

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)



УТВЕРЖДАЮ:  
Проректор по учебной работе  
П.Е. Троян

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1cbcf0a-52a6-4f49-ae0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

7г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**ОСНОВЫ ФУНКЦИОНАЛЬНОГО АНАЛИЗА**

Уровень основной образовательной программы бакалавриат

Направление(я) подготовки (специальность) 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи»

Профиль(и) «Оптические системы и сети связи»

Форма обучения заочная

Факультет ЗиВФ

Кафедра СВЧ и КР(сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники)

Курс 2

Семестр 3,4

Учебный план набора 2012 года.

Распределение рабочего времени:

№	Виды учебной работы	Семестр 1	Семестр 2	Семестр 3	Семестр 4	Семестр 5	Семестр 6	Семестр 7	Семестр 8	Всего	Единицы
1	Лекции			4	4					8	часов
2	Лабораторные работы										часов
3	Практические занятия			2	8					10	часов
4	Курсовой проект/работа (КРС) (аудиторная)										часов
5	Всего аудиторных занятий (Сумма 1-4)			6	12					18	часов
6	Из них в интерактивной форме				4					4	часов
7	Самостоятельная работа студентов (СРС)			30	51					81	часов
8	Всего (без экзамена) (Сумма 5,7)			36	63					99	часов
9	Самост. работа на подготовку, сдачу экзамена				9					9	часов
10	Общая трудоемкость (Сумма 8,9)			36	72					108	часов
	(в зачетных единицах)									3	ЗЕТ

Зачет не предусмотрено

Диф. зачет не предусмотрено

Экзамен 4 семестр

Контрольные работы:

4 семестр -2

Томск 2017

Согласована на портале № 17203

**Лист согласований**

Рабочая программа составлена с учетом требований Федерального Государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи», утвержденного приказом министерства образования и науки РФ 06.03.2015г., №174

рассмотрена и утверждена на заседании кафедры 10 марта 2017 г., протокол № 290

Разработчик: зав. кафедрой математики \_\_\_\_\_ Т.В. Павлова

Зав. обеспечивающей кафедрой математики \_\_\_\_\_ А.Л. Магазинникова

Рабочая программа согласована с факультетом, профилирующей и выпускающей кафедрами направления подготовки (специальности).

Декан РТФ \_\_\_\_\_ К.Ю.Попова

Зав. профилирующей  
кафедрой СВЧиКР \_\_\_\_\_ С.Н.Шарангович

Зав. выпускающей  
кафедрой СВЧиКР \_\_\_\_\_ С.Н.Шарангович

Эксперты:

профессор кафедры  
математики ТУСУР \_\_\_\_\_ А.А Ельцов

профессор кафедры  
СВЧиКР ТУСУР \_\_\_\_\_ А.Е.Мандель.

**1. Цели и задачи дисциплины:** целью курса является изучение основных понятий функционального анализа; методов, способов и средств получения, хранения, переработки математической информации, принятых в функциональном анализе, включая методы решения задач функционального анализа. В задачи курса входят: овладение методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в функциональном анализе; методами исследования математических задач, развитие логического и алгоритмического мышления студентов, выработка у студентов способности к самоорганизации и самообразованию, в частности, умения работать с математической литературой.

**2. Место дисциплины в структуре ОПОП:** дисциплина «основы функционального анализа» относится к вариативной части обязательных дисциплин Б1.В.ОД.2. Для изучения курса необходимо твердое знание студентами базового курса математики средней школы, а также линейной алгебры и аналитической геометрии, математического анализа. Дисциплина «основы функционального анализа» призвана дать студентам математический аппарат, который будет использоваться в дальнейшем при изучении дисциплин математического и естественнонаучного цикла, профессионального цикла, в учебно-исследовательской и научно-исследовательской работе.

**3. Требования к результатам освоения дисциплины:**

процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

ОК-7 - «Выпускник должен обладать способностью к самоорганизации и самообразованию»

ОПК-3 - «Выпускник должен обладать способностью владеть основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации»

В результате изучения дисциплины студент должен:

**знать:** основные понятия функционального анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, включая методы решения типовых задач функционального анализа.

**уметь:** применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой.

**владеть:** методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в функциональном анализе, включая основные методы решения типовых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся функционального анализа.

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы.

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры			
		1	2	3	4
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	18			6	12
В том числе:					
Лекции	8			4	4
Лабораторные работы (ЛР)					
Практические занятия (ПЗ)	10			2	8
Семинары (С)					
Коллоквиумы (К)					
Курсовой проект/(работа) (аудиторная нагрузка)					
<i>Другие виды аудиторной работы</i>					
Контрольные работы					
<b>Самостоятельная работа (всего)</b>	81			30	51
В том числе:					
Самостоятельное изучение тем теоретической части	51			24	27
Проработка лекционного материала	8			4	4
Выполнение контрольных работ	4				4
Подготовка к практическим занятиям	10			2	8
Подготовка к контрольным работам	8				8
Самостоятельное изучение тем теоретической части					
Вид промежуточной аттестации - экзамен	9				9
Общая трудоемкость час	108			36	72
Зачетные Единицы Трудоемкости	3				

#### 5. Содержание дисциплины

##### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции	Лабора- т. занятия	Практич. занятия	Курсовой П/Р (КРС)	Самост. работа студента	Всего час. (без экзам)	Формируемые компетенции (ОК, ПК)
<b>3 семестр</b>								
1.	Дифференциальные уравнения.	2		1		10	13	ОК-7, ОПК-3
2.	Несобственный интеграл. Интегральные преобразования. Преобразования Фурье, Лапласа.	2		1		20	23	ОК-7, ОПК-3
<b>4 семестр</b>								
3	Комплексные числовые и функциональные ряды. Ряды Фурье, Тейлора, Лорана.	4		8		51	63	ОК-7, ОПК-3
	ВСЕГО	8		10		81	99	

##### 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

№ п/п	Наименование разделов	Содержание разделов	Трудоем- кость (час.)	Формируе- мые компе- тенции (ОК, ПК)
<b>3 семестр</b>				
1.	Дифференциальные уравнения.	Дифференциальные уравнения первого порядка: основные понятия и задачи. Методы решения уравнений: с разделяющимися переменными, линейных. Линейные дифференциальные уравнения порядка $n$ .	2	ОК-7, ОПК-3
2.	Несобственный интеграл. Интегральные преобразования. Преобразования Фурье, Лапласа.	Несобственные интегралы I и II рода. Признаки сходимости. Понятие об интегральном преобразовании. Преобразование Фурье, Спектральный анализ. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение, их свойства. Приложения операционного исчисления.	2	ОК-7, ОПК-3

**4 семестр**

3.	Комплексные числовые и функциональные ряды. Ряды Фурье, Тейлора, Лорана.	Комплексные числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Признаки сходимости. Абсолютная и условная сходимости числового ряда. Комплексные функциональные ряды, область сходимости. Степенной ряд, его область сходимости. Ряд Тейлора. Разложение функции в ряд Тейлора. Нули функции. Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Лорана. Особые точки функции и их классификация. Вычеты функции и их нахождение для особых точек всех видов. Приложение вычетов к вычислению интегралов функций комплексной переменной. Тригонометрический ряд Фурье. Разложение функции в ряд Фурье. Различные формы записи ряда Фурье. Спектральный анализ.	4	ОК-7, ОПК-3
----	--	---	---	-------------

**5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами**

№ п/п	Наименование обеспечиваемых (последующих) дисциплин	№ № разделов данной дисциплины из табл.5.1, для которых необходимо изучение обеспечивающих (предыдущих) и обеспечиваемых (последующих) дисциплин					
		1	2	3	4	5	6
<b>Последующие дисциплины</b>							
1	Дискретная математика	+	+	+	+	+	+
2	Теория вероятностей и математическая статистика	+	+	+	+	+	+
3	Физика	+	+	+	+	+	+
4	Вычислительная техника и информационные технологии	+	+	+	+	+	+
5	Теория вероятностей и математическая статистика	+				+	
6	Инженерная и компьютерная графика	+	+	+	+	+	+
7	Электроника	+	+			+	+
8	Теория электрических цепей	+	+	+	+	+	+
9	Математические методы описания сигналов	+	+			+	+
10	Схемотехника телекоммуникационных устройств	+	+	+	+	+	+
11	Цифровая обработка сигналов	+	+	+	+	+	+
12	Математические методы в радиосвязи	+	+	+	+	+	+
13	Основы построения инфокоммуникационных систем и сетей	+	+	+	+	+	+

**6. Методы и формы организации обучения**

**Технологии интерактивного обучения при разных формах занятий в часах**

Методы \ Формы	Лекции (час)	Практические/семинарские Занятия (час)	Всего
Работа в группах			
Выступление в роли обучающего			
Метод мозгового штурма	4		4
<b>Итого интерактивных занятий</b>	<b>4</b>		<b>4</b>

7. Лабораторный практикум не предусмотрено

### 8. Практические занятия (семинары)

№ п/п	№ раздела дисциплины из табл. 5.1	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудоемкость (час.)	Компетенции ОК, ПК
<b>3 семестр</b>				
1	1	Дифференциальные уравнения первого порядка: основные понятия и задачи. Методы решения уравнений: с разделяющимися переменными, линейных. Линейные дифференциальные уравнения порядка $n$ .	1	ОК-7, ОПК-3
2	2	Несобственные интегралы I и II рода. Признаки сходимости. Понятие об интегральном преобразовании. Преобразование Фурье, Спектральный анализ. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение, их свойства. Приложения операционного исчисления.	1	ОК-7, ОПК-3
<b>4 семестр</b>				
3	3	Комплексные числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Признаки сходимости. Абсолютная и условная сходимости числового ряда. Комплексные функциональные ряды, область сходимости. Равномерная сходимость функционального ряда. Степенной ряд, его область сходимости. Ряд Тейлора. Разложение функции в ряд Тейлора. Нули функции. Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Лорана. Особые точки функции и их классификация. Вычеты функции и их нахождение для особых точек всех видов. Приложение вычетов к вычислению интегралов функций комплексной переменной. Тригонометрический ряд Фурье. Разложение функции в ряд Фурье. Различные формы записи ряда Фурье. Спектральный анализ.	8	ОК-7, ОПК-3

### 9. Самостоятельная работа

№ п/п	№ раздела дисциплины из табл. 5.1	Тематика самостоятельной работы (детализация)	Трудоемкость (час.)	Компетенции ОК, ПК	Контроль выполнения работы
<b>3 семестр</b>					
1	1	Изучение тем теоретического материала,	12	ОК-7, ОПК-3	Опрос на практических занятиях. Тестирование
		Проработка лекционного материала	2		
		Подготовка к практическим занятиям.	1		
2	2	Изучение тем теоретического материала,	12	ОК-7, ОПК-3	Опрос на практических занятиях. Тестирование
		Проработка лекционного материала	2		
		Подготовка к практическим занятиям.	1		
<b>4 семестр</b>					
3	3	Изучение тем теоретического материала,	27	ОК-7, ОПК-3	Опрос на практических занятиях. Тестирование
		Проработка лекционного материала	4		
		Подготовка к практическим занятиям.	8		
		Подготовка к контрольным работам	4		
		Выполнение контрольных работ	8		

#### Темы контрольных работ:

##### 4 семестр

1. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши.  
Линейные дифференциальные уравнения порядка  $n$
2. Решение дифференциальных уравнений операторным методом.  
Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Фурье.

## Темы самостоятельной работы:

### 3 семестр

Дифференциальные уравнения первого порядка: основные понятия и задачи.

Методы решения уравнений: с разделяющимися переменными, линейных.

Линейные дифференциальные уравнения порядка  $n$ .

Несобственные интегралы I и II рода.

Признаки сходимости.

Понятие об интегральном преобразовании

. Преобразование Фурье, Спектральный анализ.

Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение, их свойства.

Приложения операционного исчисления.

### 4 семестр

Комплексные числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Признаки сходимости.

Абсолютная и условная сходимости числового ряда.

Комплексные функциональные ряды, область сходимости.

Степенной ряд, его область сходимости.

Ряд Тейлора. Разложение функции в ряд Тейлора.

Нули функции. Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Лорана.

Особые точки функции и их классификация.

Вычеты функции и их нахождение для особых точек всех видов.

Приложение вычетов к вычислению интегралов функций комплексной переменной.

Тригонометрический ряд Фурье.

Разложение функции в ряд Фурье.

Различные формы записи ряда Фурье.

**10. Примерная тематика курсовых проектов (работ)** не предусмотрено

**11. Рейтинговая система для оценки успеваемости студентов** не предусмотрено

## 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

### 12.1 Основная литература.

1. Люстерник Л.А. В.И.Соболев В.И. Краткий курс функционального анализа. / Люстерник Л.А. Соболев В.И. С-Петербург Изд-во: Лань, 2009. - 272 с. [http://e.lanbook.com/books/element.php?p11\\_id=245](http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_id=245)

2. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / Петрушко И.М., Елисеев А.Г. и др. С-Петербург Изд-во: Лань, 2010. 368 стр. [http://lanbook.com/books/element.php?p11\\_cid=45&p11\\_id=526](http://lanbook.com/books/element.php?p11_cid=45&p11_id=526)

3. Филимонова, Н.В. Конспект лекций по функциональному анализу. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2015. — 176 с. — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/64343>

### 12.2 Дополнительная литература.

1. Власова, Е.А. Элементы функционального анализа. [Электронный ресурс] / Е.А. Власова, И.К. Марчевский. — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2015. — 400 с. — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/67481>

2. Филимонова, Н.В. Множества и отображения. Интенсивное введение в математический анализ для студентов технических вузов. [Электронный ресурс] / Н.В. Филимонова, П.А. Бакусов. — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2017. — 180 с. — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/91876>

### 12.3. Учебно-методические пособия и требуемое программное обеспечение.

#### 12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

#### Практические занятия проводятся по учебным пособиям:

Филимонова, Н.В. Сборник задач по функциональному анализу. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2015. — 240 с. — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/65041>

#### Задания на контрольные работы и индивидуальные задания приведены в каждом из следующих учебных пособий:

1. Филимонова, Н.В. Сборник задач по функциональному анализу. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2015. — 240 с.(рекомендовано для самостоятельной работы) — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/65041>

### **12.3.2 Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### **12.4. Базы данных, информационно справочные и поисковые системы:**

Образовательный портал университета (<https://edu.tusur.ru>), электронный каталог библиотеки (<http://lib.tusur.ru>), электронная библиотечная система «Лань» (<http://e.lanbook.com>) система дистанционного образования MOODLE (методические материалы: текстовые, аудио и видеофайлы, индивидуальные задания, тесты и т.д.)

Ссылки с сайта кафедры на математические ресурсы и он-лайн тренажёры.

## **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

### **13.1. Общие требования к материально-техническому обеспечению дисциплины**

#### **13.1.1. Материально-техническое обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 90, оборудованная доской, компьютером, проектором и стандартной учебной мебелью. Имеются наглядные пособия в виде презентаций по лекционным разделам дисциплины.

#### **13.1.2. Материально-техническое обеспечение для практических занятий**

Для проведения практических (семинарских) занятий используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 30, оборудованная доской, стандартной учебной мебелью. Для внедрения элементов электронного обучения необходимы минимум 1 компьютер на 2 студента, Mathcad, Octave или MatLAB.

#### **13.1.3. Материально-техническое обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используется учебная аудитория, с количеством посадочных мест не менее 30, оборудованная доской, стандартной учебной мебелью. Для внедрения элементов электронного обучения необходимы минимум 1 компьютер на 2 студента, Mathcad, Octave или MatLAB.

### **13.2 Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При обучении студентов с нарушениями слуха предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями слуха, мобильной системы обучения для студентов с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой обучаются студенты с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При обучении студентов с нарушениями зрениями предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеувеличителей для удаленного просмотра.

При обучении студентов с нарушениями опорно-двигательного аппарата используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями опорно-двигательного аппарата, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **14. Фонд оценочных средств**

### **14.1 Основные требования к фонду оценочных средств и методические рекомендации**

Фонд оценочных средств и типовые контрольные задания, используемые для оценки сформированности и освоения закрепленных за дисциплиной компетенций при проведении текущей, промежуточной аттестации по дисциплине приведен в приложении к рабочей программе



#### 14.2 Требования к фонду оценочных средств для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ограниченными возможностями здоровья предусмотрены дополнительные оценочные средства, перечень которых указан в таблице.

Категории студентов	Виды дополнительных оценочных средств	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показателям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами, исходя из состояния обучающегося на момент проверки

#### 14.3 Методические рекомендации по оценочным средствам для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

# Приложение к рабочей программе

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ  
И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)

**УТВЕРЖДАЮ**  
**Проректор по учебной работе**  
\_\_\_\_\_ П. Е. Троян  
« \_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2017 г.

## ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ ОСНОВЫ ФУНКЦИОНАЛЬНОГО АНАЛИЗА

**Уровень основной образовательной программы:** бакалавриат

**Направление подготовки** 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи»

**Профили** « Оптические системы и сети связи»

**Форма обучения:** заочная

**Факультет:** ЗиВФ

**Кафедра:** СВЧиКР (сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники)

**Курс** 2

**Семестр** 3, 4

Учебный план набора 2012 года.

**Зачет:** не предусмотрен

**Диф. зачет** не предусмотрен

**Экзамен** 4 семестр

Томск 2017

## 1 Введение

Фонд оценочных средств (ФОС) является приложением к рабочей программе дисциплины и представляет собой совокупность контрольно-измерительных материалов (типовые задачи (задания), контрольные работы, тесты и др.) и методов их использования, предназначенных для измерения уровня достижения студентом установленных результатов обучения. ФОС по дисциплине (практике) используется при проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов. Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций приведен в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций

Код	Формулировка компетенции	Этапы формирования компетенции
ОК-7	способность к самоорганизации и самообразованию	<b>Должен знать</b> основные понятия функционального анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, включая методы решения типовых задач функционального анализа.
ОПК-3	способность владеть основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации	<b>Должен уметь</b> применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой. <b>Должен владеть</b> методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в функциональном анализе, включая основные методы решения типовых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся функционального анализа.

## 2 Реализация компетенций

### 1 Компетенция ОК-7

**ОК-7: способность к самоорганизации и самообразованию.**

Для формирования компетенции необходимо осуществить ряд этапов. Этапы формирования компетенции, применяемые для этого виды занятий и используемые средства оценивания представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Этапы формирования компетенции и используемые средства оценивания

Состав	Знать	Уметь	Владеть
<b>Содержание этапов</b>	Знает основные понятия функционального анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, включая методы решения типовых задач функционального анализа.	Умеет применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой.	Владеет методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в функциональном анализе, включая основные методы решения типовых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся функционального анализа.
<b>Виды занятий</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Лекции;</li> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Выполнение домашнего задания;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Выполнение индивидуального задания;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>
<b>Используемые средства оценивания</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Тест;</li> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Экзамен;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Оформление домашнего задания;</li> <li>● Экзамен;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Оформление и защита индивидуального задания;</li> <li>● Экзамен.</li> </ul>

Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции на всех этапах приведены в таблице 3.

**Таблица 3 – Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции по этапам**

<b>Показатели и критерии</b>	<b>Знать</b>	<b>Уметь</b>	<b>Владеть</b>
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	Обладает системными и глубокими знаниями в пределах изучаемой дисциплины с пониманием границ применимости	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для развития творческих решений, абстрагирования проблем	Контролирует выполняемую работу, проводит оценку выполненной работы, модифицирует этапы работы
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне определений и взаимосвязей между ними в пределах изучаемой дисциплины	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для решения типовых задач с элементами исследования	Оперировать основными методами решения задач и исследований
<b>Удовлетворительно (пороговый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне названий и обозначений, алгоритмов решения типовых задач	Обладает основными умениями, требуемыми для выполнения простых типовых задач	Работает при прямом наблюдении и контроле

Формулировка показателей и критериев оценивания данной компетенции приведена в таблице 4.

Таблица 4 – Показатели и критерии оценивания компетенции на этапах

Показатели и критерии	Знать	Уметь	Владеть
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● раскрывает сущность математических понятий, проводит их характеристику;</li> <li>● анализирует связи между различными математическими понятиями;</li> <li>● обосновывает выбор математического метода, план, этапы решения задачи;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● свободно применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях;</li> <li>● умеет математически показать и аргументированно доказать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● свободно оперирует методами изучаемой дисциплины;</li> <li>● организует коллективное выполнение работы, затрагивающей изучаемую дисциплину;</li> <li>● свободно владеет разными способами представления математической информации.</li> </ul>
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● дает определения основных понятий и приводит примеры их применения;</li> <li>● понимает связи между различными понятиями;</li> <li>● аргументирует выбор метода решения задачи;</li> <li>● составляет план решения задачи;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● способен различить стандартные и новые ситуации при решении задач;</li> <li>● умеет корректно выражать и аргументированно обосновывать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● критически осмысливает полученные знания;</li> <li>● способен работать в коллективе, задачи которого затрагивают изучаемую дисциплину;</li> </ul>

Показатели и критерии	Знать	Уметь	Владеть
Удовлетворительно (пороговый уровень)	<ul style="list-style-type: none"> <li>воспроизводит основные факты, идеи;</li> <li>распознает основные математические объекты;</li> <li>знает алгоритмы решения типовых задач;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>умеет применять алгоритмы решения типовых задач на практике;</li> <li>умеет работать со справочной литературой;</li> <li>умеет оформлять результаты своей работы;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>поддерживает разговор на темы изучаемой дисциплины;</li> <li>владеет основной терминологией изучаемой дисциплины.</li> </ul>

## 2 Компетенция ОПК-3

**ОПК-3:** способность владеть основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации.

Для формирования компетенции необходимо осуществить ряд этапов. Этапы формирования компетенции, применяемые для этого виды занятий и используемые средства оценивания представлены в таблице 5.

**Таблица 5 – Этапы формирования компетенции и используемые средства оценивания**

Состав	Знать	Уметь	Владеть
Содержание этапов	Знает основные понятия функционального анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, включая методы решения типовых задач функционального анализа.	Умеет применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в функциональном анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой.	Владеет методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в функциональном анализе, включая основные методы решения типовых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся функционального анализа.

<b>Виды занятий</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Лекции;</li> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Выполнение домашнего задания;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Практические занятия;</li> <li>● Групповые консультации;</li> <li>● Выполнение индивидуального задания;</li> <li>● Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>
<b>Используемые средства оценивания</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Тест;</li> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Экзамен;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Оформление домашнего задания;</li> <li>● Экзамен;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● Контрольная работа;</li> <li>● Оформление и защита индивидуального задания;</li> <li>● Экзамен.</li> </ul>



Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции на всех этапах приведены в таблице 6.

**Таблица 6 – Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции по этапам**

<b>Показатели и критерии</b>	<b>Знать</b>	<b>Уметь</b>	<b>Владеть</b>
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	Обладает системными и глубокими знаниями в пределах изучаемой дисциплины с пониманием границ применимости	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для развития творческих решений, абстрагирования проблем	Контролирует выполняемую работу, проводит оценку выполненной работы, модифицирует этапы работы
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне определений и взаимосвязей между ними в пределах изучаемой дисциплины	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для решения типовых задач с элементами исследования	Оперировать основными методами решения задач и исследований
<b>Удовлетворительно (пороговый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне названий и обозначений, алгоритмов решения типовых задач	Обладает основными умениями, требуемыми для выполнения простых типовых задач	Работает при прямом наблюдении и контроле

Формулировка показателей и критериев оценивания данной компетенции приведена в таблице 7.

Таблица 7 – Показатели и критерии оценивания компетенции на этапах

Показатели и критерии	Знать	Уметь	Владеть
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● раскрывает сущность математических понятий, проводит их характеристику;</li> <li>● анализирует связи между различными математическими понятиями;</li> <li>● обосновывает выбор математического метода, план, этапы решения задачи;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● свободно применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях;</li> <li>● умеет математически показать и аргументированно доказать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● свободно оперирует методами изучаемой дисциплины;</li> <li>● организует коллективное выполнение работы, затрагивающей изучаемую дисциплину;</li> <li>● свободно владеет разными способами представления математической информации.</li> </ul>
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● дает определения основных понятий и приводит примеры их применения;</li> <li>● понимает связи между различными понятиями;</li> <li>● аргументирует выбор метода решения задачи;</li> <li>● составляет план решения задачи;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● способен различить стандартные и новые ситуации при решении задач;</li> <li>● умеет корректно выражать и аргументированно обосновывать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● критически осмысливает полученные знания;</li> <li>● способен работать в коллективе, задачи которого затрагивают изучаемую дисциплину;</li> </ul>

Показатели и критерии	Знать	Уметь	Владеть
Удовлетворительно (пороговый уровень)	<ul style="list-style-type: none"> <li>• воспроизводит основные факты, идеи;</li> <li>• распознает основные математические объекты;</li> <li>• знает алгоритмы решения типовых задач;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• умеет применять алгоритмы решения типовых задач на практике;</li> <li>• умеет работать со справочной литературой;</li> <li>• умеет оформлять результаты своей работы;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• поддерживает разговор на темы изучаемой дисциплины;</li> <li>• владеет основной терминологией изучаемой дисциплины.</li> </ul>

### 3 Типовые контрольные задания

Для реализации вышеперечисленных задач обучения используются следующие материалы: типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, в составе:

**Тест:** итоговый тест по элементарным знаниям и практическим навыкам

1. Среди данных уравнений найдите уравнение с разделяющимися переменными и запишите его общее решение.

а)  $xyy' = y^2 + x\sqrt{x^2 + 4y^2}$    б)  $y' - \frac{3x^2y}{x^3 + 8} = 1$    в)  $y \ln^3 y + y'\sqrt{x+1} = 0$    г)  $y' = \frac{2y-x}{2x+y}$

2. Среди данных уравнений найдите линейное уравнение и решите для него задачу Коши  $y(0) = 1$ .

а)  $xyy' = y^2 + x\sqrt{x^2 + 4y^2}$    б)  $y' - \frac{3x^2y}{x^3 + 8} = 1$    в)  $y \ln^3 y + y'\sqrt{x+1} = 0$    г)  $y' = \frac{2y-x}{2x+y}$

3. Общий интеграл дифференциального уравнения  $\frac{dy}{y^2} = x dx$  имеет вид ...

---

4. Общее решение дифференциального уравнения  $y''' = 3x - 2$  имеет вид (ответ обоснуйте):

1.  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{1}{3}x^3 + C$

2.  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

3.  $y = \frac{1}{24}x^4 - \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$    4.  $y = x^4 - x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$

5. Установите соответствие между дифференциальным уравнением и видом его частного решения:

а)  $y'' + 3y' + 3y = 7 + 7x$  | 1.  $y_{\text{ЧН}} = C_0x$

б)  $y'' + 3y' = 7 + 7x$  | 2.  $y_{\text{ЧН}} = C_0 + C_1x^2$

| 3.  $y_{\text{ЧН}} = (C_0 + C_1x)x^2$

| 4.  $y_{\text{ЧН}} = C_0 + C_1x$

| 5.  $y_{\text{ЧН}} = (C_0 + C_1x)x$

6. Запишите общее решение уравнения  $y'' + y' - 2y = 0$ .

---

7. Найдите с помощью вычетов оригинал для изображения

$$F(p) = \frac{p^2 + 3}{1 - p^4}$$

8. Для изображения

$$F(p) = \frac{p^2 + 3}{1 - p^4}$$

Найдите оригинал с помощью разложения на элементарные дроби.

---

9. Запишите операторное уравнение для задачи

$$x'' + 2x' + x = 2 \sin t, \quad x(0) = 0, \quad x'(0) = -2$$

10. Запишите операторную систему уравнений для задачи

$$\begin{cases} x' = 3x + y, \\ y' = -5x - 3y + 2, \end{cases} \quad x(0) = 2, \quad y(0) = 0.$$

11. Найдите изображение интеграла:

$$\int_0^t e^\tau \sin 2\tau \, d\tau.$$

12. Запишите операторное уравнение для задачи

$$x'' + 2x' + x = 2 \sin t, \quad x(0) = 0, \quad x'(0) = 0$$

---

13. Сходится ли ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} 5^n$  (ответ обоснуйте)? Если сходится, найдите его сумму.

14. Установите соответствие между видами сходимости и рядами:

а) Абсолютно сходится

б) Условно сходится

в) Расходится

$$1. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2^n} \quad 2. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+1} \quad 3. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{3n-1}$$

15. Запишите общий член ряда:

$$-1 + \frac{1}{4} - \frac{1}{9} + \frac{1}{16} - \dots$$

---

16. Определите область сходимости ряда и изобразите её на рисунке  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-4)^n}{3^n}$ .

17. Если  $f(x) = 2 + (x - 1) + 6(x - 1)^3 + \dots$  то коэффициент  $a_2$  разложения данной функции в ряд Тейлора по степеням  $(x - 1)$  равен  $\dots$

18. Найдите три первых члена, отличных от нуля, разложения в ряд Тейлора в окрестности точки  $z = 0$  функции  $f(z) = e^{-z^4}$ .

19. Найдите три первых члена, отличных от нуля, разложения в ряд Тейлора в окрестности точки  $z = 5$  функции  $f(z) = \frac{1}{2 - z}$ .

20. Дана спектральная функция некоторого сигнала  $F(w) = \frac{\sin 2w}{w}$ ,  $w \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Найдите его амплитудный и фазовый спектры.

---

### Контрольные работы по темам:

#### 4 Семестр

1. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задачи Коши.  
Линейные дифференциальные уравнения порядка  $n$ .
2. Решение дифференциальных уравнений операторным методом.  
Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Фурье.

*Демо-варианты контрольных работ.*

*Тема:* Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка

### Вариант демо-1

*Задание 1.* Какое из данных уравнений допускает понижение порядка? Решите это уравнение.

$$xy''' + y'' = \sqrt{x},$$

$$xy''' + y'' + yy' = \sqrt{x}, \quad y(1) = 1, \quad y'(1) = 7.$$

*Задание 2.* Не находя решения, определите тип каждого дифференциального уравнения. Решите уравнение с разделяющимися переменными, затем решите для него задачу Коши  $y(0) = 1$ .

1.  $y' = \frac{y^2}{x^2} + 4 \cdot \frac{y}{x} + 2$

2.  $y' + \frac{3y}{x} = \frac{2}{x^3}$

3.  $y' + xy = (1 + x)e^{-x}y^2$

4.  $\sqrt{3 + y^2} + \sqrt{1 - x^2}yy' = 0$

## Вариант демо-2

Задание 1. Какое из данных уравнений допускает понижение порядка? Решите это уравнение.

$$y'' + 4y' + x = 98y^3, \quad y'' = 98y^3, \quad y(1) = 1, \quad y'(1) = 7.$$

Задание 2. Не находя решения, определите тип каждого дифференциального уравнения. Решите линейное уравнение, затем решите для него задачу Коши  $y' \left( \frac{\pi}{2} \right) = 1$ .

1.  $(e^{2x} + 5)dy + ye^{2x}dx = 0$

2.  $xy' = \sqrt{2x^2 + y^2} + y$

3.  $y' - \frac{y}{x} = x \sin x$

4.  $y' + 4x^3y = 4y^2e^{4x}(1 - x^3)$

Тема: Приложения операционного исчисления

## Вариант демо-1

1. Решить задачу Коши (операторным методом):

$$y'' - 9y = \sin(t) - \cos(t), \quad y(0) = -3, \quad y'(0) = 2$$

2. Решить задачу Коши (операторным методом):

$$\begin{cases} x' = 3x + y & x(0) = 2 \\ y' = -5x - 3y + 2 & y(0) = 0 \end{cases}$$

3. Запишите свертку  $f * g$  в виде интеграла и найдите ее изображение:

$$f(t) = t^9, \quad g(t) = \sin(5t)$$

Тема: Ряды. Вычеты.

## Вариант демо-1

1. Исследовать на сходимость следующие ряды:

$$1. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{2^n}; \quad 2. \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n+1}{2n+3} \right)^{n^2}; \quad 3. \sum_{n=1}^{\infty} \left[ (-1)^n \sin \frac{1}{n} + \frac{i}{2n^2+3} \right].$$

2. Найти область сходимости данного ряда и изобразить её на рисунке.

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^n}{n2^n}$$

3. Вычислить приближённо с точностью  $E = 0,001$   $\int_0^{0,5} \cos(4x^2) dx$ .

4. Вычислить  $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1200 dx}{(x^2 + 9)(x^2 + 4)^2}$ .

**Выполнение индивидуального задания по темам:**

1. Линейные дифференциальные уравнения порядка  $n$ ;
2. Спектральный анализ прямоугольного импульса;
3. Спектральный анализ периодической последовательности прямоугольных импульсов.

**Темы лабораторных работ:** не предусмотрены.

**Темы для самостоятельной работы:**

### 3 Семестр

1. Дифференциальные уравнения первого порядка: основные понятия и задачи.
2. Методы решения уравнений: с разделяющимися переменными, линейных.
3. Линейные дифференциальные уравнения порядка  $n$ ;
4. Несобственные интегралы I и II рода.
5. Признаки сходимости.
6. Понятие об интегральном преобразовании.
7. Преобразование Фурье, Спектральный анализ.
8. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение, их свойства.
9. Приложения операционного исчисления.

### 4 Семестр

1. Комплексные числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Признаки сходимости.
2. Абсолютная и условная сходимости числового ряда.
3. Комплексные функциональные ряды, область сходимости.
4. Степенной ряд, его область сходимости.



5. Ряд Тейлора. Разложение функции в ряд Тейлора.
6. Нули функции. Ряд Лорана. Разложение функции в ряд Лорана.
7. Особые точки функции и их классификация.
8. Вычеты функции и их нахождение для особых точек всех видов.
9. Приложение вычетов к вычислению интегралов функций комплексной переменной.
10. Тригонометрический ряд Фурье.
11. Разложение функции в ряд Фурье.
12. Различные формы записи ряда Фурье.

**Темы курсового проекта:** не предусмотрен.

**Темы семинаров:** не предусмотрены.

**Темы коллоквиума:** не предусмотрены.

**Темы домашних заданий:**

1. Дифференциальные уравнения;
2. Несобственный интеграл. Интегральные преобразования. Преобразования Фурье, Лапласа;
3. Комплексные числовые и функциональные ряды. Ряды Фурье, Тейлора, Лорана.

**Вопросы к экзамену:**

1. Понятие обыкновенного дифференциального уравнения первого порядка и его решения.
2. Постановка задачи Коши для обыкновенного дифференциального уравнения первого порядка. Геометрическая интерпретация задачи Коши. Понятие общего, частного решений.
3. Основные типы дифференциальных уравнений первого порядка и алгоритмы их решений.
4. Дифференциальные уравнения порядка  $n$ . Определение. Общее и частное решения. Постановка задачи Коши для дифференциального уравнения  $n$ -ого порядка.
5. Уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка и алгоритмы их решений.
6. Линейное однородное дифференциальное уравнение порядка  $n$ . Общий вид. Ф.с.р. Структура общего решения.
7. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение порядка  $n$ . Общий вид. Структура общего решения.
8. Отыскание фундаментальной системы и общего решения линейного однородного дифференциального уравнения порядка  $n$  с постоянными коэффициентами.

9. Подбор частных решений линейного неоднородного уравнения с правой частью специального вида.
10. План решения ЛНДУ с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.
11. Определение несобственных интегралов первого рода на промежутках  $[a, +\infty)$ ,  $(-\infty, b]$ .
12. Определение несобственного интеграла первого рода на промежутке  $(-\infty, +\infty)$ , его сходимость.
13. Исследование интеграла  $\int_a^{\infty} \frac{dx}{x^\alpha}$ .
14. Дайте определение числового ряда. Сходимость и сумма числового ряда. Понятие частичной суммы и остатка числового ряда.
15. Сформулируйте необходимое условие сходимости числового ряда. Как его применяют при решении конкретных задач?
16. Дайте определение условной и абсолютной сходимости. В чём заключается основное отличие условно и абсолютно сходящихся рядов?
17. Эталонные ряды. Сформулируйте признак сравнения в предельной форме.
18. Сформулируйте признак Даламбера в предельной форме.
19. Сформулируйте радикальный признак Коши в предельной форме.
20. Дайте определение знакочередующегося ряда и сформулируйте теорему Лейбница о его сходимости.
21. Понятие степенного ряда и его области сходимости.
22. Теорема о разложении аналитической функции в ряд Тейлора. Практические способы разложения функции в ряд Тейлора.
23. Почленное дифференцирование и интегрирование функционального ряда.
24. Как применяют ряды Тейлора в приближённых вычислениях?
25. Как на практике установить аналитичность функции? Сформулируйте соответствующие свойства и
26. Понятие ряда Лорана. Его строение. Область сходимости ряда Лорана.
27. Понятие нуля аналитической функции и его кратности. Сформулируйте теорему о поведении ряда Тейлора в окрестности  $m$ -кратного нуля. Как практически найти кратность нуля?
28. Дайте определение особой точки аналитической функции и приведите их классификацию.
29. Характеристика конечной особой точки с помощью разложения в ряда Лорана в окрестности этой точки.
30. Дать определение вычета. Связь вычета с разложением в ряд Лорана.

31. Сформулируйте теорему о связи между нулями и полюсами.
32. Запишите формулу вычисления вычета относительно простого полюса (две формулы). Запишите формулу вычисления вычета относительно  $m$ -кратного полюса.
33. Сформулируйте основную теорему о вычетах.
34. Как применяют вычеты для вычисления интегралов по замкнутому контуру?
35. Вычисление несобственных интегралов с помощью вычетов.
36. Как находят "обратное преобразование Лапласа" с помощью вычетов?
37. Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операторным методом.
38. Какие Вы знаете способы отыскания оригинала по его изображению? Поясните, как применять таблицу оригиналов и изображений и свойства преобразования Лапласа.
39. Опишите общий вид ряда Фурье по основной тригонометрической системе.
40. Запишите формулу для отыскания коэффициентов тригонометрического ряда Фурье.
41. Сформулируйте теорему Дирихле о представимости функции тригонометрическим рядом Фурье.
42. Вид коэффициентов тригонометрического ряда Фурье для чётных и нечётных функций.
43. Запишите вид ряда Фурье по гармоническим колебаниям.
44. Понятие об амплитудном, фазовом спектрах периодической функции.
45. Укажите систему функции для записи ряда Фурье в комплексной форме.
46. Запишите ряд Фурье в комплексной форме. Как выражаются его коэффициенты?
47. Спектральный анализ периодической функции с помощью ряда Фурье в комплексной форме.
48. Приведите примеры классов функций образующих линейное пространство.
49. Дайте определение понятия базиса для бесконечномерного линейного пространства.
50. Дайте определение понятия скалярного произведения двух функций.
51. Дайте определение нормы функции.
52. Дайте определение ортогональной системы функций.
53. Приведите примеры ортогональных систем функций.
54. Запишите основную тригонометрическую систему функций. Укажите норму этих функций.
55. Как найти коэффициенты ряда Фурье по произвольной системе функций?
56. Что называется среднеквадратичным отклонением функции  $f(x)$  от функции  $g(x)$ ? В чём заключается экстремальное свойство многочленов Фурье?

## 4 Методические материалы

Для обеспечения процесса обучения и решения задач обучения используются следующие материалы:

методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, в составе согласно пункту 12 рабочей программы:

### Основная литература

1. Люстерник, Л.А. Краткий курс функционального анализа. / Л.А. Люстерник, Соболев В.И. С-Петербург.: Лань. - 2009. - 272 с.  
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=245](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=245)
2. Ельцов, А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова. Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск: ТУСУР, 2007. - 263 с. Экземпляры всего: 100.
3. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / И.М. Петрушко, Елисеев А.Г. и др. С-Петербург.: Лань, 2010. 368 с.  
<http://lanbook.com/books/526>
4. Ерохина, А.П. Высшая математика в задачах и упражнениях с ответами и решениями: / А.П. Ерохина, Л.Н. Байбакова. Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск, 2006 - 138 с. Экземпляры всего: 85

### Дополнительная литература

1. Магазинников, Л.И. Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования: учебное пособие / Л. И. Магазинников. Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - 2-е изд. - Томск : ТУСУР, 2002. - 206 с. Экземпляры всего: 264 экз.
2. Бугров, Я.С. Высшая математика: учебник для вузов: В 3 т. / С.М. Никольский; ред. В.А. Садовничий. Т. 3: Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы. Ряды. Функции комплексного переменного. - 6-е изд., стереотип. - М.: Дрофа, 2004. - 511 с. Экземпляры всего: 31.
3. Краснов, М.Л. Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Теория устойчивости: Учебное пособие для вузов /А.И. Киселев, Г.И. Макаренко. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: Наука, 1981. - 302с. Экземпляры всего: 33.
4. Колмогоров, А.Н. Элементы теории функций и функционального анализа: Учебник для вузов / С.В. Фомин. - 6-е изд., испр. - М. : Наука, 1989. - 623 с. Экземпляры всего: 9

### Практические занятия проводятся по учебным пособиям:

1. Филимоненкова Н.В. Сборник задач по функциональному анализу. С-Петербург.: Лань, 2015. - 240 с. <http://lanbook.com/books/65041>

2. Ельцов А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск : ТУСУР, 2007. - 263 с. Экземпляры всего:100.
3. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / Петрушко И.М., Елисеев А.Г. и др. С-Петербург.: Лань, 2010. - 368 с.  
<http://lanbook.com/books/526>
4. Ерохина, А.П. Высшая математика в задачах и упражнениях с ответами и решениями: / Ерохина А. П., Л. Н. Байбакова; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Ч. 3. - Томск, 2006 - 138 с. Экземпляры всего 85

**Задания на контрольные работы и индивидуальные задания  
приведены в каждом из следующих учебных пособий:**

1. А.П. Ерохина, А. П., Высшая математика в задачах и упражнениях с ответами и решениями: Л. Н. Байбакова; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Ч. 3. - Томск, 2006. - 138 с. Экземпляры всего: 85
2. Л. И. Магазинников, Высшая математика III. Функции комплексного переменного. Ряды. Интегральные преобразования: учебное пособие / Л. И. Магазинников ; Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - 2-е изд. - Томск : ТУСУР, 2002. - 206 с. Экземпляры всего: 264 экз.