### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)



### УТВЕРЖДАЮ: Проректор по учебной работе

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1c6cfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

16 г.

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### **МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ**

Уровень основной образовательной программы бакалавриат

Направление(я) подготовки (специальность) 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи»

Профиль(и) «Системы мобильной связи»

Форма обучения очная

Факультет РТФ (радиотехнический факультет)

Кафедра РТС (радиотехнических систем)

Курс 1

Семестр 2

Учебный план набора 2013, 2014, 2015 года.

### Распределение рабочего времени:

Nº	Виды учебной работы	Семестр 1	Семестр 2	Семестр 3	Семестр 4	Семестр 5	Семестр 6	Семестр 7	Семестр 8	Всего	Единицы
1	Лекции		36							36	часов
2	Лабораторные работы										часов
3	Практические занятия		64							64	часов
4	Курсовой проект/работа (КРС) (аудиторная)										часов
5	Всего аудиторных занятий (Сумма 1-4)		100							100	часов
6	Из них в интерактивной форме										часов
7	Самостоятельная работа студентов (СРС)		80							80	часов
8	Всего (без экзамена) (Сумма 5,7)		180							180	часов
9	Самост. работа на подготовку, сдачу экзамена		36							36	часов
10	Общая трудоемкость (Сумма 8,9)		216							216	часов
	(в зачетных единицах)		6							6	ЗЕТ

Зачет не предусмотрено

Диф. зачет не предусмотрено

Экзамен 2 семестр

Томск 2016

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры протокол № 289 от «23 » 1 2017 г.

#### Лист согласований

Рабочая программа составлена с учетом требований Федерального Государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 11.03.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи» утвержденного приказом министерства образования и науки РФ 06.03..2015г., №174

рассмотрена и утверждена на заседании кафедры 23 января 2017 г., протокол № <u>289</u>. Разработчик: зав. кафедрой математики \_\_\_\_\_\_\_\_\_А.Л. Магазинникова Рабочая программа согласована с факультетом, профилирующей и выпускающей кафедрами направления подготовки (специальности). Декан РТФ К.Ю.Попова Зав. профилирующей кафедрой РТС С.В. Мелихов Зав. выпускающей кафедрой РТС С.В. Мелихов Эксперты: профессор кафедры математики ТУСУР А.А Ельцов ст. преподаватель кафедры

Д.О. Ноздреватых

РТС ТУСУР

- 1. Цели и задачи дисциплины: целью курса является изучение основ математического анализа; методов, способов и средств получения, хранения, переработки математической информации, принятых в математическом анализе, включая методы решения задач математического анализа. В задачи курса входят: овладение методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в математическом анализе; методами исследования математических задач, развитие логического и алгоритмического мышления студентов, выработка у студентов способности к самоорганизации и самообразованию, в частности, умения работать с математической литературой.
- 2. Место дисциплины в структуре ОПОП: математический анализ относится к базовой части дисциплин Б1.Б.10. Для изучения курса необходимо твердое знание студентами базового курса математики средней школы, а также курса линейной алгебры и аналитической геометрии. Математический анализ призван дать студентам математический аппарат, который будет использоваться в дальнейшем при изучении дисциплин профессионального цикла, в учебноисследовательской и научно-исследовательской работе.

### 3. Требования к результатам освоения дисциплины:

процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций: ОК-7 - «Выпускник должен обладать способностью к самоорганизации и самообразованию» ОПК-3 - «Выпускник должен обладать способностью владеть основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации»

В результате изучения дисциплины студент должен:

**знать:** основные понятия математического анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в математическом анализе, включая методы решения типовых задач математического анализа.

**уметь:** применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в математическом анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой.

**владеть:** методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации, принятыми в математическом анализе, включая основные методы решения типовых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся математического анализа.

# **4. Объем дисциплины и виды учебной работы** Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц.

Вид учебной работы	D		Ce	местры	
	Всего часов	1	2	3	
Аудиторные занятия (всего)	100		100		
В том числе:	-		-	-	-
Лекции	36		36		
Лабораторные работы (ЛР)					
Практические занятия (ПЗ)	54		54		
Семинары (С)					
Коллоквиумы (К)	2		2		
Курсовой проект/(работа) (аудиторная нагрузка)					
Другие виды аудиторной работы					
Контрольные работы	8		8		
Самостоятельная работа (всего)	80		80		
В том числе:	-		-	-	-
Курсовой проект (работа) (самостоятельная работа)					
Расчетно-графические работы					
Реферат					
Другие виды самостоятельной работы					
Подготовка к практическим занятиям	54		54		
Подготовка к контрольным работам	16		16		
Подготовка к коллоквиуму	10		10		
Вид промежуточной аттестации -экзамен	36		36		
Общая трудоемкость час	216		216		
Зачетные Единицы Трудоемкости	6		6		

# 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

<b>№</b> п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции	Лаборат. занятия	Практич. занятия	Курсовой П/Р (KPC)	Самост. работа студента	Всего час. (без экзам)	Формируе- мые компе- тенции (ОК, ПК)
1.	Введение в анализ (включая функции комплекс-			20		24	54	ОК-7,
	ного переменного).							ОПК-3
2.	Дифференциальное исчисление (включая функ-	10		20		24	54	ОК-7,
	ции комплексного переменного).							ОПК-3
3.	Интегральное исчисление функций одной и мно-			24		32	72	ОК-7,
	гих переменных (включая функции комплексного							ОПК-3
	переменного). Элементы теории поля.							
	ВСЕГО	36		64		80	180	

5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

<b>№</b> п/п	Наименование разделов	Содержание разделов	Трудоем- кость (час.)	Формируе- мые компе- тенции (ОК, ПК)
1.	Введение в анализ (включая функции комплексного переменного).	Понятие функции, включая функции комплексной переменной, способы задания функции, Композиция функций, обратная функция. Последовательность и ее предел. Непрерывность функции. Предел функции. Неопределенные выражения. Классификация точек разрыва. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства. Сравнение бесконечно малых, порядок малости. Главная часть бесконечно малой. Сравнение бесконечно больших функций, порядок роста. Главная часть бесконечно большой.	10	ОК-7, ОПК-3
2.	Дифференци- альное исчисле- ние (включая функции ком- плексного пе- ременного).	Понятие дифференцируемой функции. Дифференциал функции. Инвариантность формы дифференциала первого порядка. Производная матрица и ее строение. Понятие частной производной. Производная по направлению. Градиент. Условия дифференцируемости функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Приложения дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталя. Геометрический и механический смысл производной. Исследование функции.	10	ОК-7, ОПК-3
3.	Интегральное исчисление функций одной и многих переменных (включая функции комплексного переменного). Элементы теории поля.	Неопределённый интеграл и его свойства. Методы интегрирования: подведение под знак дифференциала, интегрирование по частям, интегрирование рациональных дробей. Определённый интеграл и его свойства. Приложения определенного интеграла. Понятие интеграла по фигуре (многообразию). Криволинейные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Независимость криволинейного интеграла II рода от пути интегрирования. Потенциальное векторное поле. Интеграл функции комплексной переменной. Двойной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в двойном интеграле, переход к полярной системе координат. Поверхностные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Тройной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в тройном интеграле, переход к цилиндрической или сферической системе координат. Поток и дивергенция векторного поля. Формула Остроградского-Гаусса. Циркуляция и ротор векторного поля. Формула Стокса.	16	ОК-7, ОПК-3

5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

№ № разделов данной дисциплины из табл.5.1. для которых необходимо Наименование обеспечивающих No (предыдущих) и обеспечиваемых  $\Pi/\Pi$ изучение обеспечивающих (предыдущих) и обеспечиваемых (последую-(последующих) дисциплин щих) дисциплин 2 Предшествующие дисциплины Линейная алгебра и аналитическая + + + геометрия. Последующие дисциплины Основы функционального анализа 1 + + Дискретная математика + + Теория вероятностей и математиче-+ ская статистика 4 Физика + + + Информационные технологии 5 + + + Инженерная и компьютерная гра-+ 7 Теория электрических цепей + + + Метрология, стандартизация и сер-+ + + тификация в инфокоммуникациях Электроника + 10 Схемотехника телекоммуникационных устройств 11 Радиоавтоматика + + Цифровая обработка сигналов 12 + + + 13 Радиотехнические системы + + + 14 Электромагнитные поля и волны + + 15 Математические методы описания + + + сигналов 16 Теоретические основы систем мо-+ + + бильной связи 17 Схемотехника телекоммуникационных устройств Распространение радиоволн и ан-18 тенно- фидерные устройства систем мобильной связи Устройства преобразования и обработки информации систем мобильной связи 20 Сети и системы мобильной связи + + + 21 Прикладные математические методы в радиотехнике 22 Математическое моделирование устройств связи

### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Перечень ком-	Виды занятий					Формы контроля
петенций	Л	Лаб	Пр.	КР/КП	CPC	
ОК-7, ОПК-3	+		+		+	Опрос на лекции, на практическом занятии. Коллоквиум. Контрольная работа. Экзамен.

 $<sup>\</sup>Pi$  – лекция,  $\Pi$ р – практические и семинарские занятия,  $\Pi$ аб – лабораторные работы,  $KP/K\Pi$  – курсовая работа/проект, CPC – самостоятельная работа студента

### 6. Методы и формы организации обучения Технологии интерактивного обучения при разных формах занятий в часах не предусмотрено

### 7. Лабораторный практикум не предусмотрено

8. Практические занятия (семинары)

№	№ раздела дис-	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудо-	Компе-
$\Pi/\Pi$	циплины из		емкость	тенции
	табл. 5.1		(час.)	ОК, ПК
1	1	Понятие функции, включая функции комплексной переменной, способы задания функции, Композиция функций, обратная функция. Последовательность и ее предел. Непрерывность функции. Предел функции. Неопределенные выражения. Классификация точек разрыва. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства. Сравнение бесконечно малых, порядок малости. Главная часть бесконечно малой. Сравнение бесконечно больших функций, порядок роста. Главная часть бесконечно большой.	20	ОК-7, ОПК-3
2	2	Понятие дифференцируемой функции. Дифференциал функции. Инвариантность формы дифференциала первого порядка. Производная матрица и ее строение. Понятие частной производной. Производная по направлению. Градиент. Условия дифференцируемости функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Приложения дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталя.	20	ОК-7, ОПК-3
3	3	Неопределённый интеграл и его свойства. Методы интегрирования: подведение под знак дифференциала, интегрирование по частям, интегрирование рациональных дробей. Определённый интеграл и его свойства. Приложения определенного интеграла. Понятие интеграла по фигуре (многообразию). Криволинейные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Независимость криволинейного интеграла II рода от пути интегрирования. Потенциальное векторное поле. Интеграл функции комплексной переменной. Двойной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в двойном интеграле, переход к полярной системе координат. Поверхностные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Тройной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в тройном интеграле, переход к цилиндрической или сферической системе координат. Поток и дивергенция векторного поля. Формула Остроградского-Гаусса. Циркуляция и ротор векторного поля. Формула Стокса.	24	ОК-7, ОПК-3

# 9. Самостоятельная работа

<b>№</b> п/п	№ раздела дисци- плины из табл. 5.1	Тематика самостоятельной работы (детализация)	Трудо-	Компе-	Контроль выполнения
1	1	Изучение теоретического материала, решение задач. Подготовка к практическим занятиям. Подготовка к контрольной работе. Темы: Понятие функции, включая функции комплексной переменной, способы задания функции. Композиция функций, обратная функция. Последовательность и ее предел. Непрерывность функции. Предел функции. Неопределенные выражения. Классификация точек разрыва. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых, порядок малости. Главная часть бесконечно малой. Сравнение бесконечно больших функций, порядок роста. Главная часть бесконечно большой.	(час.) 24	ОК, ПК ОК-7, ОПК-3	работы Опрос на лекции, прак- тическом занятии. Коллоквиум. Контрольная работа. Экза- мен.
2	2	Изучение теоретического материала, решение задач. Подготовка к практическим занятиям. Подготовка к контрольной работе. Темы: Понятие дифференцируемой функции. Дифференциал функции. Производная матрица и ее строение. Понятие частной производной. Производная по направлению. Градиент. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Приложения дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталя. Полное исследование функции.	24	ОК-7, ОПК-3	Опрос на лекции, практическом занятии. Коллоквиум. Контрольная работа. Индивидуальное задание. Экзамен.
3	3	Изучение теоретического материала, решение задач. Подготовка к практическим занятиям. Подготовка к контрольной работе. Темы: Неопределённый интеграл и его свойства. Методы интегрирования: подведение под знак дифференциала, интегрирование по частям, интегрирование рациональных дробей. Определённый интеграл и его свойства. Приложения определенного интеграла. Понятие интеграла по фигуре (многообразию). Криволинейные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Независимость криволинейного интеграла II рода от пути интегрирования. Потенциальное векторное поле. Интеграл функции комплексной переменной. Двойной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в двойном интеграле, переход к полярной системе координат. Поверхностные интегралы I и II рода. Их физический смысл, свойства и вычисление. Тройной интеграл и его свойства. Вычисление интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в тройном интеграле, переход к цилиндрической или сферической системе координат. Поток и дивергенция векторного поля. Формула Остроградского-Гаусса. Циркуляция и ротор векторного поля. Формула Стокса.	32	ОК-7, ОПК-3	Опрос на лекции, практическом занятии. Коллоквиум. Контрольная работа. Индивидуальное задание. Экзамен.

### 10. Примерная тематика курсовых проектов (работ) не предусмотрено

### 11. Рейтинговая система для оценки успеваемости студентов

Таблица 11.1 Балльные оценки для элементов контроля.

	Максимальный	Максимальный	Максимальный	Всего за
	балл на 1 к.т.	балл между 1 и	балл между	семестр
		2 к.т.	2 -й к.т. и на	
			конец семестра	
Контрольные работы, тесты.	10	15	15	40
Индивидуальное задание			10	10
Коллоквиум.	5	5		10
Работа на практических заня-			10	10
тиях				
Итого максимум за период:	15	27	28	70
Сдача экзамена (максимум)				30
Нарастающим итогом:	15	42	70	100

Таблица 11.2 Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Баллы на дату контрольной точки	Оценка
≥ 90 % от максимальной суммы баллов на дату КТ	5
От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ	4
От 50% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ	3
< 50 % от максимальной суммы баллов на дату КТ	2

Таблица 11.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Оценка (ГОС)	Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен	Оценка (ECTS)
5 (отлично) (зачтено)	90 - 100	А (отлично)
4 (222222)	85 – 89	В (очень хорошо)
4 (хорошо) (зачтено)	75 – 84	С (хорошо)
(зачтено)	70 - 74	D (удордотроритоди но)
3 (удовлетворительно)	65 – 69	D (удовлетворительно)
(зачтено)	50 - 64	Е (посредственно)
2 (неудовлетворительно),	Ниже 50 баллов	F (неудовлетворительно)
(не зачтено)		

### 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

### 12.1 Основная литература.

- 1. Магазинников Л. И. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л. И. Магазинников, А. Л. Магазинников; Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (Томск). Электрон. текстовые дан. Томск: [б. и.], 2007. on-line, 191 с. <a href="http://edu.tusur.ru/training/publications/2246">http://edu.tusur.ru/training/publications/2246</a>
- 2. Ельцов А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263[1] с. Экземпляры всего:100.
- 3. Бермант А.Ф. Краткий курс математического анализа / И.Г Араманович, С-Петербург Изд-во: Лань, 2010. 736стр. <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_id=2660">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_id=2660</a>
- 4. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / Петрушко И.М., Елисеев А.Г. и др. С-Петербург Изд-во: Лань, 2010. 368 стр. http://lanbook.com/books/element.php?pl1\_cid=45&pl1\_id=526
- 5. Магазинников Л.И. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск: ТУСУР, 2007. 212 с. (99 экз.)

### 12.2 Дополнительная литература.

- 1. Бугров Я.С. Высшая математика: учебник для вузов: В 3 т. / Я.С. Бугров, С.М. Никольский; ред. В.А. Садовничий. Т. 2: Дифференциальное и интегральное исчисление.- 7-е изд., стереотип. М.: Дрофа, 2005. 509[2] с. (31 экз.)
- 2. Ельцов А.А. Практикум по интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям: учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова; Федеральное агентство по образованию (М.), Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (Томск). Томск: ТУСУР, 2005. 204 с. (285 экз.)

### 12.3. Учебно-методические пособия

### 12.3.1 Обязательные учебно-методические пособия

### Практические занятия проводятся по учебным пособиям:

- 1. Магазинников Л.И. Высшая математика І. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск: ТУСУР, 2007. 212 с. Экземпляров в библиотеке ТУСУРа: 99.
- 2. Ельцов А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263[1] с. Экземпляры всего:100.
- 3. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / Петрушко И.М., Елисеев А.Г. и др. С-Петербург Изд-во: Лань, 2010. 368 стр. <a href="http://lanbook.com/books/element.php?pl1\_cid=45&pl1\_id=526">http://lanbook.com/books/element.php?pl1\_cid=45&pl1\_id=526</a>

### Задания на контрольные работы и индивидуальные задания приведены в каждом из следующих учебных пособий:

1. Магазинников Л.И. Высшая математика І. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники.

- Томск: ТУСУР, 2007. 212 с.(рекомендовано для самостоятельной работы) Экземпляров в библиотеке ТУСУРа: 99.
- 2. Ельцов А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263[1] с. Экземпляры всего:100.
- 3. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / Петрушко И.М., Елисеев А.Г. и др. С-Петербург Изд-во: Лань, 2010. 368 стр. (рекомендовано для самостоятельной работы)

http://lanbook.com/books/element.php?pl1 cid=45&pl1 id=526

### 12.3.2 Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

### Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

### Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### 12.4. Базы данных, информационно справочные и поисковые системы:

Образовательный портал университета (<a href="https://edu.tusur.ru">https://edu.tusur.ru</a>), электронный каталог библиотеки (http://e.lanbook.com) система дистанционного образования MOODLE (методические материалы: текстовые, аудио и видеофайлы, индивидуальные задания, тесты и т.д.)

Ссылки с сайта кафедры на математические ресурсы и он-лайн тренажёры.

### 13. Материально-техническое обеспечение дисциплины

### 13.1. Общие требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

# 13.1.1. Материально-техническое обеспечение для лекционных занятий Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 90, оборудованная доской, компьютером, проектором и стандартной учебной мебелью. Имеются наглядные пособия в виде презентаций по лекционным разделам дисциплины.

- **13.1.2.** Материально-техническое обеспечение для практических занятий Для проведения практических (семинарских) занятий используется учебная аудитория с количеством посадочных мест не менее 30, оборудованная доской, стандартной учебной мебелью. Для внедрения элементов электронного обучения необходимы минимум 1 компьютер на 2 студента, Mathcad, Octave или MatLAB.
- **13.1.3.** Материально-техническое обеспечение для самостоятельной работы Для самостоятельной работы используется учебная аудитория, с количеством посадочных мест не менее 30, оборудованная доской, стандартной учебной мебелью. Для внедрения элементов

электронного обучения необходимы минимум 1 компьютер на 2 студента, Mathcad, Octave или MatLAB.

# 13.2 Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Освоение дисциплины лицами с OB3 осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При обучении студентов **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями слуха, мобильной системы обучения для студентов с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой обучаются студенты с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При обучении студентов **с нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для удаленного просмотра.

При обучении студентов **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями опорно-двигательного аппарата, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

### 14. Фонд оценочных средств

### 14.1 Основные требования к фонду оценочных средств и методические рекомендации

Фонд оценочных средств и типовые контрольные задания, используемые для оценки сформированности и освоения закрепленных за дисциплиной компетенций при проведении текущей, промежуточной аттестации по дисциплине приведен в приложении к рабочей программе

# 14.2 Требования к фонду оценочных средств для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ограниченными возможностями здоровья предусмотрены дополнительные оценочные средства, перечень которых указан в таблице.

Категории студен- тов	Виды дополнительных оценочных средств	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно- двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами, исходя из состояния обучающегося на момент проверки

# 14.3 Методические рекомендации по оценочным средствам для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с OB3 предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

### Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

### Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

### Приложение к рабочей программе

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)

УТВЕРЖДАЮ						
Пј	popei	стор по учебной работе				
		П. Е. Троян				
<b>«</b>	>>>	2016 г.				

### ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

Уровень основной обр	разовательной программы: бакалавриат
Направление подгото	вки 11.03.02 Инфокоммуникационные технологии и системы связи
Профили Системн	ы мобильной связи
Форма обучения: очна	Я
Факультет: Радиотехн	ический (РТФ)
Кафедра: радиотехнич	еских систем (РТС)
Kypc 1	Семестр 2
	Учебный план набора 2013, 2014, 2015 года.
Зачет: не предусмотрен	Диф. зачет не предусмотрен

Экзамен 2 семестр

### 1 Введение

Фонд оценочных средств (ФОС) является приложением к рабочей программе дисциплины и представляет собой совокупность контрольно-измерительных материалов (типовые задачи (задания), контрольные работы, тесты и др.) и методов их использования, предназначенных для измерения уровня достижения студентом установленных результатов обучения. ФОС по дисциплине (практике) используется при проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов. Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций приведен в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций

Код	Формулировка компетенции	Этапы формирования компетенции	
OK-7	способность к самоорганизации и	Должен знать основные понятия математи-	
	самообразованию	ческого анализа; методы, способы и средства	
		получения, хранения, переработки математиче-	
ОПК-3	способность владеть основ-	ской информации, принятые в математическом	
	ными методами, способами и	анализе, включая методы решения типовых за-	
	средствами получения, хранения,	дач математического анализа.	
	переработки информации	<b>Должен уметь</b> применять методы, способы и	
		средства получения, хранения, переработки ма-	
		тематической информации, принятые в матема-	
		тическом анализе, для решения типовых задач,	
		для освоения других дисциплин, предусмотрен-	
		ных учебным планом, и решения профессио-	
		нальных задач. Пользоваться при необходимо-	
		сти математической литературой.	
		<b>Должен владеть</b> методами, способами и сред-	
		ствами получения, хранения, переработки ма-	
		тематической информации, принятыми в мате-	
		матическом анализе, включая основные методы	
		решения типовых задач; навыками самооргани-	
		зации и самообразования для изучения вопро-	
		сов, касающихся математического анализа.	

### 2 Реализация компетенций

### 1 Компетенция ОК-7

### ОК-7: способность к самоорганизации и самообразованию.

Для формирования компетенции необходимо осуществить ряд этапов. Этапы формирования компетенции, применяемые для этого виды занятий и используемые средства оценивания представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Этапы формирования компетенции и используемые средства оценивания

Состав	Знать	Уметь	Владеть
Содержание этапов Виды	Знает основные понятия математического анализа; методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в математическом анализе, включая методы решения типовых задач математического анализа.	Умеет применять методы, способы и средства получения, хранения, переработки математической информации, принятые в математическом анализе, для решения типовых задач, для освоения других дисциплин, предусмотренных учебным планом, и решения профессиональных задач. Пользоваться при необходимости математической литературой.	Владеет методами, спо- собами и средствами получения, хранения, переработки матема- тической информации, принятыми в мате- матическом анализе, включая основные методы решения типо- вых задач; навыками самоорганизации и самообразования для изучения вопросов, касающихся математи- ческого анализа.
занятий	<ul> <li>Лекции;</li> <li>Практические занятия;</li> <li>Семинары;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul> <li>Практические занятия;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Выполнение домашнего задания;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul> <li>Практические занятия;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Выполнение индивидуального задания;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>
Используемые средства оценивания	<ul> <li>Тест;</li> <li>Сообщение на семинаре;</li> <li>Ответ на коллоквиуме;</li> <li>Контрольная работа;</li> <li>Экзамен;</li> </ul>	<ul> <li>Контрольная работа;</li> <li>Оформление домашнего задания;</li> <li>Конспект материала, вынесенного на самостоятельную работу;</li> <li>Экзамен;</li> </ul>	<ul> <li>Контрольная работа;</li> <li>Оформление и защита индивидуального задания;</li> <li>Экзамен.</li> </ul>

Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции на всех этапах приведены в таблице 3.

Таблица 3 — Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции по этапам

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Отлично	Обладает системными	Обладает диапазоном	Контролирует выпол-
(высокий	и глубокими знаниями	практических умений,	няемую работу, прово-
уровень)	в пределах изучаемой	требуемых для разви-	дит оценку выполнен-
	дисциплины с понима-	тия творческих реше-	ной работы, модифици-
	нием границ примени-	ний, абстрагирования	рует этапы работы
	мости	проблем	
Хорошо	Обладает знаниями	Обладает диапазоном	Оперирует основными
(базовый	основных понятий на	практических умений,	методами решения за-
уровень)	уровне определений	требуемых для реше-	дач и исследований
	и взаимосвязей меж-	ния типовых задач с	
	ду ними в пределах	элементами исследова-	
	изучаемой дисциплины	ния	
Удовлетвори-	Обладает знаниями	Обладает основными	Работает при прямом
тельно (порого-	основных понятий на	умениями, требуемыми	наблюдении и контроле
вый уровень)	уровне названий и	для выполнения про-	
	обозначений, алгорит-	стых типовых задач	
	мов решения типовых		
	задач		

Формулировка показателей и критериев оценивания данной компетенции приведена в таблице 4.

Таблица 4 — Показатели и критерии оценивания компетенции на этапах

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Отлично (высокий уровень)	<ul> <li>раскрывает сущность математических понятий, проводит их характеристику;</li> <li>анализирует связи между различными математическими понятиями;</li> <li>обосновывает выбор математического метода, план, этапы решения задачи;</li> </ul>	<ul> <li>свободно применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях;</li> <li>умеет математически показать и аргументированно доказать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul> <li>свободно оперирует методами изучаемой дисциплины;</li> <li>организует коллективное выполнение работы, затрагивающей изучаемую дисциплину;</li> <li>свободно владеет разными способами представления математической информации.</li> </ul>
Хорошо (базовый уровень)	<ul> <li>дает определения основных понятий и приводит примеры их применения;</li> <li>понимает связи между различными понятиями;</li> <li>аргументирует выбор метода решения задачи;</li> <li>составляет план решения задачи;</li> </ul>	<ul> <li>способен различить стандартные и новые ситуации при решении задач;</li> <li>умеет корректно выражать и аргументированно обосновывать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul> <li>критически осмысливает полученные знания;</li> <li>способен работать в коллективе, задачи которого затрагивают изучаемую дисциплину;</li> </ul>

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Удовлетвори-			
тельно (пороговый уровень)	<ul> <li>воспроизводит основные факты, идеи;</li> <li>распознает основные математические объекты;</li> <li>знает алгоритмы решения типовых задач;</li> </ul>	<ul> <li>умеет применять алгоритмы решения типовых задач на практике;</li> <li>умеет работать со справочной литературой;</li> <li>умеет оформлять результаты своей работы;</li> </ul>	<ul> <li>поддерживает разговор на терисциплины;</li> <li>владеет основной терминологией изучаемой дисциплины.</li> </ul>
		,	

### 2 Компетенция ОПК-3

ОПК-3: способность владеть основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации.

Для формирования компетенции необходимо осуществить ряд этапов. Этапы формирования компетенции, применяемые для этого виды занятий и используемые средства оценивания представлены в таблице 5.

Таблица 5 – Этапы формирования компетенции и используемые средства оценивания

Состав	Знать	Уметь	Владеть
Содержание	Знает основные поня-	Умеет применять	Владеет методами, спо-
этапов	тия математического	методы, способы и	собами и средствами
	анализа; методы,	средства получения,	получения, хранения,
	способы и средства	хранения, переработки	переработки матема-
	получения, хранения,	математической ин-	тической информации,
	переработки матема-	формации, принятые	принятыми в мате-
	тической информации,	в математическом	матическом анализе,
	принятые в матема-	анализе, для реше-	включая основные
	тическом анализе,	ния типовых задач,	методы решения типо-
	включая методы ре-	для освоения других	вых задач; навыками
	шения типовых задач	дисциплин, преду-	самоорганизации и
	математического ана-	смотренных учебным	самообразования для
	лиза.	планом, и решения	изучения вопросов,
		профессиональных за-	касающихся математи-
		дач. Пользоваться при	ческого анализа.
		необходимости матема-	
		тической литературой.	

Виды занятий Используемые	<ul> <li>Лекции;</li> <li>Практические занятия;</li> <li>Семинары;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul> <li>Практические занятия;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Выполнение домашнего задания;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>	<ul> <li>Практические занятия;</li> <li>Групповые консультации;</li> <li>Выполнение индивидуального задания;</li> <li>Самостоятельная работа студентов;</li> </ul>
оценивания	<ul> <li>Тест;</li> <li>Сообщение на семинаре;</li> <li>Ответ на коллоквиуме;</li> <li>Контрольная работа;</li> <li>Экзамен;</li> </ul>	<ul> <li>Контрольная работа;</li> <li>Оформление домашнего задания;</li> <li>Конспект материала, вынесенного на самостоятельную работу;</li> <li>Экзамен;</li> </ul>	<ul> <li>Контрольная работа;</li> <li>Оформление и защита индивидуального задания;</li> <li>Экзамен.</li> </ul>

Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции на всех этапах приведены в таблице 6.

Таблица 6 — Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции по этапам

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Отлично	Обладает системными	Обладает диапазоном	Контролирует выпол-
(высокий	и глубокими знаниями	практических умений,	няемую работу, прово-
уровень)	в пределах изучаемой	требуемых для разви-	дит оценку выполнен-
	дисциплины с понима-	тия творческих реше-	ной работы, модифици-
	нием границ примени-	ний, абстрагирования	рует этапы работы
	мости	проблем	
Хорошо	Обладает знаниями	Обладает диапазоном	Оперирует основными
(базовый	основных понятий на	практических умений,	методами решения за-
уровень)	уровне определений	требуемых для реше-	дач и исследований
	и взаимосвязей меж-	ния типовых задач с	
	ду ними в пределах	элементами исследова-	
	изучаемой дисциплины	ния	
Удовлетвори-	Обладает знаниями	Обладает основными	Работает при прямом
тельно (порого-	основных понятий на	умениями, требуемыми	наблюдении и контроле
вый уровень)	уровне названий и	для выполнения про-	
	обозначений, алгорит-	стых типовых задач	
	мов решения типовых		
	задач		

Формулировка показателей и критериев оценивания данной компетенции приведена в таблице 7.

Таблица 7 – Показатели и критерии оценивания компетенции на этапах

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Отлично (высокий уровень)	<ul> <li>раскрывает сущность математических понятий, проводит их характеристику;</li> <li>анализирует связи между различными математическими понятиями;</li> <li>обосновывает выбор математического метода, план, этапы решения задачи;</li> </ul>	<ul> <li>свободно применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях;</li> <li>умеет математически показать и аргументированно доказать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul> <li>свободно оперирует методами изучаемой дисциплины;</li> <li>организует коллективное выполнение работы, затрагивающей изучаемую дисциплину;</li> <li>свободно владеет разными способами представления математической информации.</li> </ul>
Хорошо (базовый уровень)	<ul> <li>дает определения основных понятий и приводит примеры их применения;</li> <li>понимает связи между различными понятиями;</li> <li>аргументирует выбор метода решения задачи;</li> <li>составляет план решения задачи;</li> </ul>	<ul> <li>способен различить стандартные и новые ситуации при решении задач;</li> <li>умеет корректно выражать и аргументированно обосновывать положения изучаемой дисциплины;</li> </ul>	<ul> <li>критически осмысливает полученные знания;</li> <li>способен работать в коллективе, задачи которого затрагивают изучаемую дисциплину;</li> </ul>

Показатели и	Знать	Уметь	Владеть
критерии			
Удовлетвори-			
тельно (пороговый уровень)	<ul> <li>воспроизводит основные факты, идеи;</li> <li>распознает основные математические объекты;</li> <li>знает алгоритмы решения типовых задач;</li> </ul>	<ul> <li>умеет применять алгоритмы решения типовых задач на практике;</li> <li>умеет работать со справочной литературой;</li> <li>умеет оформлять результаты своей</li> </ul>	<ul> <li>поддерживает разговор на терминологией изучаемой дисциплины;</li> <li>владеет основной терминологией изучаемой дисциплины.</li> </ul>
		работы;	

#### 3 Типовые контрольные задания

Для реализации вышеперечисленных задач обучения используются следующие материалы: типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, в составе:

Тест: итоговый тест по элементарным знаниям и практическим навыкам

1. Найдите область определения функции  $f(x) = \ln(x^2 - 1), x \in \mathbb{R}$ . Изобразите область определения на числовой оси.

2. Укажите точки разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+3}{x^2-9} & \text{при } x < 0, \\ \frac{x-1}{x^2-4} & \text{при } x > 0, \end{cases} \quad x \in \mathbb{R}.$$

3. Найдите область определения функции  $f(z) = \frac{z-1}{z^2 + A}, z \in \mathbb{C}$ .

4. Укажите функции, которые являются чётными. Ответ обоснуйте:

a) 
$$f(x) = \cos(2x)$$
;

6) 
$$f(x) = \sin(2x)$$
;

B) 
$$f(x) = (x-1)^2$$
;

$$\Gamma) f(x) = \sin(2x+2)$$

$$\Gamma$$
)  $f(x) = \sin(2x+2);$  д)  $f(x) = \cos(2x+2);$  e)  $f(x) = 2x^2.$ 

e) 
$$f(x) = 2x^2$$
.

5. Укажите пределы, в которых присутствует неопределённость  $\frac{0}{0}$  :

a) 
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2+1}{2x-6}$$

$$6) \lim_{x \to 3} \frac{\sin x}{x};$$

a) 
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2+1}{2x-6}$$
; 6)  $\lim_{x\to 3} \frac{\sin x}{x}$ ; B)  $\lim_{x\to 3} \frac{x-3}{\ln(x^2-2x-2)}$ ;  $\Gamma$ )  $\lim_{x\to \infty} \frac{4x+1}{3x+2}$ .

$$\Gamma) \lim_{x \to \infty} \frac{4x+1}{3x+2}.$$

6. Укажите функции, бесконечно большие при  $x \to -\infty$ . Ответ обоснуйте:

a) 
$$f(x) = \cos(2x)$$
;

$$6) f(x) = e^{2x};$$

B) 
$$f(x) = e^{-2x}$$
;

a) 
$$f(x) = \cos(2x)$$
; 6)  $f(x) = e^{2x}$ ; B)  $f(x) = e^{-2x}$ ;  $f(x) = \frac{1}{x}$ ;  $f(x) = 2x^2$ .

7. Найдите  $\lim_{x\to 0} \frac{\ln(1+\sin(2x))}{\operatorname{tg}(4x)}$ .

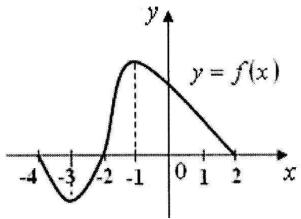
8. Найдите производную и дифференциал функции  $y = x \sin(5x^2)$ .

9. Найдите градиент функции  $u(x,y) = y\sqrt{5x^2 + y}$ . Вычислите его значение в точке M(0,1).

10. Удовлетворяет ли функция  $y(x) = \frac{1}{8}x^4 - \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2$  уравнению y''' = 3x - 2?

11. Дана функция  $u(x,y) = \frac{x+1}{5y}$ . Найдите  $\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y}$ .

12. Дан график функции f(x). Укажите промежуток, на котором выполняются три условия:  $f(x) < 0, \quad f'(x) > 0, \quad f''(x) > 0.$ 



- 13. Найдите асимптоты графика функции  $f(x) = \frac{x^3}{x^2 4x + 3}$ .
- 14. Значение функции  $y = \sqrt[5]{x^4}$  в точке  $x_0 + \Delta x$  можно вычислить по формуле

1. 
$$\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} + \frac{1}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$$

1. 
$$\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} + \frac{1}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$$
 3.  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} + \frac{4}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$ 

2. 
$$\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} - \frac{4}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$$
 4.  $\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} - \frac{1}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$ 

4. 
$$\sqrt[5]{(x_0 + \Delta x)^4} = \sqrt[5]{x_0^4} - \frac{1}{5\sqrt[5]{x_0}} \Delta x + o(\Delta x)$$

15. Найдите точки экстремума функции  $f(x) = x^{2/3} + x^{5/3}$ .

16. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = x^2 + 1, y = 2, x = 0.$ 

17. Найдите первообразную функции  $f(x) = \frac{1}{(x-2)^2(x+3)}$ .

18. Известно, что  $\int_{-1}^{1} f(x) dx = \sqrt{3}$ ,  $\int_{-1}^{1} g(x) dx = \sqrt{3} - 1$ . Чему равен

$$\int_{0}^{1} \left[ (\sqrt{3} + 2) f(x) + (\sqrt{3} - 1) g(x) \right] dx?$$

19. Пусть  $\iint_{\Sigma} f(x,y) dx dy = \int_{1}^{2\pi} dx \int_{2\pi}^{\pi} f(x,y) dy$ . Тогда область интегрирования D данного

интеграла имеет вид

- 1) треугольника
- 2) окружности
- 3) квадрата
- 4) прямоугольника

20. Установите соответствие между данными интегралами и названиями из списка:

1. 
$$\int_{L} (x+y) dl$$
, no kohtypy  $L: x^2 + y^2 = 9$ ;

2. 
$$\iint\limits_{D}e^{x+y}\,dxdy,\;\;D-$$
фигура, ограниченная линиями  $x$  = 0,  $x$  = 1,  $y$  = 0,  $y$  = 2;

3. 
$$\iint_S x\,dydz + 2y\,dxdz + z\,dxdy, \, S \, - \, \text{часть плоскости} \,\, x + y + 3z - 2 = 0 \,\, \text{в первом октанте}.$$

- а) Неопределённый интеграл д) Криволинейный интеграл первого рода
- б) Определённый интеграл
- е) Криволинейный интеграл второго рода
- в) Двойной интеграл
- ж) Поверхностный интеграл первого рода
- г) Тройной интеграл
- з) Поверхностный интеграл второго рода.

21. Запишите исходное соотношение для вычисления работы векторного поля

$$\mathbf{f} = \sqrt{y}\,\mathbf{i} + \frac{x}{2\sqrt{y}}\,\mathbf{j}$$

по перемещению материальной точки вдоль кривой L:  $x = 2y^2$  от точки O(0,0), до точки B(8,2).

22. Вычислите интеграл. Если функция аналитическая, используйте формулу Ньютона-Лейбница:

$$\int\limits_L z\,dz;\;\;L-$$
 отрезок прямой, между точками  $O(0,0),\,B(1,2).$ 

- 23. Является ли функция f(z) = z +  $\bar{z}$  аналитической? Ответ обоснуйте.
- 24. Дана функция  $f(z) = e^{z+2}$ . Найдите |f(z)|,  $\arg f(z)$ .
- 25. Вычислите значение производной функции  $f(z) = \cos(3z + 6i)$  в точке  $z_0 = 1 2i$ .

### Контрольные работы по темам:

- 1. Введение в анализ;
- 2. Дифференциальное исчисление;
- 3. Интегральное исчисление. Элементы теории поля.

Демо-варианты контрольных работ.

Тема: Введение в анализ

### Вариант демо-1

1. Исследовать на непрерывность данную функцию. Охарактеризовать её точки разрыва.

$$f(x) = \frac{\sin(x+1)}{x^2 - 1} + \frac{\arctan(x-2)}{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}$$

 $(581.P\Pi)$  В ответ вводить все точки разрыва (слева направо), указывая следом за точкой тип разрыва (1;2;y).

2. Выделить главную часть бесконечно малой  $\alpha(x) = \frac{\sin^3(3x)}{(x+3)(\sqrt{4+3x^2}-2)}$  при  $x \to 0$ . (071.РП) В ответ ввести сначала c, затем k.

Найти пределы

3. 
$$\lim_{x \to 4} \left( \frac{x-3}{2x-7} \right)^{\frac{x+3}{4-x}}$$
; 4.  $\lim_{x \to \infty} \left( \frac{x-3}{2x-7} \right)^{\frac{x^2-3}{2x-7}}$ 

Тема: Дифференциальное исчисление

### Вариант демо-1

- 1. Дана функция  $u = x^3y xy^3 3z^2$ . Найдите:
- а) (Д01.РП) grad u и координаты вектора grad u в точке M(1,1,-1);
- б) (371)  $\frac{\partial u}{\partial \mathbf{a}}$  в точке M в направлении вектора  $\mathbf{a}\{2, -2, -1\}$ .
- 2. К каким из четырёх основных классов относятся данные функции? Ответ обоснуйте. Найдите дифференциалы данных функций:

a) 
$$f(x) = x \cdot \arcsin \frac{x}{2}$$
; 6)  $f(x,y) = \begin{bmatrix} \sqrt{x^2 + y^2} \\ x^2/y^2 \end{bmatrix}$ .

- 3. Докажите, что функция  $z=\arctan\frac{y}{x}$  удовлетворяет уравнению  $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}+\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}=0.$
- 4. Исследуйте функцию на аналитичность всеми возможными способами. Если какой-то из способов применить сложно (невозможно), обоснуйте почему.

a) 
$$\text{Re}(z+2\bar{z});$$
 6)  $\frac{z}{z^2+9}.$ 

5. Найдите с помощью правила Лопиталя:

a) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{3x} - 1}{\arcsin 4x};$$

$$6) \lim_{x \to +\infty} x \sin \frac{4}{x};$$

B) 
$$\lim_{x \to +\infty} (2^x + x)^{1/x}$$
.

Вариант демо-2

- 1. Дана функция  $u = \arctan \frac{yz+1}{x}$ . Найдите:
- а) (CP2.PП) grad u и координаты вектора grad u в точке A(1,2,-3);
- б) (6Т2)  $\frac{\partial u}{\partial \mathbf{a}}$  в точке A в направлении вектора  $\mathbf{a}\{3,0,-4\}.$

2. К каким из четырёх основных классов относятся данные функции? Ответ обоснуйте. Найдите дифференциалы данных функций:

a) 
$$f(x, y) = x^y$$
;

6) 
$$f(t) = e^{t^2} \cdot \mathbf{i} + \sin^2 t \cdot \mathbf{j} + \cos^2 t \cdot \mathbf{k}$$
.

3. Докажите, что функция  $z=y\ln x$  удовлетворяет уравнению  $\frac{\partial z}{\partial x}-y\cdot\frac{\partial^2 z}{\partial x\partial y}=0.$ 

4. Исследуйте функцию на аналитичность всеми возможными способами. Если какой-то из способов применить сложно (невозможно), обоснуйте почему:

a) 
$$Im(z^2 + z);$$

6) 
$$\sin(2z + 1)$$
.

5. Найдите с помощью правила Лопиталя:

a) 
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\pi - 2 \arctan x}{e^{3/x} - 1};$$

6) 
$$\lim_{x \to \pi/2} \left( \frac{x}{\operatorname{ctg} x} - \frac{\pi}{2 \cos x} \right);$$

B) 
$$\lim_{x\to 0} x^{1/\ln(e^x-1)}$$
.

Тема: Интегралы. Элементы теории поля.

## Вариант демо-1

1. Вычислите интегралы. Для аналитических функций используйте формулу Ньютона-Лейбница.

а) 
$$\int\limits_{L}\cos(2z+1)\,dz;\ \ \, L$$
 — отрезок прямой, между точками  $O(0,0),\,B(1,3).$ 

6) 
$$\int\limits_{L}z\,\mathrm{Im}\,\,z\,dz;\quad L-|z|=2.$$

2. Найдите поток векторного поля  $\bar{f}=z\bar{i}+x\bar{j}+y\bar{k}$  через часть плоскости 2x+3y+z=1, расположенную в первом октанте ( $\gamma$  — острый).

3. Найдите  $div \, \bar{f}$  и  $rot \, \bar{f}$  в точке M(1,2,-1), если  $\mathbf{f} = x^2 \, \mathbf{i} + 2y \, \mathbf{j} + z \, \mathbf{k}$ .

4. Какой из данных интегралов удобнее вычислять в полярной системе координат (ответ обоснуйте)? Вычислите этот интеграл.

а) 
$$\iint_D e^{x+y} dx dy$$
, если  $D$  — фигура, ограниченная линиями  $y=4,\ y=6,\ 3x-2y+4=0,\ 3x-2y+1=0.$ 

б) 
$$\iint\limits_{D} \sqrt{9-x^2-y^2}\,dxdy, \ D \to \text{фигура}\ x^2+y^2\leqslant x.$$

5. Вычислить поток векторного поля  $\mathbf{f} = x^2 \mathbf{i} + 2y \mathbf{j} + z \mathbf{k}$  через поверхность:  $z = x^2 + y^2$ , z = 1.

### Выполнение индивидуального задания по темам:

- 1. Исследование функции;
- 2. Приложения определённого интеграла.

Тема: Исследование функции

### Вариант демо-1

Охарактеризовать данное отображение. Провести полное исследование модуля и аргумента данной функции. Примечание: j — стандартное обозначение мнимой единицы в радиотехнических дисциплинах,  $\omega \in (0, +\infty)$ .

$$z(\omega) = 10 + j\omega \cdot 10^{-4}.$$

Тема: Приложения определённого интеграла

### Вариант демо-1

1. Фигура D ограничена кривыми

$$y = x^4$$
,  $y = \sqrt{x}$ 

- а) изобразите фигуру D на рисунке;
- б) поясните, можно ли считать D простейшей областью I типа; простейшей областью II типа;
- в) найдите площадь фигуры D (если можно, то двумя способами).
  - 2. Вычислите длину дуги кривой

$$\begin{cases} x = 2(t - \sin t), \\ y = 2(1 - \cos t), \end{cases} \quad 0 \le t \le \frac{\pi}{2}$$

Дополнительное задание: изобразите данную кривую на рисунке.

Темы лабораторных работ: не предусмотрены.

### Темы для самостоятельной работы:

- 1. Элементарные функции;
- 2. Исследование функции;
- 3. Предел последовательности. Предел функции;
- 4. Дифференциал функции. Применение дифференциала в приближённых вычислениях.

### Темы курсового проекта: не предусмотрен.

### Темы семинаров:

- 1. Основные элементарные функции. Предел функции;
- 2. Понятие дифференцируемой функции. Дифференциалы и их применение в приближённых вычислениях;
- 3. Интеграл по многообразию (фигуре).

### Темы коллоквиума:

- 1. Введение в анализ (включая функции комплексного переменного);
- 2. Дифференциальное исчисление (включая функции комплексного переменного);
- 3. Интегральное исчисление функций одной и мно-гих переменных (включая функции комплексного переменного). Элементы теории поля.

### Темы домашних заданий:

- 1. Введение в анализ (включая функции комплексного переменного);
- 2. Дифференциальное исчисление (включая функции комплексного переменного);
- 3. Интегральное исчисление функций одной и мно-гих переменных (включая функции комплексного переменного). Элементы теории поля.

#### Экзаменационные вопросы:

1. Опишите класс основных элементарных функций. Для каждой из основных элементарных функций требуется проводить характеристику по плану исследования функции и строить график (a, b, c — действительные числа).

1. 
$$f(x) = ax + b$$

1. 
$$f(x) = ax + b$$
 2.  $f(x) = ax^2 + bx + c$  3.  $f(x) = ax^3$ 

3. 
$$f(x) = ax^3$$

4. 
$$f(x) = \frac{a}{x}$$
 5.  $f(x) = \sqrt{x}$  6.  $f(x) = \sqrt[3]{x}$ 

$$5. \ f(x) = \sqrt{x}$$

$$6. \ f(x) = \sqrt[3]{x}$$

7. 
$$f(x) = \cos x$$

8. 
$$f(x) = \sin x$$

9. 
$$f(x) = \operatorname{tg} x$$

10. 
$$f(x) = \operatorname{ctg} x$$

10. 
$$f(x) = \cot x$$
 11.  $f(x) = \arccos x$ 

12. 
$$f(x) = \arcsin x$$

13. 
$$f(x) = \arctan x$$
 14.  $f(x) = \arctan x$  15.  $f(x) = a^x$ 

14. 
$$f(x) = \operatorname{arcctg} x$$

$$15 f(x) - a^x$$

16. 
$$f(x) = e^x$$

16. 
$$f(x) = e^x$$
 17.  $f(x) = \operatorname{ch} x$ 

18. 
$$f(x) = \sin x$$

19. 
$$f(x) = \log_a x$$
 20.  $f(x) = \lg x$ 

20. 
$$f(x) = \lg x$$

21. 
$$f(x) = \ln x$$

- 22. Охарактеризуйте множества  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ . Поясните, какие числа называют рациональными, иррациональными. В чём заключаются свойства непрерывности, плотности и упорядоченности множества действительных чисел?
- 23. Сформулируйте понятия ограниченного множества, неограниченного множества. Символы  $\infty$ ,  $-\infty$ ,  $+\infty$ . Операции с символами  $\infty$ ,  $-\infty$ ,  $+\infty$ . Запишите в виде неравенств:  $x \in (a, +\infty)$ ,  $x \in [a, +\infty), x \in (-\infty, a), x \in (-\infty, a],$  каждый из указанных промежутков изобразите на числовой оси.
- 24. Понятие функции  $f: X \in R_n \to Y \in R_m$ . Как описать область определения и область значений функции при различных значениях m и n? (Можно ответить на примере m = 1, 2, 3 и n = 1, 2, 3). Понятие графика функции. В каких случаях имеет смысл говорить о графике функции?
- 25. Охарактеризуйте четыре класса функций  $f:X\in R_n\to Y\in R_m$  при различных значениях m и n. Для каждого класса приведите пример (рекомендуем взять функции из других дисциплин, чтобы у примера был практический смысл).
- 26. Дайте определение и приведите примеры монотонно убывающей, монотонно возрастающей функций.
- 27. Дайте определение и приведите примеры четной, нечетной функций и функции общего вида; периодической функции.
- 28. Дайте определение и приведите примеры функций: ограниченной, неограниченной; ограниченной сверху, неограниченной сверху; ограниченной снизу, неограниченной снизу.
- 29. Дайте определение функции комплексного переменного. Покажите, что задание функции f(z) сводится к заданию двух функций двух вещественных переменных на каком-нибудь примере.
- 30. Дайте определение композиции функций. Приведите примеры. Как найти область определения сложной функции?
- 31. Понятие обратной функции. В каких случаях для данной функции может быть введена обратная функция? Приведите примеры обратных функций.

- 32. Понятие последовательности. Виды последовательностей. Приведите примеры числовой и векторной последовательностей.
- 33. Дайте определение окрестности конечной точки  $x_0$  в  $\mathbb{R}$ . Сформулируйте понятия односторонних окрестностей в  $\mathbb{R}$ . Окрестности бесконечно удалённой точки в  $\mathbb{R}$ . Окрестности конечной и бесконечно удалённой точек в  $R_2$  и  $R_3$ .
- 34. Понятия внутренней и граничной точки множества, границы множества, открытого и замкнутого множеств.
- 35. Понятие предельной точки множества. Предельные точки в N и R.
- 36. Определение предела последовательности. Чем различаются определения для числовой и векторной последовательностей?
- 37. Сформулируйте теорему о пределе векторной последовательности. Теоремы о пределе комплексной последовательности.
- 38. Дайте определения на языке окрестностей и неравенств, приведите рисунок для понятий:

$$1. \lim_{x \to x_0} f(x) = A$$

1. 
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = A$$
 2.  $\lim_{x \to x_0 \to 0} f(x) = A$  3.  $\lim_{x \to x_0 \to 0} f(x) = A$ 

3. 
$$\lim_{x \to \infty} f(x) = A$$

4. 
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = -\infty$$

5. 
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = +\infty$$

4. 
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = -\infty$$
 5.  $\lim_{x \to x_0} f(x) = +\infty$  6.  $\lim_{x \to x_0 - 0} f(x) = -\infty$ 

7. 
$$\lim_{x \to x_0 + 0} f(x) = -\infty$$

8. 
$$\lim_{x \to \infty} f(x) = +\infty$$

7. 
$$\lim_{x \to x_0 + 0} f(x) = -\infty$$
 8.  $\lim_{x \to x_0 - 0} f(x) = +\infty$  9.  $\lim_{x \to x_0 + 0} f(x) = +\infty$ 

10. 
$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = A$$

11. 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = A$$

10. 
$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = A$$
 11.  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = A$  12.  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$ 

13. 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty$$

13. 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty$$
 14.  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty$  15.  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ 

15. 
$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$$

- 39. Дайте определение предела функции f(z) при  $z \to z_0$ .
- 40. Дайте определение непрерывной функции f(z). Сформулируйте теорему о непрерывности функции f(z).
- 41. Сформулируйте теорему о пределе векторной функции. Теоремы о пределе комплексной функции комплексного аргумента.
- 42. Сформулируйте теорему о связи предела с односторонними пределами.
- 43. Сформулируйте три определения непрерывной функции в точке  $x_0$ .
- 44. Теорема о непрерывности суммы, произведения и частного функций. Сформулируйте теоремы о непрерывности сложной функции, основных элементарных функций.
- 45. Приведите классификацию точек разрыва функции:  $f: X \subseteq \mathbb{R} \to Y \subseteq \mathbb{R}$ .
- 46. Дайте определения бесконечно малой и бесконечно большой функций. Приведите примеры бесконечно малых и бесконечно больших функций в конечной и бесконечно удалённой точках.

- 47. Сформулируйте и докажите теорему о связи бесконечно малой и бесконечно большой функций.
- 48. Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой и ограниченной функций.
- 49. Понятие эквивалентных бесконечно малых и бесконечно больших функций.
- 50. Главная часть бесконечно малых и бесконечно больших функций. Как её выделить?
- 51. Качественное сравнение бесконечно малых функций.
- 52. Качественное сравнение бесконечно больших функций.
- 53. Объясните, как применяют эквивалентные бесконечно малые и бесконечно большие функции при отыскании пределов. Сформулируйте теорему, лежащую в основе этого метода.
- 54. Как определяют бесконечно малые и бесконечно большие функции в случае  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R_m$ ?
- 55. Дайте определение дифференцируемой функции. Понятия производной матрицы и дифференциала.
- 56. Строение производной матрицы в случае  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ . Необходимое и достаточное условие дифференцируемости функции  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ .
- 57. Строение производной матрицы в случае  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R$ . Понятие частных производных. Градиент.
- 58. Строение производной матрицы в случае  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R_m$ . Необходимое и достаточное условие дифференцируемости функции  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R_m$ .
- 59. Строение производной матрицы в случае  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R_m$ . Необходимые и достаточные условия дифференцируемости функций  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R$  и  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R_m$ .
- 60. Сформулируйте линейное свойство производной. Приведите примеры применения этого свойства.
- 61. Сформулируйте правила дифференцирования произведения и частного. Приведите примеры применения этих правил.
- 62. Сформулируйте теорему о дифференцировании сложной функции. Приведите примеры применения этой теоремы.
- 63. Понятие производной по направлению. Запишите формулу вычисления производной по направлению.
- 64. Понятие дифференцируемой функции комплексного переменного. Производная. Дифференциал.
- 65. Условия дифференцируемости функции комплексного переменного (условия Коши-Римана и  $\frac{\partial f}{\partial \bar{z}}$  = 0).
- 66. Понятие аналитической функции. Простейшие свойства аналитических функций.

- 67. Понятие производных высших порядков функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$  и  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R_m$ .
- 68. Понятие частных производных высших порядков. Для каких классов функций вводят это понятие?
- 69. Сформулируйте теорему о равенстве смешанных частных производных.
- 70. Геометрический и механический смысл производной функции  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ .
- 71. Как записать дифференциал для функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$  и  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R_m$ ?
- 72. Как записать дифференциал для функции  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R$ ?
- 73. Как записать дифференциал для функции  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R_m$ ?
- 74. В чем заключается свойство инвариантности формы записи первого дифференциала функции  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ ?
- 75. Как определяются дифференциалы  $d^2f$ ,  $d^3f$ , ...,  $d^nf$ ? Запишите общий вид дифференциалов  $d^2f$ ,  $d^3f$ , ...,  $d^nf$  для функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ , если x независимая переменная.
- 76. Запишите выражение для  $d^2f$ , если  $f: X \subseteq R_2 \to Y \subseteq R$ .
- 77. Запишите формулу Тейлора порядка n для функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$  и  $f: X \subseteq R_n \to Y \subseteq R$  в дифференциальной форме.
- 78. Запишите формулу Тейлора порядка n для функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ , используя в записи производные.
- 79. Поясните, как применяют дифференциал и формулу Тейлора в приближённых вычислениях.
- 80. Получите формулу Маклорена для функции  $e^x$ .
- 81. Сформулируйте правило Лопиталя раскрытия неопределенности  $\frac{0}{0}$ .
- 82. Сформулируйте правило Лопиталя раскрытия неопределенности  $\frac{\infty}{\infty}$ .
- 83. Как раскрыть неопределенности  $0 \cdot \infty, 0^0, 1^\infty, \infty^0$  с помощью правила Лопиталя?
- 84. Дайте определение точек экстремума для функций f(x) и  $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ .
- 85. Сформулируйте необходимое условие экстремума для функций f(x) и  $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ .
- 86. Сформулируйте достаточные условия экстремума для функций f(x), связанные со знаком f'(x).
- 87. Сформулируйте необходимые и достаточные условия выпуклости вниз (вверх) графика функции, связанные со второй производной.
- 88. Понятие точки перегиба и правило их отыскания.
- 89. Опишите правило дифференцирования обратных функций. Приведите примеры применения этого правила.

- 90. Покажите на двух-трёх примерах как получены производные из основной таблицы.
- 91. Объясните параметрический способ задания функций. Опишите правило дифференцирования параметрически заданных функций.
- 92. Поясните неявный способ задания функций  $f: X \subseteq R \to Y \subseteq R$ . Правило их дифференцирования.
- 93. Поясните неявный способ задания функций  $f: X \subseteq R_2 \to Y \subseteq R$ . Правило отыскания частных производных функций, заданных неявно.
- 94. Запишите уравнение касательной к кривой при различных способах её задания.
- 95. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности.
- 96. Определение первообразной. Докажите, что любые две первообразные одной и той же функции отличаются на константу.
- 97. Понятие неопределённого интеграла. Свойства неопределённого интеграла.
- 98. Функции какого класса имеют первообразные? Что означают слова "неберущийся интеграл"?
- 99. Таблица интегралов. Как убедиться в справедливости формул таблицы?
- 100. Простейшие методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод подведения под знак дифференциала. Приведите примеры.
- 101. Формула интегрирования по частям. В каких случаях её применяют? Приведите примеры.
- 102. Отыскание интегралов типа  $\int \cos \alpha x \cos \beta x \, dx$ ,  $\int \cos \alpha x \sin \beta x \, dx$ ,  $\int \sin \alpha x \sin \beta x \, dx$ .
- 103. Какая функция называется дробной рациональной? Дайте определение правильной и неправильной рациональных дробей.
- 104. Какие рациональные дроби называются элементарными? Методы интегрирования элементарных дробей.
- 105. Как представить рациональную дробь в виде суммы элементарных?
- 106. Правила интегрирования выражений  $\int \sin^m x \cos^n x \, dx$ , m и n целые, m > 0, n > 0. Интегралы типа  $\int R(\sin x, \cos x) \, dx$ .
- 107. Интегралы типа  $\int R(x, \sqrt[r_1]{x}, \sqrt[r_2]{x}, \dots, \sqrt[r_n]{x}) dx, r_i$  целые положительные числа. Интегралы типа

$$\int R\left(x, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{p_1/q_1}, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{p_2/q_2}, \dots, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{p_n/q_n}\right) dx.$$

108. Интегралы, содержащие  $\sqrt{a^2-x^2}$ ,  $\sqrt{x^2+a^2}$ ,  $\sqrt{x^2-a^2}$ .

109. Как найдены интегралы дополнительной таблицы:

1. 
$$\int e^{ax} dx$$
;

1. 
$$\int e^{ax} dx$$
; 2.  $\int \cos(ax) dx$ ; 3.  $\int \sin(ax) dx$ ;

3. 
$$\int \sin(ax) dx$$
;

$$4. \int \frac{dx}{a^2 + x^2}$$

4. 
$$\int \frac{dx}{a^2 + x^2};$$
5. 
$$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}};$$
6. 
$$\int \operatorname{tg} x \, dx;$$
7. 
$$\int \operatorname{ctg} x \, dx;$$
8. 
$$\int \frac{dx}{\sin x};$$
9. 
$$\int \frac{dx}{\cos x};$$

6. 
$$\int \operatorname{tg} x \, dx$$
;

7. 
$$\int \operatorname{ctg} x \, dx$$
;

8. 
$$\int \frac{dx}{\sin x};$$

9. 
$$\int \frac{dx}{\cos x}$$
;

10. 
$$\int \frac{dx}{x^2 - a^2}$$
; 11.  $\int \ln x \, dx$ ; 12.  $\int \arctan x \, dx$ .

11. 
$$\int \ln x \, dx$$
;

12. 
$$\int \operatorname{arctg} x \, dx$$

- 110. Понятие определённого интеграла. Построение интегральной суммы. Геометрический смысл определённого интеграла.
- 111. Какие функции интегрируемы по Риману?
- 112. Свойства определённого интеграла, выраженные равенствами.
- 113. Свойства определённого интеграла, выраженные неравенствами.
- 114. Теоремы о среднем (свойства определённого интеграла).
- 115. Интеграл с переменным верхним пределом. Свойства функции  $I(x) = \int_{-x}^{x} f(t) dt$ .
- 116. Понятие интеграла, зависящего от параметра.
- 117. Доказательство формулы Ньютона-Лейбница.
- 118. Формула интегрирования по частям для определённого интеграла.
- 119. Замена переменных в определённом интеграле.
- 120. Вычисление площадей фигур в декартовых координатах.
- 121. Вычисление длины дуги кривой в декартовых координатах.
- 122. Понятие интеграла по фигуре. Построение интегральной суммы.
- 123. Свойства интеграла по фигуре.
- 124. Вычисление криволинейных интегралов первого рода.
- 125. Ориентированные кривые. Вычисление криволинейных интегралов второго рода.
- 126. Понятие векторного поля. Работа векторного поля.
- 127. Циркуляция векторного поля. Ротор векторного поля.
- 128. Условия независимости криволинейных интегралов от пути интегрирования.
- 129. Потенциальные поля. Отыскание потенциала поля.
- 130. Как строится интегральная сумма Римана от функции f(z)? Дайте определение интеграла Римана от функции f(z).

- 131. Получите вычислительные формулы для  $\int\limits_{L}f(z)\,dz$ . Общий случай.
- 132. Теорема Коши для односвязной области. Независимость интеграла аналитической функции от пути интегрирования.
- 133. Существование первообразной для аналитической функции. Формула Ньютона-Лейбница.
- 134. Геометрический смысл двойного интеграла. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.
- 135. Двойной интеграл в полярных координатах. Переход из декартовой системы координат в полярную.
- 136. В каких случаях двойной интеграл выражается через повторный с постоянными пределами интегрирования?
- 137. Геометрический смысл тройного интеграла. Тройной интеграл в декартовых координатах.
- 138. Тройной интеграл в цилиндрической системе координат. Переход из декартовой системы координат в цилиндрическую.
- 139. Тройной интеграл в сферической системе координат. Переход из декартовой системы координат в сферическую.
- 140. В каких случаях тройной интеграл выражается через повторный с постоянными пределами интегрирования?
- 141. Формула для вычисления площади поверхности.
- 142. Вычислительные формулы для поверхностного интеграла первого рода.
- 143. Вычислительные формулы для поверхностного интеграла второго рода.
- 144. Поток векторного поля через поверхность. Дивергенция векторного поля.
- 145. Интегральные формулы: Грина, Стокса, Остроградского-Гаусса.

### 4 Методические материалы

Для обеспечения процесса обучения и решения задач обучения используются следующие материалы:

методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, в составе согласно пункту 12 рабочей программы:

### Основная литература

1. Магазинников, Л.И. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников ; Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (Томск). - Электрон. текстовые дан. - Томск: [б. и.], 2007. - on-line, 191 с. - http://edu.tusur.ru/training/publications/2246

- 2. Ельцов, А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263[1] с. Экземпляры всего:100.
- 3. Бермант, А.Ф. Краткий курс математического анализа / И.Г Араманович. С-Петербург.: Лань, 2010. 736 c. http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\_id=2660
- 4. Петрушко, И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / И.М. Петрушко, А.Г. Елисеев и др. С-Петербург.: Лань, 2010. 368 с. http://lanbook.com/books/526
- 5. Магазинников, Л.И. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск: ТУСУР, 2007. 212 с. (99 экз.)

### Дополнительная литература

- 1. Бугров, Я.С. Высшая математика: учебник для вузов: В 3 т. / Я.С. Бугров, С.М. Никольский; ред. В.А. Садовничий. Т. 2: Дифференциальное и интегральное исчисление.- 7-е изд., стереотип. М.: Дрофа, 2005. 509 с. (31 экз.)
- 2. Ельцов, А.А. Практикум по интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям: учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова; Федеральное агентство по образованию (М.), Том-ский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (Томск). Томск: ТУСУР, 2005. 204 с. (285 экз.)

### Практические занятия проводятся по учебным пособиям:

- 1. Магазинников, Л.И. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск: ТУСУР, 2007. 212 с. (99 экз.)
- 2. Ельцов, А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263 с. Экземпляры всего:100.
- 3. Петрушко, И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / И.М. Петрушко, А.Г. Елисеев и др. С-Петербург.: Лань, 2010. 368 с. http://lanbook.com/books/526

# Задания на контрольные работы и индивидуальные задания приведены в каждом из следующих учебных пособий:

- 1. Магазинников, Л.И. Практикум по дифференциальному исчислению: Учебное пособие / Л.И. Магазинников, А.Л. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск: ТУСУР, 2007. 212 с. (99 экз.)
- 2. Ельцов, А.А. Интегральное исчисление. Дифференциальные уравнения : учебное пособие / А.А. Ельцов, Т.А. Ельцова ; Федеральное агентство по образованию, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. Томск : ТУСУР, 2007. 263 с. Экземпляры всего:100.
- 3. Петрушко, И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. / И.М. Петрушко, А.Г. Елисеев и др. С-Петербург.: Лань, 2010. 368 с. http://lanbook.com/books/526