройств, Теория вероятностей и математическая статистика, Управление радиочастотным спектром, Устройства генерирования и формирования сигналов, Устройства приема и обработки сигналов, Устройства сверхвысокой частоты и антенны, Физика, Физические основы электроники, Цифровая обработка сигналов, Цифровая связь, Цифровые устройства и микропроцессоры, Электродинамика и распространение радиоволн, Электромагнитная совместимость и управление радиочастотным спектром, Электроника, Электропреобразовательные устройства радиоэлектронных систем.

## 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- ОПК-2 способностью выявлять естественно-научную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

- **знать** основы линейной алгебры и аналитической геометрии, соответствующий математический аппарат;
- **уметь** применять знания в области линейной алгебры и аналитической геометрии, соответствующий математический аппарат для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач;
- **владеть** основными методами решения задач линейной алгебры и аналитической геометрии и соответствующим математическим аппаратом.

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры
		1 семестр
Аудиторные занятия (всего)	100	100
Лекции	36	36
Практические занятия	64	64
Самостоятельная работа (всего)	80	80
Подготовка к коллоквиуму	20	20
Подготовка к контрольным работам	16	16
Выполнение индивидуальных заданий	4	4
Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	18	18
Подготовка к практическим занятиям, семинарам	22	22
Всего (без экзамена)	180	180
Подготовка и сдача экзамена	36	36
Общая трудоемкость, ч	216	216
Зачетные Единицы	6.0	6.0

#### 5. Содержание дисциплины

##### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	Лек., ч	Прак. зан., ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
1 семестр					
1 Элементы теории линейных пространств. Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений	12	23	20	55	ОПК-2
2 Алгебра геометрических векторов. Основы аналитической геометрии.	12	23	32	67	ОПК-2
3 Функции в линейных пространствах	8	7	12	27	ОПК-2
4 Комплексные числа. Функции комплексного переменного	4	11	16	31	ОПК-2
Итого за семестр	36	64	80	180	
Итого	36	64	80	180	

## 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Содержание разделов дисциплин (по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (по лекциям)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины по лекциям	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
1 семестр			
1 Элементы теории линейных пространств. Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений	Матрицы и операции над ними. Определитель. Обратная матрица. Решение матричных уравнений. Линейная зависимость систем векторов. Размерность линейного пространства, базис и координаты. Ранг матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений. Совместность и определенность системы уравнений. Решение определенных систем: матричный метод, метод Крамера, метод Гаусса. Решение неопределенных систем. Решение однородных систем.	12	ОПК-2
	Итого	12	
2 Алгебра геометрических векторов. Основы аналитической геометрии.	Пространство геометрических векторов и его подпространства. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Полярная система координат. Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости как линия первого порядка. невырожденные кривые второго порядка на плоскости. Уравнение поверхности в пространстве. Плоскость как поверхность первого порядка. Прямая в пространстве. невырожденные поверхности второго порядка. Цилиндрическая и сферическая системы координат.	12	ОПК-2
	Итого	12	
3 Функции в линейных пространствах	Понятие функции (оператора) в линейных пространствах. Классификация функций в зависимости от размерности пространств. Элементарные свойства функций. Линейный оператор и его матрица. Собственные числа и собственные векторы линейного оператора (матрицы). Линейные и квадратичные формы.	8	ОПК-2
	Итого	8	
4 Комплексные числа. Функции комплексного переменного	Множество комплексных чисел. Формы представления комплексных чисел. Операции над комплексными числами. Функции комплексного переменного, их представление в алгебраической и показательной формах.	4	ОПК-2
	Итого	4	
Итого за семестр		36	

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин			
	1	2	3	4
<b>Последующие дисциплины</b>				
1 Дискретная математика	+		+	
2 Инженерная и компьютерная графика	+	+	+	
3 Информатика	+	+	+	
4 Информационные технологии	+	+	+	+
5 Космические системы связи	+	+	+	+
6 Математический анализ	+	+	+	+
7 Методы автоматизированного проектирования радиоэлектронных систем (ГПО-4)	+		+	
8 Методы моделирования и оптимизации радиоэлектронных систем (ГПО-3)	+	+	+	+
9 Методы расчёта радиоэлектронных систем и устройств (ГПО-2)	+	+	+	+
10 Метрология и радиоизмерения	+	+	+	+
11 Научно-исследовательская работа	+	+	+	+
12 Общая теория радиосвязи	+	+	+	+
13 Оптические устройства в радиотехнике	+	+	+	+
14 Основы компьютерного проектирования РЭС	+	+	+	+
15 Основы конструирования и технологии производства РЭС	+	+	+	+
16 Основы микроэлектроники	+		+	
17 Основы микроэлектроники СВЧ	+		+	
18 Основы научно-исследовательской работы студентов в семестре (ГПО-1)	+	+	+	+
19 Основы статистической радиотехники	+	+	+	+
20 Основы телевидения и видеотехника			+	
21 Основы теории цепей	+	+	+	+
22 Основы функционального анализа	+	+	+	+
23 Практика по получению первичных профессиональных умений и навыков, в том числе первичных умений и навыков научно-исследовательской деятельности	+	+	+	+

24 Практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности	+	+	+	+
25 Преддипломная практика	+	+	+	+
26 Прикладные математические методы в радиотехнике	+	+	+	+
27 Проектирование аналоговых электронных устройств	+			+
28 Проектирование радиотехнических систем	+			+
29 Проектирование устройств приема и обработки сигналов	+	+	+	+
30 Радиоавтоматика	+	+	+	+
31 Радиоматериалы и радиокомпоненты	+	+	+	+
32 Радиотехнические системы	+	+	+	+
33 Радиотехнические цепи и сигналы	+	+	+	+
34 Статистическая теория радиотехнических систем	+	+	+	+
35 Схемотехника аналоговых электронных устройств	+	+	+	+
36 Теория вероятностей и математическая статистика	+	+	+	+
37 Управление радиочастотным спектром	+	+	+	+
38 Устройства генерирования и формирования сигналов	+	+	+	+
39 Устройства приема и обработки сигналов	+	+	+	+
40 Устройства сверхвысокой частоты и антенны	+	+	+	+
41 Физика	+	+	+	
42 Физические основы электроники	+	+	+	+
43 Цифровая обработка сигналов	+	+	+	+
44 Цифровая связь	+	+	+	+
45 Цифровые устройства и микропроцессоры	+	+	+	+
46 Электродинамика и распространение радиоволн	+	+	+	+
47 Электромагнитная совместимость и управление радиочастотным спектром	+	+	+	+
48 Электроника	+	+	+	+
49 Электропреобразовательные устройства радиоэлектронных систем	+	+	+	+

#### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	Лек.	Прак. зан.	Сам. раб.	
ОПК-2	+	+	+	Контрольная работа, Отчет по индивидуальному заданию, Экзамен, Коллоквиум, Опрос на занятиях, Тест

#### 6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

#### 7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

#### 8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

Названия разделов	Наименование практических занятий (семинаров)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
1 семестр			
1 Элементы теории линейных пространств. Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений	Действия над матрицами	2	ОПК-2
	Вычисление определителей	2	
	Обратная матрица. Решение матричных уравнений	2	
	Линейные пространства. Ранг матрицы	6	
	Решение определённых систем линейных уравнений	4	
	Решение неопределённых систем линейных уравнений	4	
	Контрольная работа	2	
	Коллоквиум	1	
	Итого	23	
2 Алгебра геометрических векторов. Основы аналитической геометрии.	Алгебра геометрических векторов	6	ОПК-2
	Прямая линия на плоскости	2	
	Кривые второго порядка. Окружность. Эллипс. Гипербола. Парабола.	2	
	Полярная система координат	2	
	Плоскость	2	
	Прямая в пространстве	2	
	Сфера. Цилиндры. Конусы	2	



	Поверхности второго порядка	2	
	Контрольная работа	2	
	Коллоквиум	1	
	Итого	23	
3 Функции в линейных пространствах	Линейные операторы	4	ОПК-2
	Контрольная работа	2	
	Коллоквиум	1	
	Итого	7	
4 Комплексные числа. Функции комплексного переменного	Комплексные числа и действия над ними	4	ОПК-2
	Функции комплексного переменного	4	
	Контрольная работа	2	
	Коллоквиум	1	
	Итого	11	
Итого за семестр		64	

### 9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
1 семестр				
1 Элементы теории линейных пространств. Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	6	ОПК-2	Коллоквиум, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Тест, Экзамен
	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	4		
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Подготовка к коллоквиуму	6		
	Итого	20		
2 Алгебра геометрических векторов. Основы аналитической геометрии.	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	8	ОПК-2	Коллоквиум, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Отчет по индивидуальному заданию, Тест, Экзамен
	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	10		

	Выполнение индивидуальных заданий	4		
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Подготовка к коллоквиуму	6		
	Итого	32		
3 Функции в линейных пространствах	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	4	ОПК-2	Коллоквиум, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Отчет по индивидуальному заданию, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Подготовка к коллоквиуму	4		
	Итого	12		
4 Комплексные числа. Функции комплексного переменного	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	4	ОПК-2	Коллоквиум, Контрольная работа, Опрос на занятиях, Тест, Экзамен
	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	4		
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Подготовка к коллоквиуму	4		
	Итого	16		
Итого за семестр		80		
	Подготовка и сдача экзамена	36		Экзамен
Итого		116		

### 10. Курсовая работа (проект)

Не предусмотрено РУП.

### 11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

#### 11.1. Балльные оценки для элементов контроля

Таблица 11.1 – Балльные оценки для элементов контроля

Элементы учебной деятельности	Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра	Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ	Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра	Всего за семестр
1 семестр				
Коллоквиум		8	7	15
Контрольная работа	10	12	10	32
Опрос на занятиях	3	3	3	9

Отчет по индивидуальному заданию		5		5
Тест	3	3	3	9
Итого максимум за период	16	31	23	70
Экзамен				30
Нарастающим итогом	16	47	70	100

### 11.2. Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Пересчет баллов в оценки за контрольные точки представлен в таблице 11.2.

Таблица 11.2 – Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Баллы на дату контрольной точки	Оценка
$\geq 90\%$ от максимальной суммы баллов на дату КТ	5
От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ	4
От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ	3
$< 60\%$ от максимальной суммы баллов на дату КТ	2

### 11.3. Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку представлен в таблице 11.3.

Таблица 11.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Оценка (ГОС)	Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен	Оценка (ECTS)
5 (отлично) (зачтено)	90 - 100	A (отлично)
4 (хорошо) (зачтено)	85 - 89	B (очень хорошо)
	75 - 84	C (хорошо)
	70 - 74	D (удовлетворительно)
3 (удовлетворительно) (зачтено)	65 - 69	
	60 - 64	E (посредственно)
2 (неудовлетворительно) (не зачтено)	Ниже 60 баллов	F (неудовлетворительно)

## 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 12.1. Основная литература

1. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия: Учебное пособие / Магазинникова А. Л., Магазинников Л. И. - 2010. 176 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2244>, дата обращения: 04.06.2018.

2. Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования: Учебное пособие / Магазинников Л. И. - 2012. 206 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/2258>, дата обращения: 04.06.2018.

### 12.2. Дополнительная литература

1. Горлач Б.А. Линейная алгебра, учебное пособие : 1-е изд., Изд-во:Лань, 2012г., 480с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/4042>, дата обращения: 04.06.2018.

2. Курош А.Г. Курс высшей алгебры, учебник, 19-е изд., Изд-во: Лань, 2013 г., 432 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/30198>, дата обращения: 04.06.2018.

### **12.3. Учебно-методические пособия**

#### **12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия**

1. Высшая математика I. Практикум по линейной алгебре и аналитической геометрии: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинникова А. Л. - 2007. 162 с. (рекомендовано для самостоятельной работы) [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/37>, дата обращения: 04.06.2018.

2. Практикум по теории функций комплексного переменного, теории рядов, операционному исчислению: Учебно-методическое пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - 2018. 194 с. (рекомендовано для самостоятельной работы) [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7377>, дата обращения: 04.06.2018.

#### **12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

##### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

##### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

##### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. <https://zbmath.org> Доступ свободный, zbMATH – самая полная математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

### **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение**

#### **13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

##### **13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 22-24, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

##### **13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий**

###### **Учебная аудитория**

учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 303 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Комплект специализированной учебной мебели;
  - Рабочее место преподавателя.
- Программное обеспечение не требуется.

### **13.1.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

## **13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с нарушениями слуха предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с нарушениями зрениями предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с нарушениями опорно-двигательного аппарата используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

### **14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

### 14.1.1. Тестовые задания

1.

Даны матрицы $A$ размера $(5 \times 2)$ и $B$ размера $(n \times 1)$ . При каких значениях $n$ существует матрица $C = A \cdot B$ ?	5
	3
	2
	1

2.

Обратная матрица обозначается...	$A^T$
	$A^{-1}$
	$A^*$
	$A_0$

3.

Пусть $C = A \cdot B$ , где $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & -1 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ . Найдите $c_{23}$ .	1
	0
	-1
	2

4.

Дана матрица $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ . Выберите $A^T$ .	$\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$
	$\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$
	$\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
	$\begin{pmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$

5.

Вычислите определитель $\begin{vmatrix} 5 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ 7 & -3 & -1 \end{vmatrix}$	0
	6
	-10
	-2

6.

Известно, что ранг основной матрицы системы линейных алгебраических уравнений не равен рангу расширенной матрицы. Тогда система...	Совместная неопределённая
	Несовместная
	Совместная определённая
	Однородная

7.

Дана система $\begin{cases} 3x_2 + x_3 = -2, \\ -x_1 + 3x_3 = 1, \\ 2x_2 + 4x_3 = 2 \end{cases}$ Можно ли неизвестное $x_2$ найти по формулам Крамера? Если нельзя, то выберите ответ <b>нет</b> . Если можно, то ответом выберите соответствующее значение $x_2$ .	-1
	Нет
	2
	3

8.

Известно, что ранг основной матрицы системы линейных алгебраических уравнений равен рангу расширенной матрицы, но меньше числа неизвестных ( $\text{rang } A = \text{rang } C < n$ ). Тогда система...	Совместная определённая
	Совместная неопределённая
	Несовместная
	Однородная

9.

Зная, что векторы $\mathbf{a} = (3, 1, 2)$ и $\mathbf{b} = \alpha\mathbf{i} + 5\mathbf{j} - \mathbf{k}$ ортогональны, найдите значение параметра $\alpha$ .	1
	0
	-1
	2

10.

Даны векторы $\mathbf{a} = (3, 1, 2)$ , $\mathbf{b} = (1, -2, 0)$ . Укажите формулу для вычисления векторного произведения $[\mathbf{a}, \mathbf{b}]$ .	$[\mathbf{a}, \mathbf{b}] = 3 \cdot 1 + 1 \cdot (-2) + 2 \cdot 0$
	$[\mathbf{a}, \mathbf{b}] = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ 3 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 0 \end{vmatrix}$
	$[\mathbf{a}, \mathbf{b}] = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ 1 & -2 & 0 \\ 3 & 1 & 2 \end{vmatrix}$
	$[\mathbf{a}, \mathbf{b}] = \begin{vmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 0 \\ 2 & -2 & 1 \end{vmatrix}$

11.

Является ли оператор $A[\mathbf{x}] = \mathbf{x} + \mathbf{i}$ , $A: V_3 \rightarrow V_3$ линейным оператором? Если не является, то выберите ответ <b>нет</b> . Если является, то укажите матрицу этого оператора в базисе $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$ .	$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ 3 & -1 & -1 \\ 2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$
	$A = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 2 \\ 2 & -1 & -1 \\ 1 & -1 & -3 \end{pmatrix}$
	$A = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$
	Нет

12.

Является ли вектор $\mathbf{c} = (1, 2)$ собственным для матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & -2 \end{pmatrix}$ ? Если не является, то выберите ответ <b>нет</b> . Если является, то выберите отвечающее ему собственное число.	$\lambda = -3$
	$\lambda = 2$
	нет
	$\lambda = 0$

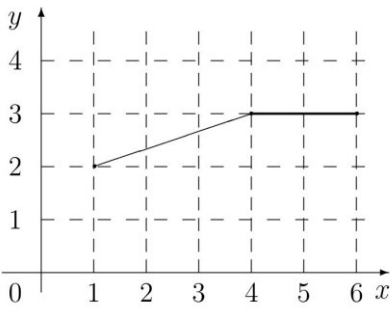
13.

Угол между прямыми $y = x + 1$ и $y = 2$ равен...	$0^\circ$
	$45^\circ$
	$90^\circ$
	$120^\circ$

14.

Уравнение $\frac{x^2}{9} + y^2 = 1$ определяет на плоскости....	Гиперболу
	Эллипс
	Окружность
	Параболу

15.

<p>На отрезке <math>[1;6]</math> задана функция, график которой приведен на рисунке. Укажите аналитическое задание этой функции.</p> 	$y = \begin{cases} \frac{x+5}{3}, & 1 \leq x < 4 \\ 3, & 4 \leq x \leq 6 \end{cases}$
	$y = \begin{cases} -\frac{x+5}{3}, & 1 \leq x < 4 \\ 3, & 4 \leq x \leq 6 \end{cases}$
	$y = \begin{cases} x^2, & 1 \leq x < 4 \\ 3, & 4 \leq x \leq 6 \end{cases}$
	$y = \begin{cases} -x^2, & 1 \leq x < 4 \\ 3, & 4 \leq x \leq 6 \end{cases}$

16.

<p>Известны полярные координаты точки <math>A\left(2, \frac{3\pi}{4}\right)</math>. Укажите её декартовы координаты.</p>	$A(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$
	$A(\sqrt{2}, -\sqrt{2})$
	$A(\sqrt{2}, \sqrt{2})$
	$A(-\sqrt{2}, -\sqrt{2})$

17.

<p>Найти длину отрезка, отсекаемого от оси <math>OZ</math> прямой</p> $\begin{cases} x = 2t + 4, \\ y = t + 2, \\ z = t - 1 \end{cases}$	1
	2
	3
	4

18.

<p>Какой геометрический образ определяет уравнение <math>(x-2)^2 + (y+1)^2 + z^2 = 4</math> в пространстве?</p>	Цилиндрическая поверхность
	Плоскость
	Сфера
	Коническая поверхность

19.

<p>Найдите <math>z</math>, если <math>z = \frac{z_2}{z_1}</math>, <math> z_1  = 2</math>, <math>\arg z_1 = -\frac{\pi}{3}</math>, <math> z_2  = 6</math>, <math>\arg z_2 = \frac{2\pi}{3}</math>.</p>	-3
	$2i$
	0
	$\frac{\sqrt{3}}{3}i$

20.

<p>Дана функция <math>f(t) = 5e^{2it}</math>. Найдите <math> f(t) </math>.</p>	2
	5
	10
	$2i$



### 14.1.2. Экзаменационные вопросы

1. Матрицы размера  $m \times n$ . Трапецидальные, квадратные, симметричные, треугольные, диагональные, единичные матрицы. Операции над матрицами.
2. Определитель порядка  $n$ . Вычисление определителей порядка 2, порядка 3, определителей треугольных матриц. Свойства определителей. Вычисление определителя порядка  $n$  методом разложения по элементам строки (столбца).
3. Обратная матрица. Матричные уравнения.
4. Линейные пространства, подпространства. Примеры линейных пространств. Арифметические пространства. Линейно зависимые/независимые системы векторов (функций).
5. Размерность линейных пространств. Базис  $n$ -мерного линейного пространства. Координаты вектора в линейном пространстве. Сведение операций над векторами к операциям над их координатами.
6. Минор порядка  $m$  прямоугольной матрицы  $A$ . Ранг матрицы, базисный минор, базисные строки и столбцы матрицы. Теорема о базисном миноре, её применение.
7. Практический способ отыскания ранга матрицы. Преобразования матрицы, не меняющие её ранга.
8. Евклидово пространство. Ортогональные векторы. Ортогональные матрицы. Связь ортогональности с линейной зависимостью/независимостью систем векторов.
9. Системы линейных алгебраических уравнений. Запись системы в матричной форме. Понятие решения системы. Совместные, несовместные, определенные и неопределенные системы. Совместность произвольной системы линейных уравнений. Как выяснить, что система является определенной или неопределенной?
10. Характеристика и решение определённых систем.
11. Характеристика и решение неопределённых систем.
12. Однородные СЛАУ. Особые свойства таких систем. Характеристика и решение однородных СЛАУ.
13. Правая декартова система координат на плоскости, в пространстве. Геометрический вектор, его координаты. Радиус-вектор точки, координаты точки. Орт вектора. Направляющие косинусы вектора.
14. Равные векторы. Как построить свободный вектор  $\mathbf{a}$ , приняв за его начало точку  $A$ ? Операции сложения геометрических векторов и умножения геометрического вектора на число. Как найти координаты середины отрезка, если известны координаты его концов?
15. Как построить проекцию точки на ось и проекцию вектора на ось на плоскости и в пространстве? Как вычислить проекцию вектора  $\mathbf{a}$  на ось, определяемую вектором  $\mathbf{b}$ ?
16. Скалярное произведение геометрических векторов, его вычисление и его свойства. Применение скалярного произведения.

17. Векторное произведение геометрических векторов, его вычисление и его свойства. Геометрический смысл модуля векторного произведения.
18. Кривые на плоскости. Какие геометрические образы на плоскости определяет уравнение  $F(x, y) = 0$ ? Назовите кривые, которые Вам известны и запишите их уравнения.
19. Уравнения прямой на плоскости в декартовой системе координат. Неполные уравнения прямых. Особенности расположения прямых, заданных неполными уравнениями.
20. Криволинейные координаты, преобразования координат. Полярная система координат.
21. Способы задания кривой в пространстве. Уравнения прямой в пространстве.
22. Поверхности в трёхмерном пространстве. Какие геометрические образы определяет уравнение  $F(x, y, z) = 0$ ? Назовите поверхности, которые Вам известны и опишите их уравнения.
23. Уравнения плоскости в декартовой системе координат. Неполные уравнения плоскостей. Особенности расположения плоскостей, заданных неполными уравнениями.
24. Цилиндрическая и сферическая системы координат.
25. Понятие функции  $f : D_f \subseteq R_n \rightarrow E_f \subseteq R_m$ . Область определения и область значений функции при различных значениях  $m$  и  $n$  (на примере  $m = 1, 2, 3$  и  $n = 1, 2, 3$ ). Понятие графика функции.
26. Линейный оператор  $A : R_n \rightarrow R_n$ . Матрица линейного оператора  $A : R_n \rightarrow R_n$ . Как найти координаты вектора  $A[\mathbf{x}]$ , зная матрицу оператора  $A : R_n \rightarrow R_n$ ? Композиция двух линейных операторов.
27. Собственные числа и собственные векторы линейного оператора. Процесс отыскания собственных чисел и собственных векторов.
28. Общий и канонический вид квадратичной формы при  $n = 2, n = 3$ . Матрица квадратичной формы.
29. Линейная форма. Линейное уравнение (общий вид,  $n = 2, n = 3$ ). Какие геометрические образы оно определяет?
30. Мнимые числа. Множество комплексных чисел. Формы представления комплексных чисел. Геометрическая интерпретация.
31. Арифметические операции над комплексными числами.
32. Приведите примеры кривых и областей (фигур) на комплексной плоскости. Окружности на комплексной плоскости.
33. Разложение на множители многочлена степени  $n$  с вещественными коэффициентами. Характеристика корней этого многочлена.
34. Операции  $z^n, \sqrt[n]{z}, e^z, \sin z, \cos z, \operatorname{sh} z, \operatorname{ch} z$  для комплексных  $z$ .  $\sin(ix), \cos(ix)$  для действительных  $x$ .
35. Символ  $\infty$  на комплексной плоскости. Ограниченные, неограниченные множества в  $\mathbb{C}$ .
36. Функции комплексной переменной  $z$ . Представление функции комплексной переменной в алгебраической и показательной формах.

### **14.1.3. Темы индивидуальных заданий**

Полярная система координат.

Линейные и квадратичные формы. Кривые второго порядка.

### **14.1.4. Темы коллоквиумов**

Коллоквиум проводится по экзаменационным вопросам.

### **14.1.5. Темы контрольных работ**

Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений

Алгебра геометрических векторов. Прямая на плоскости. Прямая в пространстве.

Линейный оператор. Собственные векторы и собственные числа линейного оператора.

Комплексные числа. Функции комплексного переменного

### **14.1.6. Темы (вопросы) для самостоятельного изучения**

Свойства определителей.

Матричные уравнения.

Определения линейного пространства, подпространства, арифметического пространства.

Следствия теоремы о базисном миноре.

Алгебра геометрических векторов.

Прямая.

Плоскость.

Кривые второго порядка.

Разложение на множители многочлена степени  $n$  с вещественными коэффициентами.

Характеристика корней многочлена.

### **14.1.7. Темы опросов на занятиях**

Опрос на занятиях проводится по экзаменационным вопросам.

### **14.1.8. Методические рекомендации**

Оценка степени сформированности указанной в данной рабочей программе компетенции осуществляется как в рамках промежуточной, так и текущей аттестации, в том числе:

- При проведении практических занятий путём опроса по теме занятия,
- При выполнении контрольных работ.
- При ответе на вопросы на коллоквиуме.
- В отчёте по индивидуальному заданию.
- При выполнении теста.
- При сдаче экзамена,

Балльные оценки для элементов контроля, указанные в п.11.1 выставляются согласно следующим показателям и критериям:

- Высокий уровень сформированности (отлично) оценивается от 90% до 100% указанных баллов. Требуется правильное выполнение всех заданий, полные ответы на все предложенные вопросы с чётким обоснованием.
- Базовый уровень сформированности (хорошо) оценивается 70% до 90% указанных баллов. Требуется выполнение большинства заданий, достаточно полные ответы на большинство предложенных вопросов с приемлемым обоснованием.
- Пороговый уровень сформированности (удовлетворительно) оценивается от 60% до 70% указанных баллов. Требуется выполнение нескольких заданий, ответы на несколько предложенных вопросов на уровне понятий, обозначений и примеров.

Тестирование проводится как на лекционных, так и на практических занятиях по всем разделам курса.

## **14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

### 14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.