

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»
(ТУСУР)



УТВЕРЖДАЮ

Директор департамента образования

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1сбсfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Вычислительная математика

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**

Направленность (профиль) / специализация: **Автоматизированное управление бизнес-процессами и финансами**

Форма обучения: **очная**

Факультет: **ФВС, Факультет вычислительных систем**

Кафедра: **ЭМИС, Кафедра экономической математики, информатики и статистики**

Курс: **3**

Семестр: **6**

Учебный план набора 2016 года

Распределение рабочего времени

| № | Виды учебной деятельности | 6 семестр | Всего | Единицы |
|---|---------------------------|-----------|-------|---------|
| 1 | Практические занятия | 102 | 102 | часов |
| 2 | Всего аудиторных занятий | 102 | 102 | часов |
| 3 | Самостоятельная работа | 114 | 114 | часов |
| 4 | Всего (без экзамена) | 216 | 216 | часов |
| 5 | Общая трудоемкость | 216 | 216 | часов |
| | | 6.0 | 6.0 | 3.Е. |

Дифференцированный зачет: 6 семестр

Томск 2018

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утвержденного 12.01.2016 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ЭМИС «__» _____ 20__ года, протокол № _____.

Разработчик:

Профессор каф. ЭМИС _____ В. И. Смагин

Заведующий обеспечивающей каф.
ЭМИС

_____ И. Г. Боровской

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФВС _____ Л. А. Козлова

Заведующий выпускающей каф.
ЭМИС

_____ И. Г. Боровской

Эксперты:

Профессор каф. ЭМИС _____ С. И. Колесникова

Доцент каф. ЭМИС _____ Е. А. Шельмина

1. Цели и задачи дисциплины

1.1. Цели дисциплины

Целью освоения дисциплины «Вычислительная математика» является развитие способности к самоорганизации и самообразованию и изучение теории погрешностей, методов аппроксимации, численного дифференцирования и интегрирования, методов решения задач линейной алгебры и методов численного решения систем дифференциальных уравнений.

1.2. Задачи дисциплины

– Задача курса – научить студентов решать задачи вычислительной математики с использованием анализа погрешностей, научить выбирать эффективные численные методы и дать студентам навыки обосновывать принимаемые решения и навыки применения численных методов для решения практических задач с использованием ЭВМ.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Вычислительная математика» (Б1.В.ДВ.2.1) относится к блоку 1 (вариативная часть).

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Информатика, Математика.

Последующими дисциплинами являются: Аналитические методы проектирования.

3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- ОК-7 Способность к самоорганизации и самообразованию.;
- ПК-3 Способность обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности.;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

- **знать** терминологию, основные понятия и определения вычислительной математики; - и применять на практике методы вычислительной математики.
- **уметь** правильно выбирать методы вычислительной математики для решения конкретной задачи; - решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры.
- **владеть** навыками решения задач с использованием методов вычислительной математики, обладать способностью к самоорганизации и самообразованию.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

| Виды учебной деятельности | Всего часов | Семестры |
|---|-------------|-----------|
| | | 6 семестр |
| Аудиторные занятия (всего) | 102 | 102 |
| Практические занятия | 102 | 102 |
| Самостоятельная работа (всего) | 114 | 114 |
| Проработка лекционного материала | 40 | 40 |
| Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 74 | 74 |
| Всего (без экзамена) | 216 | 216 |
| Общая трудоемкость, ч | 216 | 216 |
| Зачетные Единицы | 6.0 | 6.0 |

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

| Названия разделов дисциплины | Прак. зан., ч | Сам. раб., ч | Всего часов (без экзамена) | Формируемые компетенции |
|---|---------------|--------------|-------------------------------|-------------------------|
| 6 семестр | | | | |
| 1 Введение. Предмет вычислительной математики. | 10 | 10 | 20 | ОК-7 |
| 2 Вычислительные погрешности. | 12 | 30 | 42 | ОК-7, ПК-3 |
| 3 Приближение функций. Численное дифференцирование. | 24 | 34 | 58 | ОК-7, ПК-3 |
| 4 Численное интегрирование. | 16 | 8 | 24 | ОК-7, ПК-3 |
| 5 Решение нелинейных уравнений. | 12 | 6 | 18 | ОК-7, ПК-3 |
| 6 Численные методы линейной алгебры. Метод Гаусса решения линейных уравнений. | 14 | 10 | 24 | ОК-7, ПК-3 |
| 7 Численное решение дифференциальных уравнений. | 14 | 16 | 30 | ОК-7, ПК-3 |
| Итого за семестр | 102 | 114 | 216 | |
| Итого | 102 | 114 | 216 | |

5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Не предусмотрено РУП.

5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

| Наименование дисциплин | № разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин | | | | | | |
|---------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Предшествующие дисциплины | | | | | | | |
| 1 Информатика | | | + | + | + | + | + |
| 2 Математика | + | + | + | + | + | + | + |
| Последующие дисциплины | | | | | | | |
| 1 Аналитические методы проектирования | + | + | + | + | + | + | + |

5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

| Компетенции | Виды занятий | | Формы контроля |
|-------------|--------------|-----------|--|
| | Прак. зан. | Сам. раб. | |
| ОК-7 | + | + | Собеседование, Опрос на занятиях, Тест, Отчет по практическому занятию |
| ПК-3 | + | + | Собеседование, Опрос на занятиях, Тест, Отчет по практическому занятию |

6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

| Названия разделов | Наименование практических занятий (семинаров) | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции |
|---|---|--------------------|----------------------------|
| 6 семестр | | | |
| 1 Введение. Предмет вычислительной математики. | Алгоритмизация вычислительных процессов с использованием интегрированного пакета прикладных программ Scilab на простейших примерах. | 10 | ОК-7 |
| | Итого | 10 | |
| 2 Вычислительные погрешности. | Анализ погрешностей вычислений. | 12 | ОК-7, ПК-3 |
| | Итого | 12 | |
| 3 Приближение функций. Численное дифференцирование. | Метод наименьших квадратов. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Интерполяционный многочлен Ньютона. Схема Эйткена. Сплаины 1-го, 2-го и 3-го порядка. Минимизация погрешностей. Методы интерполирования при равноотстоящих узлах. Численное дифференцирование. | 24 | ОК-7, ПК-3 |
| | Итого | 24 | |
| 4 Численное интегрирование. | Простейшие формулы Ньютона-Котеса. Формулы наивысшей степени точности. | 16 | ОК-7, ПК-3 |
| | Итого | 16 | |
| 5 Решение нелинейных | Метод простой итерации. Метод Ньютона. | 12 | ОК-7, ПК- |

| | | | |
|---|--|-----|------------|
| уравнений. | Итого | 12 | 3 |
| 6 Численные методы линейной алгебры. Метод Гаусса решения линейных уравнений. | Метод Гаусса. Метода Данилевского. | 14 | ОК-7, ПК-3 |
| | Итого | 14 | |
| 7 Численное решение дифференциальных уравнений. | Численное решение дифференциальных уравнений методом Рунге-Кутты. Краевая задача | 14 | ОК-7 |
| | Итого | 14 | |
| Итого за семестр | | 102 | |

9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

| Названия разделов | Виды самостоятельной работы | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции | Формы контроля |
|---|---|-----------------|-------------------------|--|
| 6 семестр | | | | |
| 1 Введение. Предмет вычислительной математики. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 6 | ОК-7 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 4 | | |
| | Итого | 10 | | |
| 2 Вычислительные погрешности. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 18 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 12 | | |
| | Итого | 30 | | |
| 3 Приближение функций. Численное дифференцирование. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 24 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 10 | | |
| | Итого | 34 | | |
| 4 Численное интегрирование. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 4 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 4 | | |
| | Итого | 8 | | |

| | | | | |
|---|---|-----|------------|--|
| 5 Решение нелинейных уравнений. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 4 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 2 | | |
| | Итого | 6 | | |
| 6 Численные методы линейной алгебры. Метод Гаусса решения линейных уравнений. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 6 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 4 | | |
| | Итого | 10 | | |
| 7 Численное решение дифференциальных уравнений. | Подготовка к практическим занятиям, семинарам | 12 | ОК-7, ПК-3 | Опрос на занятиях, Отчет по практическому занятию, Собеседование, Тест |
| | Проработка лекционного материала | 4 | | |
| | Итого | 16 | | |
| Итого за семестр | | 114 | | |
| Итого | | 114 | | |

10. Курсовая работа (проект)

Не предусмотрено РУП.

11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

11.1. Балльные оценки для элементов контроля

Таблица 11.1 – Балльные оценки для элементов контроля

| Элементы учебной деятельности | Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра | Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ | Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра | Всего за семестр |
|--------------------------------|--|---|---|------------------|
| 6 семестр | | | | |
| Опрос на занятиях | 8 | 10 | 10 | 28 |
| Отчет по практическому занятию | 6 | 6 | 6 | 18 |
| Собеседование | 8 | 8 | 8 | 24 |
| Тест | 10 | 10 | 10 | 30 |
| Итого максимум за период | 32 | 34 | 34 | 100 |
| Нарастающим итогом | 32 | 66 | 100 | 100 |

11.2. Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Пересчет баллов в оценки за контрольные точки представлен в таблице 11.2.

Таблица 11.2 – Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

| Баллы на дату контрольной точки | Оценка |
|---|--------|
| $\geq 90\%$ от максимальной суммы баллов на дату КТ | 5 |
| От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ | 4 |

| | |
|---|---|
| От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ | 3 |
| < 60% от максимальной суммы баллов на дату КТ | 2 |

11.3. Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку представлен в таблице 11.3.

Таблица 11.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

| Оценка (ГОС) | Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен | Оценка (ECTS) |
|--------------------------------------|--|-------------------------|
| 5 (отлично) (зачтено) | 90 - 100 | A (отлично) |
| 4 (хорошо) (зачтено) | 85 - 89 | B (очень хорошо) |
| | 75 - 84 | C (хорошо) |
| | 70 - 74 | D (удовлетворительно) |
| 65 - 69 | | |
| 3 (удовлетворительно) (зачтено) | 60 - 64 | E (посредственно) |
| 2 (неудовлетворительно) (не зачтено) | Ниже 60 баллов | F (неудовлетворительно) |

12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

12.1. Основная литература

1. Киреев, В.И. Пантелеев, А.В. Численные методы в примерах и задачах. Лань, - 2015. 448 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/view/book/65043>, дата обращения: 11.06.2018.
2. Смагин, В.И. Вычислительная математика: Учебное пособие / Смагин В. И. - 2018. 117 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7391>, дата обращения: 11.06.2018.
3. Смагин, В.И. Вычислительная математика. Часть 2: Учебное пособие / Смагин В. И. - 2018. 130 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7649>, дата обращения: 11.06.2018.

12.2. Дополнительная литература

1. Смагин, В.И. Matlab и система Simulink. Учебное пособие. Томск: ТУСУР, - 2006. 123с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 45 экз.)

12.3. Учебно-методические пособия

12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Смагин, В.И. Вычислительная математика: Учебно-методическое пособие для выполнения практических занятий и проведения самостоятельной работы / Смагин В. И. - 2018. 56 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/7667>, дата обращения: 11.06.2018.

12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;

- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Образовательный математический сайт (<https://exponenta.ru/>).
2. Консультационный центр Matlab (<https://matlab.ru/>).

13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение

13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины

13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий

Лаборатория ГПО / «Лаборатория подготовки разработчиков бизнес-приложений»

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 425 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- ПЭВМ (Intel Pentium G3220, 3 G, 4 Gb RAM) (12 шт.);
- Плазменный телевизор;
- Магнито-маркерная доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- 7-Zip
- Google Chrome
- OpenOffice
- Scilab

13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеомониторов для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

14.1.1. Тестовые задания

1

| | |
|---|--|
| Укажите чем обусловлена погрешность метода: | Неточностью исходных данных; |
| | Заменой исходной задачи на аппроксимирующую; |
| | Ограниченностью разрядной сетки; |
| | Быстродействием компьютера; |
| | Неточностью исходных данных. |

2

| | |
|---|--|
| Укажите чем обусловлена неустранимая погрешность: | Неточностью исходных данных; |
| | Заменой исходной задачи на аппроксимирующую; |
| | Ограниченностью разрядной сетки; |
| | Быстродействием компьютера. |

3

| | |
|---|--|
| Укажите чем обусловлена погрешность округления: | Неточностью исходных данных; |
| | Заменой исходной задачи на аппроксимирующую; |
| | Ограниченностью разрядной сетки; |
| | Ограниченностью объема оперативной памяти; |

4

| | |
|---|--------|
| Укажите правильно записанное число с верными знаками (в узком смысле) $x = 0,17572$, если оно задано с погрешностью $\Delta = 0,00048$: | 0,176; |
| | 0,175; |
| | 0,18; |
| | 0,17. |

5

| | |
|--|-----------|
| Укажите правильно записанное число с верными знаками (в узком смысле) $x = 0,00966552$, если оно задано с погрешностью $\Delta = 0,0000031$: | 0,00967; |
| | 0,0097; |
| | 0,00966; |
| | 0,009666. |

6

| | |
|--|----------|
| Укажите правильно записанное число с верными знаками (в узком смысле) $x = 7,09712$, если оно задано с погрешностью $\Delta = 0,000345$: | 7,0971; |
| | 7,09712; |
| | 7,1000; |
| | 7,097. |

7

| | |
|--|--|
| Укажите правильную формулу для абсолютной погрешности функции многих переменных $y = f(x_1, \dots, x_n)$ (Δx_i - абсолютная погрешность аргументов) | $\Delta y \approx \sum_{i=1}^n \left \frac{\partial f(\xi_1, \dots, \xi_n)}{\partial x_i} \right \Delta x_i ;$ |
| | $\Delta y \approx \sum_{i=1}^n \left \frac{\partial f(x_1, \dots, x_n)}{\partial x_i} \right \Delta x_i ;$ |
| | $\Delta y \approx \sum_{i=1}^n \frac{\partial f(x_1, \dots, x_n)}{\partial x_i} \Delta x_i .$ |
| | $\Delta y \approx \sum_{i=1}^n \left \frac{\partial f(x_1, \dots, x_n)}{\partial x_i} \right \delta x_i .$ |

8

| | |
|---|--------------------------------------|
| Укажите, какому неравенству удовлетворяет правильная конечная разность $\Delta^j y$ j -го порядка, если ε - абсолютная погрешность табличного значения функции: | $\Delta^j y \leq 2^\varepsilon ;$ |
| | $\Delta^j y > 2^{j+1} \varepsilon ;$ |
| | $\Delta^j y \leq 2^j \varepsilon ;$ |
| | $\Delta^j y < 2^{j+1} \varepsilon .$ |

9

| | |
|---|-------------------------------------|
| Укажите, как определяется многочлен Чебышева степени n на интервале $[-1, 1]$: | $\cos(n \arcsin(x)) ;$ |
| | $\cos(n \arccos(x)) ;$ |
| | $\sin(n \arcsin(x)) ;$ |
| | $\cos(n \operatorname{arctg}(x)) .$ |

10

| | |
|--|---|
| Укажите правильное выражение погрешности метода для многочлена Лагранжа степени n $(M_n = \max_{x \in [a, b]} f^{(n)}(x) ,$ $\omega(x) = (x - x_0)(x - x_1) \cdots (x - x_n)):$ | $\Delta_M = \frac{M_n}{n} \omega(x) ;$ |
| | $\Delta_M = \frac{M_n}{n!} \omega(x) ;$ |
| | $\Delta_M = \frac{M_{n+1}}{(n+1)!} \omega(x) ;$ |

| | |
|--|--|
| | $\Delta_M = \frac{M_{n+1}}{(n+1)!} \omega(x) .$ |
|--|--|

11

| | |
|--|--|
| Укажите правильные варианты использования многочленов Чебышева при построении интерполирующих функций: | В качестве базисных функций при построении аппроксимирующей функции и для уменьшения погрешности метода; |
| | Используются для уменьшения неустранимой погрешности; |
| | Используются для уменьшения погрешности колебаний; |
| | Используются для уменьшения погрешности округления. |

12

| | |
|---|---|
| Укажите правильный вариант определения степени сплайна: | Минимальная по всем частичным отрезкам степень многочлена; |
| | Минимальный порядок непрерывной на всем интервале производной; |
| | Максимальная по всем частичным отрезкам степень многочлена; |
| | Максимальный порядок непрерывной на всем интервале производной; |

13

| | |
|---|---|
| Укажите правильный вариант определения дефекта сплайна: | Максимальная по всем частичным отрезкам степень многочлена; |
| | Минимальная по всем частичным отрезкам степень многочлена; |
| | Максимальный порядок непрерывной на всем интервале производной; |
| | Разность чисел, соответствующим пунктам 1 и 3; |

14

| | |
|---|--|
| Укажите квадратурную формулу трапеций для вычисления определенного интеграла: | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{6}(f(a) + 4f(\frac{a+b}{2}) + f(b))$ |
| | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{2}(f(a) + f(b))$ |
| | $\int_a^b f(x)dx = (b-a)f(\frac{a+b}{2})$ |
| | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{4}(f(a) + f(b))$ |

15

| | |
|---|--|
| Укажите квадратурную формулу Симпсона (парабол) для вычисления определенного интеграла: | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{6}(f(a) + 4f(\frac{a+b}{2}) + f(b))$ |
| | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{2}(f(a) + f(b))$ |

| | |
|--|--|
| | $\int_a^b f(x)dx = (b-a)f\left(\frac{a+b}{2}\right)$ |
| | $\int_a^b f(x)dx = \frac{(b-a)}{8}(f(a) + 6f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b)).$ |

16

| | |
|---|---|
| Корень нелинейного уравнения вида $x = \varphi(x)$ или $f(x) = x - \varphi(x) = 0$ вычисляется методом Ньютона, укажите правильную запись этого метода: | $x_{n+1} = \varphi(x_n);$ |
| | $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$ |
| | $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)(x_n - x_{n-1})}{f(x_n) - f(x_{n-1})}$ |
| | $x_{n+1} = x_n \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}.$ |

17

| | |
|--|---|
| Корень нелинейного уравнения вида $x = \varphi(x)$ или $f(x) = x - \varphi(x) = 0$ вычисляется методом простой итерации, укажите правильную запись этого метода: | $x_{n+1} = \varphi(x_n)$ |
| | $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$ |
| | $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)(x_n - x_{n-1})}{f(x_n) - f(x_{n-1})}$ |
| | $x_{n+1} = x_n \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}.$ |

18

| | |
|--|--|
| Укажите правильный вариант метода Эйлера для решения дифференциального уравнения вида $y' = f(x, y), y(x_0) = y_0$: | 1) $y_{k+1} = y_k + hf(x_k, y_k),$ где $x_i = x_0 + ih, h > 0$ - шаг, $i = 0, 1, 2, 3, \dots;$ |
| | $y_{k+1} = y_k + \frac{h}{2} f(x_k, y_k),$ где $x_i = x_0 + ih, h > 0$ - шаг, $i = 0, 1, 2, 3, \dots;$ |
| | $y_{k+1} = y_k + 2hf(x_k, y_k),$ где $x_i = x_0 + ih, h > 0$ - шаг, $i = 0, 1, 2, 3, \dots.$ |
| | $y_{k+1} = y_k - 4hf(x_k, y_k),$ где $x_i = x_0 + ih, h > 0$ - шаг, $i = 0, 1, 2, 3, \dots.$ |

19

| | |
|--|-----------------|
| Укажите, какая схема в методе сеток численного решения дифференциального уравнения теплопроводности $\frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$ использует метод прогонки: | явная; |
| | вырожденная; |
| | невыврожденная; |
| | неявная. |

20

| | |
|---|------------------|
| Укажите тип дифференциального уравнения в частных производных | гиперболический; |
| | колебательный; |
| | параболический; |

| | |
|---|----------------|
| $A \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + B \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + C \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} + a \frac{\partial z}{\partial x} + b \frac{\partial z}{\partial y} + cz = F(x, y),$ <p>если $\Delta = B^2 - 4AC = 0$:</p> | эллиптический; |
|---|----------------|

14.1.2. Темы опросов на занятиях

1. Обратная задача теории погрешностей. Погрешность числа, заданного с верными знаками.
2. Погрешность элементарных вычислительных операций.
3. Многочлен Лагранжа.
4. Схема Эйткена.
5. Многочлены Чебышева.
6. Приближение функций сплайнами.
7. Вычисление производных с использованием интерполяционных многочленов.
8. Формулы прямоугольников.
9. Формула трапеций.
10. Формула Симпсона.

14.1.3. Вопросы на собеседование

- Неустраняемая погрешность.
- Погрешность метода.
- Погрешность округления.
- Интерполирования при равноотстоящих узлах.
- Простейшие формулы Ньютона-Котеса.
- Метод простой итерации.
- Метод Ньютона.
- Метод Эйлера.

14.1.4. Вопросы для подготовки к практическим занятиям, семинарам

- Интерполяционный многочлен Лагранжа.
- Анализ погрешностей при интерполировании.
- Численное дифференцирование.
- Приближение функций сплайнами.
- Методы решения нелинейных уравнений.
- Метод Рунге-Кутты. Метод Эйлера.

14.1.5. Вопросы дифференцированного зачета

1. Роль компьютера в исследовании сложных математических моделей. Диалоговый режим в вычислительном эксперименте. Математические программные системы.
3. Источники и классификация погрешностей. Относительная и абсолютная погрешности.
4. Обратная задача теории погрешностей. Погрешность числа, заданного с верными знаками.
5. Погрешность элементарных вычислительных операций.
6. Многочлен Лагранжа.
7. Схема Эйткена.
8. Многочлены Чебышева.
9. Приближение функций сплайнами
10. Метод МНК.
11. Вычисление производных с использованием интерполяционных многочленов.
12. Простейшие формулы Ньютона-Котеса.
13. Метод простой итерации решения уравнений.
14. Метод Ньютона.
15. Решение систем линейных уравнений. Метод Гаусса, выбор главного элемента.
16. Вычисление определителей, вычисление обратной матрицы.
17. Метод Эйлера.
18. Модифицированный метод Эйлера.

19. Метод Рунге-Кутта.
20. Краевые задачи.

14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

| Категории обучающихся | Виды дополнительных оценочных материалов | Формы контроля и оценки результатов обучения |
|---|---|---|
| С нарушениями слуха | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы | Преимущественно письменная проверка |
| С нарушениями зрения | Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам | Преимущественно устная проверка (индивидуально) |
| С нарушениями опорно-двигательного аппарата | Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету | Преимущественно дистанционными методами |
| С ограничениями по общемедицинским показаниям | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы | Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки |

14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.