МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»
(ТУСУР)

УТВЕРЖДАЮ
Директор департамента образования
_____ П. Е. Троян
«___» _____ 20__ г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Теория вероятности и математическая статистика

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**
Направление подготовки / специальность: **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**
Направленность (профиль) / специализация: **Программное обеспечение автоматизированных систем**
Форма обучения: **заочная**
Факультет: **ЗиВФ, Заочный и вечерний факультет**
Кафедра: **ЭМИС, Кафедра экономической математики, информатики и статистики**
Курс: **3**
Семестр: **5, 6**
Учебный план набора 2017 года

Распределение рабочего времени

№	Виды учебной деятельности	5 семестр	6 семестр	Всего	Единицы
1	Лекции	2	6	8	часов
2	Практические занятия	2	8	10	часов
3	Всего аудиторных занятий	4	14	18	часов
4	Самостоятельная работа	0	153	153	часов
5	Всего (без экзамена)	4	167	171	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	0	9	9	часов
7	Общая трудоемкость	4	176	180	часов
				5.0	З.Е.

Контрольные работы: 6 семестр - 1
Экзамен: 6 семестр

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Шелупанов А.А.
Должность: Ректор
Дата подписания: 23.08.2017
Уникальный программный ключ:
c53e145e-8b20-45aa-9347-a5e4dbb90e8d

Томск 2018

Согласована на портале № 30149

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры
протокол № 11 от «21» 5 2018 г.

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утвержденного 12.01.2016 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ЭМИС «___» _____ 20__ года, протокол №_____.

Разработчик:

профессор кафедра экономической математики, информатики и статистики, ФВС, ТУСУР	_____	С. И. Колесникова
Заведующий обеспечивающей каф. ЭМИС	_____	И. Г. Боровской

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ЗиВФ	_____	И. В. Осипов
Заведующий выпускающей каф. ЭМИС	_____	И. Г. Боровской

Эксперты:

Заведующий кафедрой экономической математики, информатики и статистики (ЭМИС)	_____	И. Г. Боровской
Доцент кафедры экономической математики, информатики и статистики (ЭМИС)	_____	Е. А. Шельмина

Согласована на портале № 30149

1. Цели и задачи дисциплины

1.1. Цели дисциплины

- знакомство с основными достижениями о процессе построения и анализа математических моделей реальных процессов и явлений, учитывающих случайные факторы со статистически устойчивыми свойствами;
- усвоение фундаментальных понятий теории вероятностей и математической статистики;
- овладение способностью к самоорганизации и самообразованию;
- развитие способности решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности.

1.2. Задачи дисциплины

– 1) Освоить основной понятийный аппарат теории вероятностей и математической статистики.

– 2) Усвоить условия корректного применения методов теории вероятностей и математической статистики.

– 3) Овладеть способами решения простых вероятностных задач.

– 4) Усвоить основные модели и соответствующие программные средства обработки статистического материала.

– 5) Овладеть основными методами математической статистики для решения профессиональных задач.

–

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория вероятности и математическая статистика» (Б1.Б.18) относится к блоку 1 (базовая часть).

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Математика.

Последующими дисциплинами являются: Теория систем и системный анализ, Финансовая математика.

3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

– ОК-7 Способность к самоорганизации и самообразованию.;

– ОПК-5 Способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности.;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

– **знать** о основные понятия теории вероятности: аксиоматика теории вероятности, случайные события и основные теоремы теории вероятности; о методы описания и определения одно- и многомерных случайных величин; о предельные теоремы теории вероятности.

– **уметь** о вычислять вероятности случайных событий; о находить числовые характеристики случайных величин; о решать прикладные задачи на основе методов теории вероятности и математической статистики.

– **владеть** о методами решения вероятностных задач; о основными операциями над событиями и комбинаторными методами вычисления вероятности событий; о методами определения вероятностей сложных событий; о методами определения числовых характеристик случайных величин и функций от случайных величин; о методами точечного и интервального оценивания; о методами мышления: логическим, комбинаторно-вероятностным.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Согласована на портале № 30149

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры	
		5 семестр	6 семестр
Аудиторные занятия (всего)	18	4	14
Лекции	8	2	6
Практические занятия	10	2	8
Самостоятельная работа (всего)	153		153
Подготовка к контрольным работам	103		103
Проработка лекционного материала	50		50
Всего (без экзамена)	171	4	167
Подготовка и сдача экзамена	9		9
Общая трудоемкость, ч	180	4	176
Зачетные Единицы	5.0		

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	Лек., ч	Прак. зан., ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
5 семестр					
1 Основы теории вероятностей. Случайные события. Случайные величины. Распределение вероятностей	2	2	0	4	ОК-7, ОПК-5
Итого за семестр	2	2	0	4	
6 семестр					
2 Основные понятия математической статистики	6	8	153	167	ОК-7, ОПК-5
Итого за семестр	6	8	153	167	
Итого	8	10	153	171	

5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Содержание разделов дисциплин (по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (по лекциям)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины по лекциям	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
5 семестр			
1 Основы теории вероятностей.	Сущность и условия применимости теории вероятностей. Употребление вероятностных методов в	2	ОК-7, ОПК-5

Согласована на портале № 30149

Случайные события. Случайные величины. Распределение вероятностей	науке. Условия применимости вероятностных моделей. Основные понятия теории вероятностей.- Случайные события и способы их описания. Различные подходы к математической формализации случайности и вероятности. Основные моменты истории развития теории вероятностей. Аксиоматика А.Н.Колмогорова. Вероятностное пространство.Примеры вероятностных пространств. Конечные вероятностные пространства, алгебры событий, классическое определение вероятности. Условная вероятность. Независимость событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые испытания Бернулли. Предельные теоремы. Вероятность отклонения частоты от постоянной вероятности в серии испытаний.Случайные величины. Функции распределения случайных величин. Математическое ожидание, дисперсия, ковариация Закон распределения вероятностей для функций от известных случайных величин. Случайные величины, связанные с испытаниями Бернулли. Биномиальное и геометрическое распределения.Плотность распределения. Моменты случайных величин. Независимость случайных величин. Непрерывные распределения: нормальное, показательное, равномерное.Неравенство Чебышева. Закон больших чисел и его следствие. Центральная предельная теорема. Решения задач на применение ЦПТ.		
	Итого	2	
Итого за семестр		2	
6 семестр			
2 Основные понятия математической статистики	Элементы статистики. Точечные и интервальные оценки. Метод МНК и его применение.	6	ОК-7, ОПК-5
	Итого	6	
Итого за семестр		6	
Итого		8	

5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин	
	1	2
Предшествующие дисциплины		
1 Математика	+	+

Согласована на портале № 30149

Последующие дисциплины		
1 Теория систем и системный анализ		+
2 Финансовая математика		+

5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	Лек.	Прак. зан.	Сам. раб.	
ОК-7	+	+	+	Контрольная работа, Отчет по индивидуальному заданию, Экзамен, Тест
ОПК-5	+	+	+	Контрольная работа, Отчет по индивидуальному заданию, Экзамен, Тест

6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

Названия разделов	Наименование практических занятий (семинаров)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
5 семестр			
1 Основы теории вероятностей. Случайные события. Случайные величины. Распределение вероятностей	Операции над событиями. Произведение и сумма событий. Типы событий. Классическое определение вероятности, Классическое определение вероятности; геометрическое определение вероятности. Вероятность, аксиомы вероятности, конечномерные вероятностные пространства. Элементы комбинаторики. Основные теоремы теории вероятностей. Условные вероятности. Независимость событий. Формулы полной вероятности и Байеса. Схема независимых испытаний. Формулы Бернулли.	2	ОК-7, ОПК-5
	Итого	2	
Итого за семестр		2	
6 семестр			
2 Основные понятия	Основы математической статистики. Расчет точеч-	8	ОК-7,

Согласована на портале № 30149

математической статистики	ных и интервальных оценок. Применение МНК для выбора "лучшей" модели.		ОПК-5
	Итого	8	
Итого за семестр		8	
Итого		10	

9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
6 семестр				
2 Основные понятия математической статистики	Проработка лекционного материала	50	ОК-7, ОПК-5	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	103		
	Итого	153		
Итого за семестр		153		
	Подготовка и сдача экзамена	9		Экзамен
Итого		162		

10. Курсовая работа (проект)

Не предусмотрено РУП.

11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

Рейтинговая система не используется.

12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

12.1. Основная литература

1. Горлач, Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2013. — 320 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/4864#book_name (дата обращения: 15.06.2018).

12.2. Дополнительная литература

1. Вентцель Е.С.,Овчаров Л.А. Задачи и упражнения по теории вероятностей : Учебное пособие для втузов / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров. - 6-е изд., стереотип. - М. : Академия, 2005. (наличие в библиотеке ТУСУР - 99 экз.)

2. В. Е. Гмурман Теория вероятностей и математическая статистика : Учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман ; Министерство образования и науки Российской Федерации. - 12-е изд., перераб. - М. : Высшее образование, 2006. – 478с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 21 экз.)

12.3. Учебно-методические пособия

12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Колесникова С.И. Высшая математика III. Основы теории вероятностей. Элементы математической статистики. Методическое пособие. Томск: ТУСУР, 2007.–106 с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 54 экз.)

2. Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания по выпол-

Согласована на портале № 30149

нению практических работ / Колесникова С. И. - 2012. 28 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: http://edu.tusur.ru/publications/880 (дата обращения: 15.06.2018).

3. Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания к самостоятельной работе студентов / Колесникова С. И. - 2012. 16 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: http://edu.tusur.ru/publications/881 (дата обращения: 15.06.2018).

4. Анализ данных: Методические указания по самостоятельной работе / Колесникова С. И. - 2012. 18 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: http://edu.tusur.ru/publications/3053 (дата обращения: 15.06.2018).

5. Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания к самостоятельной работе / Колесникова С. И. - 2018. 35 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: https://edu.tusur.ru/publications/7530 (дата обращения: 15.06.2018).

6. Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания к практическим занятиям / Колесникова С. И. - 2018. 35 с. [Электронный ресурс] - Режим доступа: https://edu.tusur.ru/publications/7498 (дата обращения: 15.06.2018).

12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. http://www.intuit.ru/department/mathematics/ptams/lit.html
2. http://www.exponenta.ru/Теории вероятностей
3. http://www.math-portal.ru/ycebnikiteorver
4. http://www.MatBuro.ru/Учебник по теории вероятностей
5. http://www.teorver-online.narod.ru

13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение

13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины

13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 22-24, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий

Учебная лаборатория

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной

Согласована на портале № 30149

работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 426 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- ПЭВМ (Intel Pentium, 2 Gb RAM) (12 шт.);
- Магнитомаркерная доска;
- Видеопроектор;
- Экран;
- ПЭВМ (10 шт.);
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

– Microsoft Office 95

13.1.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

Согласована на портале № 30149

14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

14.1.1. Тестовые задания

1. В ящике имеются 4 белых и 7 черных шаров. Какова вероятность того, что наудачу вынутый шар окажется белым?

а) 1/4; б) 4/11; в) 4/7

2. Бросаются два игральных кубика. Событие С=

а) достоверное;

б) возможное;

в) маловероятное;

г) невозможное.

3. Формула P(A+B)=P(A)+P(B) служит для суммы двух

а) несовместных событий;

б) событий, образующих полную группу событий;

в) достоверных событий;

г) событий, подчиненных только биноминальному закону.

4. Формула P(A+B)=P(A)+P(B)-P(AB) служит для суммы двух

а) невозможных событий;

б) совместных событий;

в) зависимых событий;

г) событий, подчиненных только биноминальному закону.

5. В урне a белых, b черных, c красных шаров. Вероятность того, что из урны вынут белый или красный шар равна

а) (a+c)•(a+b);

б) (a+b+c)/(b+c);

в) (a+c)/(a+b+c);

г) (ab)/(a+b+c).

6. Какое из следующих событий достоверное:

1) появление не более 18 очков при бросании трех игральных костей

2) попадание в мишень при трех выстрелах

3) появление 17 очков при бросании трех игральных костей

4) появление хотя бы одного «орла» при двухкратном бросании монеты

7. Случайное событие — это событие, которое

1) может произойти или не произойти в данном испытании

2) происходит в каждом испытании

3) происходит один раз в серии испытаний

4) происходит очень редко

8. Полная группа событий – это

1) группа событий, вероятности которых равны между собой

2) группа событий, отдельные вероятности которых равны 1.

3) группа событий, когда в результате опыта неизбежно должно произойти хотя бы одно из них

4) группа совместных событий

9. Сумма двух событий — это

1) событие, состоящее в появлении одного или другого события, или обоих событий одновременно

2) событие, состоящее в одновременном появлении этих событий;

3) сумма вероятностей этих событий

4) событие, состоящее в появлении независимых событий;

Согласована на портале № 30149

10. Произведение двух событий — это

1) произведение вероятностей этих событий

2) событие, состоящее в одновременном появлении этих событий

3) мера возможности одновременного появления этих событий

4) событие, состоящее в появлении одного или другого события

11. Формула

P(A)=P(A/H1)P(H1)+P(A/H2)P(H2)+…+ P(A/Hт)P(Hn), где события H1, H2,…, Hn образуют полную группу событий, а событие A может произойти только с одним из них, представляет собой

1) закон больших чисел

2) формулу полной вероятности

3) формулу Байеса

4) правило суммы вероятностей

12. Число m0 наступления события в серии из n испытаний называется наивероятнейшим, если

1) это число является наибольшим среди всех остальных;

2) оно соответствует наибольшей вероятности в данной серии испытаний

3) оно совпадает с числом испытаний n

4) событие, соответствующее этому числу, достоверно

13. Пусть в серии из n испытаний, в каждом из которых событие A появляется с вероятностью p=1/2, число испытаний достаточно велико. Тогда вероятность наступления события A ровно m раз удобнее считать по формуле

1) локальной теореме Лапласа

2) сложения вероятностей

3) умножения вероятностей

4) полной вероятности

5) по формуле закона трех сигм

14. Дан закон распределения дискретной случайной величины (ДСВ):

X 1 2 3

p 0,4 0,1 0,5 .

Математическое ожидание ДСВ равно:

1) MX=2,1;

2) MX=2,4;

3) MX=1,8;

4) MX=2,3.

15. Бросают 2 монеты. События A – «орел на первой монете» и B – «решка на второй монете» являются

1) совместными событиями

2) несовместными событиями

3) достоверными событиями

4) невозможными событиями

16. Страхуется 1200 автомобилей; считается, что каждый из них может попасть в аварию с вероятностью 0.08. Для вычисления вероятности того, что количество аварий среди всех застрахованных автомобилей не превзойдет 100, следует использовать

1) формулу Муавра-Лапласа

2) формулу нормального закона

3) формулу показательного закона

4) формулу умножения вероятностей

17. Мода вариационного ряда 1 , 4 , 4 , 5 , 6 , 8 , 9 равна...

1) 4

2) 1

3) 9

4) 5

Согласована на портале № 30149

18. По оценкам экспертов вероятности банкротства для двух предприятий, производящих разнотипную продукцию, равны 0,1 и 0,15. Тогда вероятность банкротства обоих предприятий одновременно равна…

1) 0,015
2) 0,25
3) 0,765
4) 0,15

19. К математическим методам решения задачи теоретического оценивания и практического прогнозирования по наблюденным данным относятся

1) Теория вероятности и математическая статистика
2) Дискретная математика
3) Любые инженерные методы
4) Теория управления

20. На тренировках занимаются 12 баскетболистов. Сколько может быть образовано тренером разных стартовых пятерок?

а) 792; б) 580; в) 120

14.1.2. Экзаменационные вопросы

1. Случайные события. Алгебра событий.
2. Классическое определение вероятности. Элементы комбинаторики в классической вероятностной схеме. Геометрические вероятности.
3. Аксиоматическое определение вероятности. Свойства вероятностей.
4. Вероятности суммы и произведения случайных событий.
5. Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
6. Независимые испытания. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Полиномиальная схема.
7. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Локальная предельная теорема Муавра-Лапласа
8. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Интегральная предельная теорема Муавра-Лапласа.
9. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Теорема Пуассона.
10. Понятие случайной величины. Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.
11. Закон распределения случайной величины, функция распределения вероятностей случайной величины. Ее свойства.
12. Плотность распределения вероятностей случайной величины. Ее свойства.
13. Числовые характеристики случайных величин, их свойства. Примеры.
14. Основные виды распределений дискретных и непрерывных случайных величин, их числовые характеристики. Подсчет вероятностей.
15. Гауссовская случайная величина, ее числовые характеристики. Вероятность попадания гауссовской случайной величины в заданный интервал. Правило «трех сигма».
16. Системы случайных величин. Функция распределения вероятностей системы двух случайных величин (двумерного случайного вектора), ее свойства.
17. Плотность распределения вероятностей системы двух случайных величин (двумерного случайного вектора), ее свойства.
18. Независимость нескольких случайных величин. Связь с коэффициентом корреляции.
19. Числовые характеристики системы случайных величин, их свойства.
20. Ковариация, коэффициент корреляции, их свойства. Двумерное нормальное (гауссовское) распределение.
21. Функции от случайных величин. Закон распределения функции от одной случайной величины.
22. Функции от случайных величин. Закон распределения функции от двух случайных величин.
23. Числовые характеристики функций от случайных величин, их свойства.
24. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел в форме Чебышева.
25. Следствия из закона больших чисел: теорема Бернулли, теорема Пуассона.
26. Центральная предельная теорема.

Согласована на портале № 30149

27. Основные задачи математической статистики. Описательная статистика. Эмпирическая функция распределения. Гистограмма, полигон частот. Выборочные характеристики.

28. Задачи теории оценивания. Точечное оценивание. Свойства точечных оценок.

29. Оценки математического ожидания и дисперсии, их свойства.

30. Методы получения оценок: метод моментов. Пример.

31. Методы получения оценок: метод максимального правдоподобия. Свойства МП-оценок.

32. Интервальное (доверительное) оценивание. Доверительный интервал для математического ожидания генеральной совокупности выборки.

33. Доверительное оценивание параметров нормального распределения.

14.1.3. Темы индивидуальных заданий

РАЗДЕЛ 1. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ. СЛУЧАЙНЫЕ СОБЫТИЯ.

Вариант 1.1

1. Подброшены три игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков равна десяти.

2. События A и B независимы. Вероятность наступления хотя бы одного из них равна 0,76, а ровно одного — 0,52. Найти P{A) и P{B), если P{A) > P{B). В ответ записать сначала P{A), а затем P(B) в виде десятичной дроби.

3. Один аппарат обслуживает три конвейерные линии. Первая линия может требовать ремонта с вероятностью 0.25; вторая с вероятностью 0.28; а третья —0.36. Найти вероятность того, что а) хотя бы одна линия потребует ремонта; б) не более двух линий потребует ремонта.

4. Имеется 10 ящиков с лампами. В двух из них — 8 матовых и 2 прозрачные, в трёх — 6 матовых и 4 прозрачных, в пяти — 5 матовых и 5 прозрачных. Из случайно взятого ящика извлекли две лампы. Они оказались матовыми. Найти вероятность того, что они извлечены из первой группы ящиков.

5. Завод отправил на контроль 700 изделий. В пути с вероятностью в 0.2 возможно повреждение изделия. Найти вероятность того, что в пути будет повреждено а) ровно 3 изделия; б) не менее трёх изделий.

Вариант 1.2

1. В урне находятся 10 шаров, из них 4 белых, остальные - чёрные. Последовательно, без возвращения извлекают два шара. Найти вероятность того, что оба шара будут белыми.

2. В партии, состоящей из 25 изделий, имеется пять бракованных. Из партии для контроля выбирается 7 изделий. Найти вероятность того, что среди отобранных будет а) три бракованных; б) хотя бы одно бракованное.

3. Производится стрельба из 4-х орудий по одной цели. Вероятность попадания первым орудием 0,6, вторым — 0,7, третьим — 0,8, четвертым – 0,5. Найти вероятность разрушения цели, если известно, что при одном попадании цель будет разрушена с вероятностью 0,1, при двух - 0,4, при трёх — 0,8, при четырех — 0,95 . В результате одного залпа цель была разрушена. Найти вероятность того, что при этом было два попадания в цель.

4. В спартакиаде участвуют 30 спортсменов: 22 лыжника и 8 конькобежцев. Вероятность выполнить норму лыжником равна 0,8, а конькобежцем —0,4. Случайно вызвано три спортсмена. Найти вероятность того, что они все выполнят норму.

5. Найти вероятность того, что среди 300 изделий окажется менее трех бракованных, если в среднем бракованные изделия составляют 1,5%.

Вариант 1.3

1. Бросаются две игральные кости. Найти вероятность того, что на двух костях выпадет число очков а) в сумме составляющее «пять», а разность будет равна «двум»? б) в сумме составляющее «шесть», при условии, что разность будет равна «двум»?

2. Студент знает 40 из 60 вопросов программы. Найти вероятность того, что студент знает

Согласована на портале № 30149

оба вопроса, содержащиеся в экзаменационном билете.

3. Игральная кость бросается шесть раз. Найти вероятность того, что число выпавших очков будет составлять строго возрастающие величины.

4. Из урны, содержавшей 4 белых и 7 черных шаров, один шар неизвестного цвета утерян. Найти вероятность извлечь наудачу из урны шар черного цвета.

5. Изделия некоторого предприятия содержат 5% брака. Найти вероятность того, что среди трех взятых наудачу изделий окажутся два бракованных.

Вариант 1.4

1. В урне 3 красных, 6 зеленых , 5 синих и 10 неокрашенных шаров. Наудачу извлекается три шара. Какова вероятность того, что все они окажутся окрашенными и все разных цветов?

2. В партии из десяти изделий три бракованных. Наудачу выбирают пять изделий. Какова вероятность того, что среди них не менее одного бракованных?

3. В ящике 9 красных и 7 синих пуговиц. Вынимаются наудачу две пуговицы. Найти вероятность того, что а) обе пуговицы одного цвета; б) разных цветов.

4. Имеется девять одинаковых урн, из которых в восьми находятся по 3 белых и 2 черных шара, а в одной – 4 белых и 2 черных шара. Из взятой наугад урны извлечен белый шар. Какова вероятность того, что шар извлечен из урны, содержавшей 4 белых шаров?

5. Вероятность того, что покупателю потребуется обувь 45–го размера, равна 0,02. Найти вероятность того, что из пяти покупателей хотя бы одному потребуется обувь этого размера.

Вариант 1.5

1. 4 стрелка одновременно стреляют в одну мишень. Найти вероятность того, что а) в мишени будет только одна пробоина, если вероятности попадания в мишень для каждого из стрелков соответственно равны 0.4, 0.6, 0.3 и 0.7; б) хотя бы одна пробоина.

2. В урне два белых и шесть черных шаров. Наудачу вынимают два шара. Какова вероятность того, что а) шары разных цветов; б) шары одинаковых цветов?

3. Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0.7. Найти вероятность того, что в результате трех выстрелов будет не меньше одного попадания.

4. В тире имеется пять винтовок, вероятности попадания в цель из которых равны соответственно 0.5, 0.6, 0,7, 0,8 и 0,9. Найти вероятность а) попадания в цель из взятой наугад винтовки; б) была выбрана первая винтовка, если известно, что цель была поражена.

5. 10% изделий некоторого предприятия – продукция высшего сорта. Приобретено 5 изделий этого предприятия. Какова вероятность того, что не менее 2-х из них высшего сорта?

14.1.4. Темы контрольных работ

Вариант 2.1

Описательная статистика. Для выборочных данных выполнить обработку:

а) найти выборочные значения среднего арифметического, моды, медианы;

б) найти размах выборки, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение; проверить выполнение правила «3сигма»;

в) оценить симметричность распределения;

г) найти верхнюю и нижнюю выборочные квартили, пояснить их смысл;

д) построить сгруппированный статистический ряд и гистограмму;

е) найти модальный и медианный интервалы, сравнить середины этих интервалов со значениями моды и медианы, рассчитанными по выборке.

Измерены диаметры 40 металлических шариков, мм:

8.53 8.59 8.51 8.59 8.41 8.46 8.57
8.62 8.45 8.51 8.46 8.55 8.61 8.68
8.52 8.43 8.40 8.41 8.54 8.47 8.53

Согласована на портале № 30149

8.55 8.43 8.47 8.59 8.63 8.56 8.42
8.58 8.60 8.52 8.56 8.56 8.60 8.54
8.61 8.45 8.54 8.57 8.68

Вариант 2.2

Описательная статистика. Для выборочных данных выполнить обработку:

а) найти выборочные значения среднего арифметического, моды, медианы;

б) найти размах выборки, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение; проверить выполнение правила «3сигма»;

в) оценить симметричность распределения;

г) найти верхнюю и нижнюю выборочные квартили, пояснить их смысл;

д) построить сгруппированный статистический ряд и гистограмму;

е) найти модальный и медианный интервалы, сравнить середины этих интервалов со значениями моды и медианы, рассчитанными по выборке.

Измерена продолжительность работы 30 электрических лампочек, десятков часов:

51 56 69 31 56 49 51 53 74 51
63 48 53 51 64 50 59 84 55 82
55 72 70 54 51 77 98 62 73 55

Вариант 2.3

Описательная статистика. Для выборочных данных выполнить обработку:

а) найти выборочные значения среднего арифметического, моды, медианы;

б) найти размах выборки, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение; проверить выполнение правила «3сигма»;

в) оценить симметричность распределения;

г) найти верхнюю и нижнюю выборочные квартили, пояснить их смысл;

д) построить сгруппированный статистический ряд и гистограмму;

е) найти модальный и медианный интервалы, сравнить середины этих интервалов со значениями моды и медианы, рассчитанными по выборке.

Измерена скорость автомобиля на некотором участке дороги, км/час:

41.5 42.3 47.4 51.2 52.3 43.9
49.1 46.6 41.7 57.5 52.3 45.7
48.0 49.3 57.4 44.4 51.0 49.8
43.8 50.6 49.6 40.9 50.8 51.8
39.6 48.1 43.2 50.8 48.0 56.9

Вариант 2.4

Описательная статистика. Для выборочных данных выполнить обработку:

а) найти выборочные значения среднего арифметического, моды, медианы;

б) найти размах выборки, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение; проверить выполнение правила «3сигма»;

в) оценить симметричность распределения с помощью первого коэффициента Пирсона;

г) найти верхнюю и нижнюю выборочные квартили, пояснить их смысл;

д) построить сгруппированный статистический ряд и гистограмму;

е) найти модальный и медианный интервалы, сравнить середины этих интервалов со значениями моды и медианы, рассчитанными по выборке.

Согласована на портале № 30149

Основные фонды 30 предприятий, млн руб.:

4.2 2.4 4.9 6.7 4.5 2.7 3.9 2.1 5.8 4.0
2.8 7.3 4.4 6.6 2.0 6.2 7.0 8.1 0.7 6.8
9.4 7.6 6.3 8.8 6.5 1.4 4.6 2.0 7.2 9.1

Вариант 2.5

Описательная статистика. Для выборочных данных выполнить обработку:

а) найти выборочные значения среднего арифметического, моды, медианы;

б) найти размах выборки, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение; проверить выполнение правила «3сигма»;

в) оценить симметричность распределения;

г) найти верхнюю и нижнюю выборочные квартили, пояснить их смысл;

д) построить сгруппированный статистический ряд и гистограмму;

е) найти модальный и медианный интервалы, сравнить середины этих интервалов со значениями моды и медианы, рассчитанными по выборке.

Измерены длины 40 графитовых стержней для цанговых карандашей, см:

6.61 6.45 6.54 6.57 6.68 6.58 6.60 6.52 6.56
6.60 6.54 6.55 6.43 6.47 6.59 6.63 6.56 6.42
6.56 6.52 6.43 6.40 6.41 6.54 6.47 6.53 6.62
6.45 6.51 6.46 6.55 6.61 6.68 6.53 6.59 6.51
6.59 6.41 6.46 6.57

14.1.5. Методические рекомендации

Самые доступные для понимания учебные пособия являются учебники В.Гмурмана; также см. авторское пособие С.Колесниковой; дополнительный материал см.

https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh

14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

Согласована на портале № 30149

14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

Согласована на портале № 30149